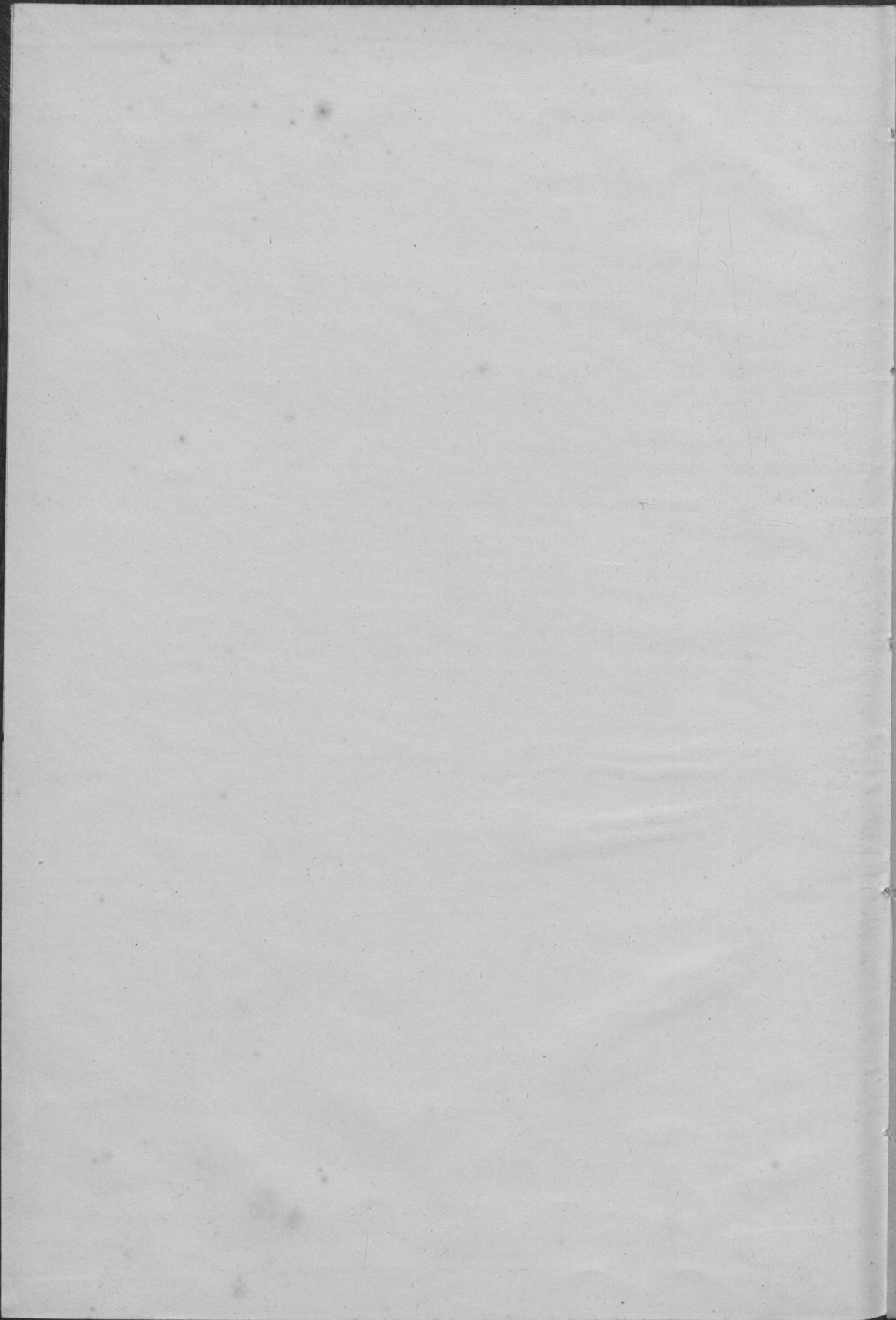


Shr al-Haṭīm

De 6390







*Der Bibliothek der S. M. G. überreicht
vom Verfasser*

Umschlag beibehalten!

ZEITSCHRIFT
FÜR
MATHEMATIK UND PHYSIK.


BEGRÜNDET 1856 DURCH

O. SCHLÖMILCH.

GEGENWÄRTIG HERAUSGEGEBEN

VON

DR. R. MEHMKE UND DR. M. CANTOR.

B. G. Teubner  in Leipzig.

Sonderabdruck aus dem 2. u. 3. Hefte des 44. Jahrgangs.



Neuester Verlag von B. G. Teubner in Leipzig.

1896. 1897. 1898.

- Bianchi, Luigi**, Vorlesungen über Differentialgeometrie. Autorisierte deutsche Übersetzung von MAX LUKAT, Oberlehrer in Hamburg. 2 Lieferungen. I. Lieferung. [IV u. 336 S.] gr. 8. 1896. geh. n. *M.* 12.— [II. Lieferung unter der Presse.]
- Cantor, Moritz**, Vorlesungen über Geschichte der Mathematik. In 3 Bänden. III. Band: Vom Jahre 1668 bis zum Jahre 1758. In 3 Abteilungen. [XIV u. 893 S.] gr. 8. 1894—98. geh. n. *M.* 24.—
Einzelne:
I. Abteilung: 1668—1699. Mit 45 Figuren im Text. [251 S.] 1894. n. *M.* 6.—
II. Abteilung: 1700—1726. Mit 30 Figuren im Text. [S. 253—472.] 1896. n. *M.* 6.—
III. Abteilung: 1727—1758. Mit 70 Figuren im Text. [XIV u. S. 473—893.] 1898. n. *M.* 12.—
- Cornelius, Hans**, Psychologie als Erfahrungswissenschaft. [XV u. 445 S.] gr. 8. 1897. geh. n. *M.* 10.—
- Cranz, Prof. Dr. Carl**, Lehrer für Physik an der Kgl. Oberrealschule und Docent an der Kgl. Technischen Hochschule in Stuttgart. Compendium der theoretischen äusseren Ballistik. Zum Gebrauch von Lehrern der Mechanik und Physik an Hochschulen; von Artillerieofficieren; Instructoren an Schiessschulen, Artillerie-schulen und Kriegsacademieen; Mitgliedern von Artillerie- und Gewehr-Prüfungscommissionen; Gewehrtechnikern. Mit 110 Figuren im Text. [XII u. 511 S.] gr. 8. 1896. geh. n. *M.* 20.—
- Föppl, Dr. A.**, Professor an der Technischen Hochschule zu München, Vorlesungen über technische Mechanik. Dritter Band: Festigkeitslehre. Mit 70 Figuren im Text. [XVI u. 472 S.] gr. 8. 1897. Gebunden n. *M.* 12.— [Bd. I, II u. IV in Vorbereitung.]
- Fricke, Robert, und Felix Klein**, Vorlesungen über die Theorie der automorphen Functionen. I. Band: Die gruppentheoretischen Grundlagen. Mit 192 in den Text gedruckten Figuren. [XIV u. 634 S.] gr. 8. 1897. geh. n. *M.* 22.—
- Frischauf, Dr. Johannes**, Professor an der Universität Graz, Vorlesungen über Kreis- und Kugel-Functionen-Reihen. [VI u. 60 S.] gr. 8. 1897. geh. n. *M.* 2.—
- Grassmann's, Hermann**, gesammelte mathematische und physikalische Werke. Auf Veranlassung der mathematisch-physischen Klasse der Kgl. Sächsischen Gesellschaft der Wissenschaften und unter Mitwirkung der Herren: JAKOB LÜROTH, EDUARD STUDY, JUSTUS GRASSMANN, HERMANN GRASSMANN DER JÜNGERE, GEORG SCHEFFERS herausgegeben von FRIEDRICH ENGEL. In 3 Bänden. I. Band. II. Theil: Die Ausdehnungslehre von 1862. Mit 37 Figuren im Text. [VIII u. 511 S.] gr. 8. 1896. geh. n. *M.* 16.—
- Gundelfinger, Dr. Sigmund**, Prof. an der Technischen Hochschule zu Darmstadt, Tafeln zur Berechnung der reellen Wurzeln sämtlicher trinomischer Gleichungen. Hinzugefügt sind vierstellige Additions-, Subtraktions- und Briggsche Logarithmen sowie eine Interpolationstafel für alle Differenzen unter Hundert. [IV u. 15 S.] 4. 1897. Steif geh. n. *M.* 1.40.
- Januschke, Hans**, k. k. Direktor der Staats-Oberrealschule in Teschen, das Prinzip der Erhaltung der Energie und seine Anwendung in der Naturlehre. Ein Hilfsbuch für den höheren Unterricht. Mit 95 Figuren im Text. [X u. 456 S.] gr. 8. 1897. Gebunden n. *M.* 12.—
- Kirchhoff, Gustav**, Vorlesungen über mathematische Physik. I. Band: Mechanik. 4. Aufl. herausg. von Prof. Dr. W. WIEN. Mit 18 Figuren im Text. [X u. 464 S.] gr. 8. 1897. geh. n. *M.* 13.—



De 6390

Historisch-litterarische Abteilung.

Die Kreisquadratur des Ibn el-Haitam.

Zum ersten Mal nach den Manuskripten der königl. Bibliothek
in Berlin und des Vatikans herausgegeben und übersetzt

von

HEINRICH SUTER der
in Zürich.

Einleitung.

Von verschiedenen Seiten ist schon längst der Wunsch geäußert worden, es möchte die Abhandlung des Ibn el-Haitam, die sich mit der Quadratur des Kreises beschäftigt, einmal veröffentlicht werden; so sagt unter anderen Herr M. Cantor in seinen Vorlesungen über Geschichte der Mathematik,* es sei „ungemein zu bedauern, dass sie noch keinen Bearbeiter gefunden habe, weil sie die erste Abhandlung dieses Titels seit Archimedes ist, von deren Erhaltung wir Kenntnis haben, und weil nach der Bedeutung des Verfassers zu urteilen, sicherlich interessante Versuche darin zu erwarten sind, dem Werte der Kreisfläche so nahe als möglich zu kommen.“ Dieser Umstand selbstverständlich verbunden mit meinem besonderen Interesse für historische Forschungen auf dem Gebiete der arabischen Mathematik haben mich bewogen, diese Arbeit zu unternehmen.

Leider aber erfahren diejenigen, die ihre Hoffnungen auf die wissenschaftliche Bedeutung Ibn el-Haitams gegründet haben, eine herbe Enttäuschung; er mag wohl ein recht bedeutender, in den Schriften der Alten sehr bewandeter Mathematiker gewesen sein, dazu kam aber ein bei den Orientalen sehr verbreiteter, durch ihre Beschäftigung mit neupythagoräischer und neuplatonischer Philosophie wesentlich genährter Zug zur spekulativen Philosophie und Mystik und überdies noch ein starker Hang zur Vielschreiberei, werden doch von ihm gegen 120 Schriften mathematischen, astronomischen und philosophischen Inhalts erwähnt, mehr als von irgend einem anderen mathematischen Schriftsteller der Araber. So ist denn aus diesen

* Bd. 1 I. Aufl. S. 678, II. Aufl. S. 744.

Gründen Ibn el-Haitams Arbeit eine seltsame Mischung von geometrischen Wahrheiten mit philosophischen Argumenten, sie bietet keine vollständige Durchführung der Kreisquadratur dar, sondern giebt nur einen teils mathematischen, teils philosophischen Beweis der Möglichkeit der Quadratur, dessen erster mathematischer Teil über die Hippokratischen Mondfiguren gar nicht nötig wäre.

El-Hasan* ben el-Hasan** ben el Haitam, Abû 'Alî, geb. c. 354 (965) in Basra, bekannt unter dem Namen Ibn el-Haitam, oder auch Abû 'Alî el-Basrî, war ein vortrefflicher Mensch, besass hohe Intelligenz und grosses Wissen, es kam ihm keiner seiner Zeit gleich, ja nicht einmal nahe in den mathematischen Wissenschaften; er war ausdauernd in der Arbeit, fruchtbar als Schriftsteller und sehr enthaltsam im Leben. Er lebte anfänglich in Basra und bekleidete auch einige Zeit das Amt eines Wezirs; sein Geist neigte sehr zur Gelehrsamkeit und zur Kontemplation hin, so dass er gerne den Beschäftigungen entsagt hätte, die ihn am wissenschaftlichen Arbeiten hindern konnten. Infolge seiner eifrigen Studien und seiner übrigen angestregten Beschäftigung trat eine Geistesstörung bei ihm ein, so dass er sein Amt niederlegen musste. Nachdem er wieder geheilt war, begab er sich nach Ägypten und liess sich in Kairo nieder, wo er neben der Moschee el-Azhar wohnte. Dem Beherrscher von Ägypten, el-Hâkim, waren die grossen wissenschaftlichen Kenntnisse des Ibn el-Haitam zu Ohren gekommen und er verlangte nach seinem Rat. Es war ihm auch mitgeteilt worden, dass er gesagt habe: „Wenn ich in Ägypten wäre, so würde ich den Nil so korregieren, dass er in jedem Zustand, bei Zu- und Abnahme des Wasserstandes, nutzbringend sein würde.“ Dies bewog el-Hâkim, ihm dieses Unternehmen anzuvertrauen, er versah ihn mit allen möglichen Hilfsmitteln und Ibn el-Haitam reiste nach den südlichen Nilgegenden ab. Dort erkannte er aber, dass die Ausführung des Unternehmens nicht möglich sei und beschämt und niedergeschlagen kehrte er nach Kairo zurück; er fiel dadurch bei el-Hâkim in Ungnade und sah seine Stellung und sogar sein Leben gefährdet. Um sich zu retten, kam er auf den Gedanken sich wahnsinnig zu stellen; diese List gelang ihm, er wurde in seiner Wohnung eingeschlossen und bewacht und sein Vermögen konfisziert. In diesem Zustande musste er nun aushalten bis zum Tode el-Hâkims, worauf er wieder frei wurde und sein Gut wieder zurückerhielt; er lebte dann in Kairo mit wissenschaftlichen Arbeiten beschäftigt bis zu seinem Tode, der Ende des Jahres 430 (1039), oder kurze Zeit nachher erfolgte. — Was seine Schriften betrifft, so verweise ich den Leser auf das Verzeichnis derselben bei Woepeke,***

*. Statt dieses Namens hat Ibn Abî Uşai'bî'a „Muhammed“.

** Hier hat Abûlfarag „Husain“.

*** L'Algèbre d'Omar Alkhayyâmî, etc. Paris 1851, p. 73 flg.



darunter befindet sich auch die Quadratur des Kreises (Nr. 30). Er bearbeitete und kommentierte auch einen grossen Teil der Aristotelischen Schriften, wie auch der Schriften des Galenus und war bewandert in den Prinzipien der Medizin, in allen ihren Regeln und Praktiken, doch fungierte er nie als Arzt, seine therapeutischen Kenntnisse waren gering. Von seinen Schriften ist noch eine bedeutende Zahl in den Bibliotheken Europas und des Orientes vorhanden, worauf wir später an einer andern Stelle zu sprechen kommen werden. Neben der Abfassung eigener Arbeiten schrieb er für seinen Lebensunterhalt eine grosse Menge mathematischer und anderer Werke ab, so jedes Jahr einmal die Elemente des Euklides, die mittlern Bücher und den Almagest; er schrieb schön und fehlerlos. (Nach Ibn Abî Usaibi'a, Edit. Müller, II. 90, Abulfarağ, Edit. Pocock, 340 und Ibn el-Kiftî [bei Casiri I. 414]).

Die Berliner königl. Bibliothek besitzt zwei Manuskripte der Kreisquadratur des Ibn el-Haitam, das eine befindet sich im Codex Mf. 258, das andere im Codex Mq. 559; beide Codices habe ich in der Bibliotheca mathematica 1898 Nr. 3 beschrieben, ich verweise den Leser auf diese Abhandlung. Hier bleibt mir nur noch übrig, der Verwaltung der königl. Bibliothek zu Berlin meinen ergebensten Dank auszusprechen für die Erlaubnis der Benutzung der beiden Manuskripte für längere Zeit auf der Kantonsbibliothek in Zürich.

Einen unschätzbaren Dienst hat mir sodann Herr Prof. C. A. Nallino am königl. orientalischen Institute in Neapel erwiesen, indem er die Güte hatte, meine Abschrift aus den Berliner Codices mit dem Manuskripte des Vatikans zu collationieren, von ihm ist auch die folgende genaue Beschreibung des Manuskriptes; diesem hochgeachteten Gelehrten spreche ich hiermit ebenfalls meinen ergebensten Dank aus.

Das Manuskript des Vatikans trägt jetzt die Nummer CCCXX nach dem Katalog der arabischen, persischen, türkischen etc. Manuskripte des Vatikans von Angelo Maio, Rom 1831, p. 467; dasselbe besteht aus sieben Blättern (Bombyc.-Papier) von 138 mm Höhe und 98 mm Breite, von denen das letzte leer ist, jede Seite hat 15 Linien, die Schrift ist das Nasta'liq.

Es wurde nach dem Jahre 1622 aus Persien nach Europa gebracht von Pietro Della Valle, dem berühmten italienischen Reisenden, wie sich aus folgenden auf fol. 1 r. stehenden Worten ergibt: „De quadratura circuli author Arabs antiquus. Opusculum hoc celeberrimi cujusdam Mathematici, apud Orientales cognomine Ben Hithem notissimi, ante septingentos circiter annos compilatum fuisse, dum ipse in Persidis civitate, Lar nuncupata, commorarer anno Dñi 1622, author mihi fuit Moullà Zeineddin Larita Astrologus et Mathematicus pariter insignis, quocum arcissima intercedebat mihi necessitudo. Petrus De Valle.“

In den Noten zum arabischen Text bezeichnet A das Berliner Manuskript Mf. 258, B das Manuskript Mq. 559 derselben Bibliothek und C dasjenige der Vatikanischen Bibliothek. Um eine zu grosse Zahl der Noten zu vermeiden, gebe ich geringe Abweichungen der Manuskripte, wie z. B. solche in den diakritischen Punkten, nicht an. — Was die Figuren anbetrifft, so sind dieselben in den beiden Berliner Manuskripten nicht ganz korrekt, doch in B bedeutend besser als in A.

Übersetzung.

Im Namen Gottes des Barmherzigen und Gnädigen,
des Herrn, der Erfolg verleiht!

Abhandlung des Ibn el-Haitam über die Quadratur des Kreises. — Es glauben viele Philosophen, dass es unmöglich sei, dass die Fläche des Kreises gleich einem Quadrate sei und weisen diese Ansicht in vielen ihrer Streitschriften und Kontroversen zurück; in der That finden wir bei keinem der ältern und neuern Geometer eine geradlinige Figur, die gleich einer Kreisfläche bis zur äussersten Grenze der Genauigkeit wäre, denn was die von Archimedes in seiner Kreismessung erwähnte (Figur) anbetrifft, so wird dazu nur ein Teil der Fläche(?) verwendet.* Diese Thatsache neben andern Gründen war es, was die Philosophen in ihrem Glauben bestärkt hat. Da sich nun dies so verhält, so haben wir eifrig unsere Gedanken auf diesen Gegenstand gerichtet und es schien uns, dass die Sache möglich und nicht schwierig sei; zur Bekräftigung dieser Ansicht dienen die Beispiele, dass es eine von zwei Kreisbogen begrenzte Mondfigur giebt, die gleich einem Dreieck ist, dass ferner eine Mondfigur und ein Kreis zusammen gleich einem Dreieck sind; wir haben verschiedene Fälle dieser Art in unserm Buche über die Mondfiguren erwähnt.**

Nachdem wir nun die Sache bis zu diesen Eigenschaften der Mondfiguren gebracht hatten, wurden wir in der Ansicht bestärkt, dass es möglich sei, dass die Fläche des Kreises gleich derjenigen eines Quadrates sein könne, und wir haben eifrig darüber nachstudiert, bis der Beweis klar vor uns lag, dass die Sache möglich sei und darüber kein Zweifel mehr bestehen könne. Dann haben wir darüber folgende Abhandlung verfasst.

* Ich glaube, dass Ibn el-Haitam hier sagen will, Archimedes nehme statt des ganzen Kreises nur das 96-Eck.

** Dieses Buch findet sich in der That im Verzeichnis seiner Schriften bei Ibn Abi Usaib'a und zwar in einer kürzeren und einer ausführlicheren Fassung; Woepcke übersetzt unrichtig: „Abrégé sur les figures de la nouvelle lune“, und „Mémoire développé sur les figures de la nouvelle lune.“ Die ausführlichere Fassung ist noch vorhanden in der Bibliothek d. India Office (im Catalog von O. Loth, London 1877, sub Nr. 734, 12^o).

Wir sagen: Wir ziehen in einem beliebigen Kreis einen Durchmesser, nehmen dann auf einem der Halbkreise einen beliebigen Punkt an, und ziehen von demselben zwei Gerade nach den beiden Endpunkten des Durchmessers; hierauf beschreiben wir über diesen beiden Geraden zwei Halbkreise, so sind die von den beiden Halbkreisen und den Bogen des ersten Kreises begrenzten Mondfiguren zusammen gleich dem Dreieck im ersten Kreis. Wir haben diesen Satz schon in unserm Buche über die Mondfiguren bewiesen, doch wollen wir den Beweis hier nochmals wiederholen: Es sei der Kreis ABG gegeben (Fig. 1), sein Mittelpunkt sei D , wir ziehen durch D den Durchmesser ADG und nehmen auf dem Umfang des Kreises den Punkt B an, ziehen dann die beiden Geraden BG und AB , und beschreiben über denselben die beiden Halbkreise AEB und BZG ; nun sagen wir, dass die beiden Monde $AEBH$ und $BZGT$ zusammen gleich dem

Fig. 1.

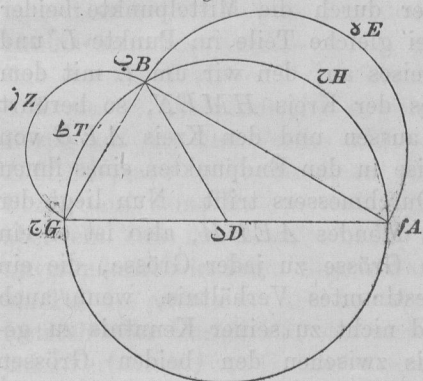
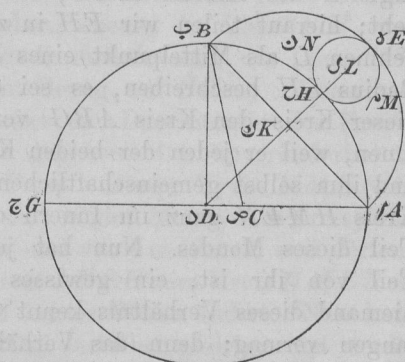


Fig. 2.



Dreieck ABG seien. Beweis: Von irgend zwei Kreisen verhält sich der eine zum anderen wie das Quadrat des Durchmessers des einen zum Quadrat des Durchmessers des andern, wie im zweiten Satze des 12. Buches der Elemente bewiesen worden ist, also

$$\text{Kreis } BZG : \text{Kreis } BEA = BG^2 : AB^2;$$

durch Zusammenziehung ergibt sich:

$$BG^2 + AB^2 : AB^2 = BZG + BEA : BEA;$$

nun ist aber $BG^2 + AB^2 = AG^2$, also

$$AG^2 : AB^2 = BZG + BEA : BEA.$$

Aber es ist auch $AG^2 : AB^2 = \text{Kreis } ABG : \text{Kreis } BEA$, also hat man:

$$BZG + BEA : BEA = ABG : BEA,$$

mithin ist Kreis $ABG = BZG + BEA$, also auch

$$\text{Halbkreis } ABG = \text{Halbkreise } BZG + BEA.$$

Wenn wir nun die beiden Segmente AHB und BTG , die dem Kreise ABG und den beiden Kreisen AEB und BZG gemeinschaft-

lich sind, (beiderseits) wegnehmen, so bleibt: Dreieck ABG = den beiden Monden $AEBH$ und $BZGT$ zusammen, w. z. b. w.* — Wenn nun die beiden Bogen AHB und BTG einander gleich sind, so sind auch AB und BG einander gleich, ebenso die beiden Kreise AEB und BZG , also auch ihre Hälften und ebenso die Monde $AEBH$ und $BZGT$; ziehen wir noch BD , so sind auch die beiden Dreiecke ABD und BDG einander gleich, also ist auch jeder einzelne der beiden Monde gleich jedem einzelnen der beiden Dreiecke, also z. B. der Mond $AEBH$ gleich dem Dreieck ABD .

Nachdem nun dies bewiesen ist, so nehmen wir wieder den Kreis (ABG , Fig. 2) mit dem Monde $AEBH$ und dem Dreieck ABD und teilen AB in zwei gleiche Teile im Punkte K , so dass K der Mittelpunkt des Kreises AEB ist; dann ziehen wir DK und verlängern es, bis es die Bogen AHB und AEB in den Punkten H und E trifft, so ist $DKH(E)$ ein Durchmesser (Halbmesser) des Kreises ABG und zugleich des Kreises AEB , weil er durch die Mittelpunkte beider geht; hierauf teilen wir EH in zwei gleiche Teile im Punkte L und nehmen L als Mittelpunkt eines Kreises an, den wir um L mit dem Radius LH beschreiben, es sei dies der Kreis $HMEN$, so berührt dieser Kreis den Kreis ABG von aussen und den Kreis AEB von innen, weil er jeden der beiden Kreise in den Endpunkten eines ihnen und ihm selbst gemeinschaftlichen Durchmessers trifft. Nun liegt der Kreis $HMEN$ ganz im Innern des Mondes $AEBH$, also ist er ein Teil dieses Mondes. Nun hat jede Grösse zu jeder Grösse, die ein Teil von ihr ist, ein gewisses bestimmtes Verhältnis, wenn auch niemand dieses Verhältnis kennt und nicht zu seiner Kenntnis zu gelangen vermag; denn das Verhältnis zwischen den (beiden) Grössen existiert nicht bloss dann, wenn** es den Menschen bekannt ist, oder wenn sie vermögen es aufzufinden und zu erkennen (sondern absolut, ohne Rücksicht hierauf). Das Verhältnis zwischen zwei Grössen ist aber nur eine wesentliche Eigenschaft für Grössen derselben Art; wenn also irgend zwei Grössen derselben Art gegeben sind, und jede von ihnen ist begrenzt, endlich, in ihrer Grösse verharrend, in keiner Weise sich ändernd, weder durch Zunahme noch Abnahme, noch in Bezug auf die Art, so hat die eine zur andern ein bestimmtes einziges Verhältnis, das sich in keiner Weise ändert. Wenn ferner ein Teil irgend einer Grösse, der mit ihr von gleicher Art ist, ebenfalls begrenzt, endlich ist, sich weder in Hinsicht auf die Art, noch auf die Grösse, noch auf die Form ändert und dasselbe auch vom Ganzen

* Dieser Satz findet sich in dieser Allgemeinheit bei Hippokrates nicht (vergl. das von Simplicius im Kommentar zur Physik des Aristoteles uns erhaltene Fragment des Eudemus), er darf also wohl dem Ibn el-Haitam zugesprochen werden.

** Eigentlich „deswegen weil“.

gilt, so hat die ganze Grösse zu ihrem Teile ein bestimmtes einziges Verhältnis, das sich in keiner Weise ändert. — Wenn nun also der Kreis ABG gegeben ist, so ist auch sein Umfang gegeben, ebenso sein Durchmesser und sein Mittelpunkt, ebenso ist der Bogen AB als ein Viertel des Kreisumfangs gegeben, also ist auch die Sehne AB gegeben, ebenso BD , also auch das Dreieck ABD ; unter „gegeben“ verstehe ich bei allen diesen Grössen, was ich als Eigenschaft des Kreises ABG angenommen habe, dass sie unveränderlich sind, fest in ihrem Zustand beharren; denn das „Gegebene“ heisst bei den Mathematikern das, was sich nicht ändert. Also ist ferner der Halbkreis AEB gegeben, weil sein Durchmesser AB gegeben ist, also auch der Bogen AEB , ebenso der Bogen AHB , mithin ist auch der Mond $AEBH$ gegeben, d. h. er ist fest in seinen Eigenschaften, unveränderlich sowohl in Hinsicht auf die Art, als auch auf die Grösse, als auch auf die Form; unter „Art“ verstehe ich, dass er eine ebene Fläche ist; also ist ferner die Linie KE als Halbmesser des Kreises AEB gegeben, ebenso die Linie KH , weil ihre beiden Endpunkte bestimmt sind, mithin auch die Linie HE , d. h. sie ist unveränderlich sowohl in Bezug auf Grösse, als auch in Bezug auf Art und Form; HE ist aber der Durchmesser des Kreises $HMEN$, also ist auch dieser Kreis gegeben, d. h. unveränderlich in Bezug auf seine Grösse und seine Form. Dieser Kreis $HMEN$ ist aber ein Teil des Mondes $AEBH$ und beide, Mond und Kreis, sind unveränderlich in ihren Eigenschaften und von einer Art, weil der eine ein Teil des andern ist; also hat der Mond $AEBH$ zum Kreis $HMEN$ ein feststehendes Verhältnis, das sich in keiner Weise ändert. Nun kann jedes Verhältnis einer Grösse zu einem Teil derselben gleichgesetzt werden dem Verhältnis irgend einer anderen Grösse zu einem entsprechenden Teil derselben; also sei z. B. das Verhältnis des Mondes $AEBH$ zum Kreis $HMEN$ gleich dem Verhältnis der Linie AD zu einem Teil derselben, ob wir diesen Teil kennen oder nicht, ob wir im Stande sind, ihn aufzufinden oder nicht (kommt hier nicht in Betracht), genug dieser Teil sei DC ; also ist das Verhältnis des Mondes $AEBH$ zum Kreise $HMEN$ gleich dem Verhältnis $AD:DC$, das ein unveränderliches ist, weil das erstere es ist; wenn aber dieses Verhältnis ein unveränderliches ist, so ist auch die Linie DC eine ganz bestimmte, unveränderlich in ihrer Grösse, weil die Linie AD eine der Grösse nach gegebene, unveränderliche ist. Wir ziehen noch BC und erhalten so das Dreieck BDC ; nun verhält sich

$$\text{Dreieck } ABD : \text{Dreieck } BDC = AD : DC,$$

aber

$$AD : DC = \text{Mond } AEBH : \text{Kreis } HMEN;$$

also

$$\text{Dreieck } ABD : \text{Dreieck } BDC = \text{Mond } AEBH : \text{Kreis } HMEN,$$

oder durch Umstellung:

Deutscher
Morgenländischer
Gesellschaft

Dreieck ABD : Mond $AEBH$ = Dreieck BDC : Kreis $HMEN$;
 nun haben wir aber bewiesen, dass der Mond $AEBH$ = Dreieck ABD
 ist, also ist der Kreis $HMEN$ = Dreieck BDC . Da nun jedes Dreieck
 gleich einem Quadrate ist, wie im zweiten Buche der Elemente be-
 wiesen wird, so können wir also ein Quadrat zeichnen, das gleich
 dem Dreieck BDC ist, es sei dies das Quadrat $SOFQ$ (Fig. 3), also
 ist nun auch der Kreis $HMEN$ = dem Quadrat $SOFQ$. Es ist ferner
 das Verhältnis der beiden Durchmesser $AG : EH$ ein gegebenes, weil
 jeder der beiden Durchmesser (der Grösse nach) gegeben ist, und es
 sei dieses Verhältnis = $XQ : FQ$, also hat man auch

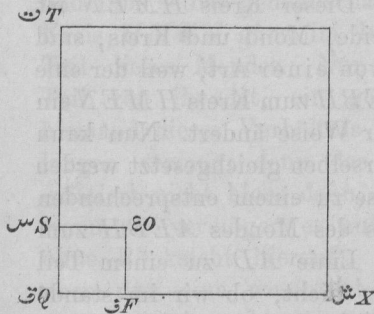
$$AG^2 : EH^2 = XQ^2 : FQ^2;$$

konstruieren wir also über XQ ein Quadrat, es sei dies TX , so hat
 man: $AG^2 : EH^2 = \text{Quadrat } TX : \text{Quadrat } OQ$.

Aber es ist $AG^2 : EH^2 = \text{Kreis } ABG : \text{Kreis } HMEN$, mithin
 Quadrat $TX : \text{Quadrat } OQ = \text{Kreis } ABG : \text{Kreis } HMEN$. Da nun
 Quadrat $OQ = \text{Kreis } HMEN$ ist, so ist auch Quadrat $TX = \text{Kreis } ABG$.
 Aus diesem Beweise geht also klar hervor, dass jeder Kreis gleich
 einem Quadrate ist.

Was nun den Weg betrifft, auf welchem dieses Quadrat gefunden
 wird, so werden wir darüber eine besondere Abhandlung veröffent-

Fig. 3.



lichen,* da der Zweck dieser Arbeit nur
 war zu zeigen, dass die Sache möglich sei,
 damit dadurch einmal die Verkehrtheit der
 Meinung derjenigen klar gelegt werde,
 welche glauben, dass es nicht wahr sei,
 dass ein Kreis einem Quadrate gleich sein
 könne. Wir haben im vorhergehenden
 Beweise klar gezeigt, dass jeder Kreis
 gleich einem Quadrate ist, also ist die
 Verkehrtheit der Meinung jener Leute
 offenbar. Es steht also fest, dass jeder
 Kreis gleich einem Quadrate ist, denn die

vom Verstande erfassten Wahrheiten brauchen nicht bis zur thatsäch-
 lichen Ausführung gebracht zu werden, sondern der Beweis braucht
 bloss bis zur Feststellung der Möglichkeit der behaupteten Sache zu
 gehen, so steht auch die Thatsache schon fest, ob sie dann der
 Mensch zur wirklichen Ausführung bringe oder nicht. Doch genug
 über die Feststellung dieser Thatsache, wir haben nicht mehr bezweckt
 mit unserer Abhandlung. Ende.**

* Befindet sich im Verzeichnis seiner Werke nicht und ist jedenfalls nie
 erschienen.

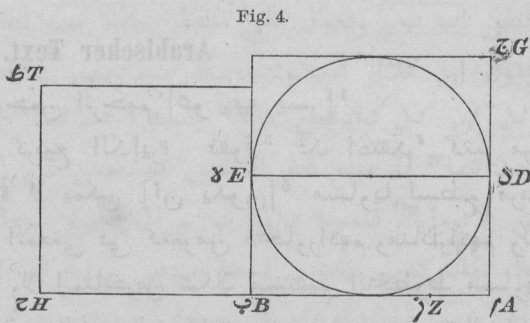
** Das Manuskript C hat hier nach den üblichen religiösen Schlussworten
 (Lob sei Gott, etc.) noch: „Beendigt (d. h. die Abschrift) am Montag den
 14. Ğumâdâ II. 1031 d. H.“ (Ende April 1622).

Bibliothek der
 Deutschen
 Morgenländischen
 Gesellschaft

(In den beiden Berliner Manuskripten folgt nachstehender Zusatz, wahrscheinlich vom Abschreiber hinzugefügt):

Ich sage zu dieser Abhandlung: Wenn zum Beweise des Geforderten der Beweis seiner Möglichkeit nach der Weise, wie er ihn geführt hat, genügen würde, so gäbe es eine Stelle dafür (oder von ihm, d. h. von Ibn el-Haitam), die frei ist von jener Weitschweifigkeit und keiner Erläuterungen

von solcher Ausdehnung bedarf;* es ist dies die folgende: Es sei AB (Fig. 4) eine gegebene Strecke, wir konstruieren über ihr das Quadrat BG , das also ebenfalls gegeben ist und in dieses den Kreis DE , sein Durchmesser DE ist gleich AB , somit auch



gegeben; weil nun der Kreis ein gegebener Teil einer gegebenen Grösse, d. h. des Quadrates, ist, so hat er zu diesem ein bestimmtes Verhältnis, es sei dieses das Verhältnis $BZ:AB$. Wir verlängern AB bis H , so dass BH das geometrische Mittel zwischen BZ und AB sei, also die Proportion bestehe

$$AB : BH = BH : BZ,$$

und konstruieren über BH das Quadrat BT , so ist das Verhältnis $AB : BZ$, oder das Verhältnis

$$\text{Quadrat } BG : \text{Kreis } DE = \text{Quadrat } BG : \text{Quadrat } BT;$$

hieraus folgt, dass Kreis $DE = \text{Quadrat } BT$ ist.** Wir haben also gefunden, was wir suchen wollten; dazu hätten also weder die alten (Geometer) noch die neuern jene weitläufige Auseinandersetzung nötig gehabt.

* Der Text ist hier jedenfalls inkorrekt, daher die Übersetzung unsicher.

** Dieser Beweis ist etwas kurz, es fehlt ein vermittelndes Verhältnis, nämlich $AB^2 : AB \cdot BZ$, es sollte also heissen:

$$AB : BZ = AB^2 : AB \cdot BZ = \text{Quadrat } BG : \text{Quadrat } BT;$$

aber $AB : BZ = \text{Quadrat } BG : \text{Kreis } DE$ nach Voraussetzung, also etc. — Man vergleiche mit dieser Darstellung der Kreisquadratur diejenige des Jordanus Nemorarius im vierten Buche seiner Geometria (herausgegeben von M. Curtze in den Mitteilungen des Copernicus-Vereins für Wissenschaft und Kunst, VI. Heft, S. 36, Thorn 1887).

Arabischer Text.

بسم الله الرحمن الرحيم | هو رب يسر¹
رسالة لابن الهيثم في تربيعة الدائرة نقول³ قد اعتقد⁴ كثير من
المتفلسفين ان سطح الدائرة لا يمكن [ان يكون]⁵ مساويا لسطح مربع
مستقيم الخطوط ورد⁶ هذا المعنى في كثير من محاوراتهم ومناظراتهم ولم
نجد⁷ لاحد من المتقدمين ولا المتأخرين شكاً مستقيماً الخطوط مساويا
لسطح دائرة على غاية التحقيق والذي ذكره ارشميدس في مساحة الدائرة
فانما استعمل فيه بعض المسح (?)⁸ وهذا المعنى هو احد ما قوى رأى⁹
المتفلسفين في اعتقادهم ولما كان ذلك كذلك انعمنا النظر الفكري في هذا
المعنى فلاح¹⁰ لنا انه ممكن وغير متعذر وله نظائر وهو انه قد يوجد هلال¹¹
يحيط به قوسان من دائرتين وهو مع ذلك مساو لمتكثرت وقد يوجد هلال
ودائرة مساويان بمجموعهما¹² لمتكثرت¹³ وقد ذكرنا من هذا النوع اشكالا
كثيرة مختلفة [في كتابنا]¹⁴ في الهالليات ولما وجدنا [الامر]¹⁵ على هذه
الصفة في الاشكال الهاللية¹⁶ قوى في نفوسنا [انه من]¹⁷ الممكن ان يكون
سطح الدائرة مساويا لسطح مربع مستقيم الخطوط فاستقصينا الفكر في ذلك
الى ان يتبين¹⁸ لنا بالبرهان ان هذا المعنى ممكن ولا شبهة في امكانه
فالفنا فيه هذا القول فنقول ان كل دائرة نخرج فيها قطرا¹⁹ من اقطارها
ثم نعلم²⁰ على احد نصفيها نقطة كيفما²¹ انفق²² ونوصل بينها وبين طرفي
القطر بخطين مستقيمين ثم نعمل على هذين الخطين المستقيمين نصفين
دائرتين فان الهاليتين اللتين يحدثان من محيطي النصفين مع محيط

1) Fehlt in C. 2) Der Anfang lautet in C: قول للشيوخ ابي علي الحسين . 3) Fehlt in C. 4) In A u. B يعتقد .
5) Fehlt in C. 6) C يتروك . 7) A u. B يوجد . 8) المسح C . 9) A u. B اراد .
10) A u. B فيلوح . 11) A هلال . 12) A u. B مجموعها . 13) A المتكثرت . 14) Fehlt
in A u. B. 15) Lücke in C. 16) A الهاللي . 17) Lücke in C. 18) A u. B بين .
19) A u. B قط . 20) A نعيم (?). 21) A u. B كيف ما . 22) C انفق .

الدائرة الاولى [مساويان بمجموعهما²⁸ لتمثلت الحادات في الدائرة الاولى]²⁴ وقد بينا هذا المعنى في كتابنا في الهالتيات نحن نعيد البرهان عليه في هذا الموضوع فليكن دائرة عليها²⁵ $\overline{ابج}$ وليكن مركزها $\overline{د}$ ونحيز²⁶ على $\overline{د}$ خط $\overline{ادج}$ فيكون $\overline{اج}$ قطر الدائرة ونعلم²⁷ على محيط الدائرة نقطة $\overline{ب}$ ونصل خطي $\overline{اب}$ $\overline{بج}$ ونعمل على خطي $\overline{اب}$ $\overline{بج}$ نصفي دائرتين هما $\overline{اهب}$ $\overline{بج}$ فاقول ان هلالى $\overline{اهب}$ $\overline{بج}$ مساويان بمجموعهما²⁸ لتمثلت $\overline{ابج}$ برهان ذلك ان كل دائرتين فان²⁹ نسبة احداهما³⁰ الى الاخرى كنسبة مربع قطر احداهما³¹ الى مربع قطر الاخرى كما تبين في [شكل $\overline{ب من}$]³¹ مقالة³² $\overline{بب}$ من الاصول³³ فنسبة دائرة $\overline{بج}$ الى دائرة $\overline{بهأ}$ كنسبة مربع $\overline{ج ب}$ الى مربع $\overline{بأ}$ وبالتركيب يكون نسبة مربعي $\overline{ج ب}$ $\overline{اب}$ الى مربع $\overline{اب}$ كنسبة دائرتي $\overline{بج}$ $\overline{بهأ}$ الى دائرة $\overline{بهأ}$ ومربعي $\overline{ج ب}$ $\overline{اب}$ هما مربع $\overline{اج}$ [فنسبة مربع $\overline{اج}$ الى مربع $\overline{اب}$ كنسبة دائرتي $\overline{بج}$ $\overline{بهأ}$ الى دائرة $\overline{بهأ}$ ونسبة مربع $\overline{اج}$ الى مربع $\overline{اب}$ كنسبة دائرة $\overline{ابج}$ الى دائرة $\overline{بهأ}$]³⁴ فنسبة دائرتي $\overline{بج}$ $\overline{بهأ}$ الى دائرة $\overline{بهأ}$ كنسبة دائرة $\overline{ابج}$ الى دائرة $\overline{بهأ}$ فدايرة $\overline{ابج}$ مساوية لدائرتي $\overline{بج}$ $\overline{بهأ}$ فنصف دائرة $\overline{ابج}$ مساو لنصفي دائرتي $\overline{اهب}$ $\overline{بج}$ فاذا اسقطنا قطعتي $\overline{اج ب}$ $\overline{ب ط ج}$ المشتركتين³⁵ لدائرة $\overline{ابج}$ ودائرتي $\overline{اهب}$ $\overline{بج}$ بقى مثلت³⁷ $\overline{ابج}$ مساويا لهلالى³⁸ $\overline{اهب}$ $\overline{بج}$ وذلك ما اردنا بيانه³⁹ فان كان قوسا $\overline{اج ب}$ $\overline{ب ط ج}$ متساويين فان خطي $\overline{اب}$ $\overline{بج}$ يكونان متساويين ويكون⁴⁰ دائرتي $\overline{اهب}$ $\overline{بج}$ متساويتين ويكون نصفاهما متساويين ويكون هلالا⁴¹ $\overline{اهب}$ $\overline{بج}$ $\overline{ب ط ج}$ متساويين [ونصل $\overline{بد}$ فيكون مثلتا $\overline{ابد}$ $\overline{ب دج}$ متساويين]⁴² وقد⁴³ تبين ان الهالتيين متساويان⁴⁴ ومثلتا $\overline{ابد}$ $\overline{ب دج}$ متساويان⁴⁵ فان كل واحد

23) A u. B مجموعها. 24) Fehlt in C . 25) A u. B عليه. 26) A حجر, C نحيز.

27) C متعلم. 28) A u. B مجموعهما. 29) Fehlt in A . 30) A , B u. C ههما. 31) او نسبة مربع $\overline{اج}$ الى مربع $\overline{اب}$ هي C ; $\overline{اج}$ الى مربع $\overline{اب}$ كنسبة دائرة $\overline{ابج}$ الى دائرة $\overline{اهب}$, المشتركتين A u. B . 32) Fehlt in A : 33) A u. B هلالى. 34) A u. B هلالى. 35) Fehlt in A : 36) A u. B هلالى. 37) Fehlt in A . 38) A u. B هلالى. 39) ان تبين. 40) B يكونا. 41) B يكونا. 42) Fehlt in B . 43) Fehlt in C . 44) C fügt hier noch hinzu: متساويين. 45) A u. B هلالان متساويين.

من الهلالين يكون مساويا لكل واحد⁴⁶ من المتلتين ويكون هلال⁴⁷ $\overline{أهـب}$ مساويا لمتلت $\overline{أب}$ وإذا تبين⁴⁸ ذلك فلنعد⁴⁹ الدائرة وهلال $\overline{أهـب}$ وملتت $\overline{أب}$ ونقسم خط $\overline{أب}$ بنصفين على نقطة $\overline{ك}$ فيكون نقطة $\overline{ك}$ مركز دائرة $\overline{أهـب}$ ونصل $\overline{دك}$ ونفذه⁵⁰ على استقامته وليقطع قوسى $\overline{أهـب}$ على نقطتى $\overline{ح}$ فيكون $\overline{دك}$ قطر الدائرة $\overline{أهـب}$ وقطر الدائرة $\overline{أهـب}$ لانه مار بمركزهما ونقسم خط $\overline{أهـب}$ بنصفين على نقطة $\overline{ل}$ ونجعل $\overline{ل}$ مركزا وندير ببعد $\overline{حل}$ دائرة ليكن دائرة $\overline{حمهـن}$ فيكون هذه الدائرة [مماسة لدائرة]⁵¹ $\overline{أهـب}$ من خارج ومماسة لدائرة $\overline{أهـب}$ من داخلها لانها يلقى كل واحدة من الدائرتين على طرف قطر مشترك لهما⁵² وللدائرة المماسة لهما فدايرة $\overline{حمهـن}$ جميعها⁵³ فى داخل هلال $\overline{أهـب}$ فهذه الدائرة اذن هى بعض هذا الهلال وكل مقدار فله الى كل مقدار هو بعضه نسبة ما وان⁵⁴ لم يعلم احد تلك النسبة ولم يقدر على الوصول الى علمها لان النسبة بين المقادير⁵⁵ ليس هى⁵⁶ من اجل علم الناس بها ولا من اجل قدرتهم على⁵⁷ استخراجها ومعرفتها وانما النسبة بين المقادير يعنى خاص للمقادير التى يكون⁵⁸ من جنس واحد فاذا [كان مقداران]⁵⁹ من جنس واحد [وكان كل واحد]⁶⁰ منهما⁶¹ محصورا متناهيًا ثابتًا⁶² باقيا⁶³ على مقداره لا يتغير⁶⁴ بوجه من⁶⁵ الوجوه لا يتغير⁶⁶ زيادة ولا يتغير⁶⁶ نقصان ولا يتغير⁶⁶ جنس فان لاحدهما الى الاخر نسبة واحدة بعينها⁶⁷ لا ينتقل ولا يتغير⁶⁸ عن صورتها بوجه من الوجوه وكل مقدار فبعضه هو من جنسه اذ⁶⁹ كان ذلك البعض محصورا متناهيًا لا يتغير⁷⁰ لافى جنسه ولا فى مقداره ولا فى شكله ولا فى هيئته⁷¹ وكان المقدار الاعظم⁷² ثابتًا على حاله لا يتغير⁷³ لافى شكله ولا فى مقداره ولا فى جنسه ولا فى هيئته⁷¹ واذا كان المقدار

46) A u. B لكل واحد statt A u. B هلالى. 47) A u. B هلالى. 48) B u. C قد تبين (in C unpunktirt). 49) Undeutlich in A u. B . 50) So schlägt Herr C. A. Nallino vor, wie es oft bei al-Battānī vorkomme; A , B u. C . oder دمعدة. 51) Fehlt in A . 52) A u. B مشترکہما. 53) A u. B جميعا. 54) C ايزن. 55) العاديّة. 56) C مال. 57) A الى. 58) So in A , B u. C . 59) A u. B كل. 60) B وكل. 61) A u. B منها. 62) Fehlt in B . 63) Fehlt in C . 64) A u. B يتغير. 65) Fehlt in A . 66) B u. C يتغير. 67) C noch ثابتة. 68) B u. C يتغير. 69) B و. 70) A u. B يتغير. 71) A u. B هيئته. 72) C hat noch ايضا. 73) A يتغير.

وبعضه على هذه الصفة فان لجملة المقدار الى بعضه نسبة واحدة بعينها لا يتغير ولا يختلف بوجه من الوجوه واذا كانت دائرة أب معلومة القدر فان محيطها يكون معلوما وقطرها يكون معلوما ايضا ومركزها يكون معلوما فقطر أج يكون معلوما وقوس أب التي هي ⁷⁴ ربع محيطها تكون معلومة ⁷⁵ وخط أب يكون معلوما وخط بأ يكون معلوما ومثلت أب يكون معلوما واعنى بكل معلوم [ما ذكرته] ⁷⁶ في صفة دائرة أب انه ثابت على حاله لا يتغير لان المعلوم عند اصحاب التعاليم هو الذي لا يتغير ويكون نصف دائرة أب معلوما لان خط أب الذي هو قطرها هو معلوم ويكون قوس أب معلومة ⁷⁷ لانها لا تتغير ⁷⁸ وقوس أب معلومة فيكون هلال أب معلوما اعنى انه يكون ثابتا على صفة واحدة لا يتغير في جنسه ولا في مقداره ولا في شكله واعنى بجنسه انه سطح مستو ويكون خط ك الذي هو نصف قطر الدائرة معلوما ويكون خط كح معلوما لان نقطتي ك ح معلومتان فيبقى ⁷⁹ خط ه معلوما اعنى لا يتغير لا في مقداره ولا في جنسه ولا في هيئته ⁸⁰ وخط ه هو قطر دائرة حم ⁸¹ فدائرة حم معلومة لا يتغير مقدارها ولا شكلها ولا هيئتها ⁸² ودائرة حم هي بعض هلال أب ⁸³ وكل واحد ⁸⁴ من هلال أب ⁸⁵ ودائرة حم لا يتغير في حال من الاحوال وهما من جنس واحد لان احدهما بعض الاخر فللهلال أب الى دائرة حم نسبة ثابتة على صفة ⁸⁶ واحدة [لا تتغير] ⁸⁷ بوجه من الوجوه وكل نسبة لمقدار من المقادير الى بعضه فهي نسبة كل مقدار الى بعضه النظر لذلك البعض فنسبة هلال أب الى دائرة حم هي نسبة خط أد ⁸⁸ الى بعضه علمنا مقدار ذلك البعض او كنا لا نعلم مقدار ذلك البعض ولا نقدر على استخراجها ولا نصل الى وجوده فليكن ذلك البعض دص [فيكون نسبة أد الى دص] ⁸⁹ هي نسبة هلال أب الى دائرة حم فان ⁹⁰ نسبة أد الى دص نسبة ثابتة لا تتغير ابدا ⁹¹ واذا كانت نسبة أد الى دص نسبة ثابتة لا تتغير ابدا ⁹²

74) A u. B هو. 75) A, B u. C يكون معلوما. 76) C ذكر به. 77) A u. B
 78) A, B u. C يتغير. 79) A فيبقى. 80) A u. B هيئته. 81) A u. B
 82) A u. B واحدة. 83) B هيبة. 84) Fehlt in B. 85) A u. B
 86) Fehlt in A u. B, dann folgt وهي. 87) C ويكون. 88) C hat hier noch: لان نسبة
 89) Fehlt in C. 90) Fehlt in C. 91) Fehlt in C. 92) Fehlt in C.

فان⁹⁰ خط $\overline{دص}$ واحد بعينه لا يتغير لان خط $\overline{اد}$ خط معلوم القدر لا يتغير مقداره ونصل $\overline{بص}$ [ليكن $\overline{بص}$ مثلنا و]⁹¹ نسبة مثلت $\overline{ابد}$ الى مثلت $\overline{بص}$ كنسبة خط $\overline{اد}$ الى خط $\overline{دص}$ ونسبة $\overline{اد}$ الى $\overline{دص}$ هي نسبة هلال $\overline{اهب}$ الى دائرة $\overline{حمه}$ فنسبة مثلت $\overline{ابد}$ الى مثلت $\overline{بص}$ كنسبة هلال $\overline{اهب}$ الى دائرة $\overline{حمه}$ فاذا بدلنا⁹² كانت نسبة مثلت $\overline{ابد}$ الى هلال $\overline{اهب}$ كنسبة مثلت $\overline{بص}$ الى دائرة $\overline{حمه}$ وهلال $\overline{اهب}$ قد تبين انه مسار لمثلت $\overline{ابد}$ فدائرة $\overline{حمه}$ مساوية⁹³ لمثلت $\overline{بص}$ وكل مثلت فهو مساو لمربع وقد تبين ذلك في اخر⁹⁴ المقالة الثانية من الاصول⁹⁵ ولنعمل مربعا مساويا لمثلت $\overline{بص}$ وليكن مربع $\overline{سفق}$ فيكون دائرة $\overline{حمه}$ مساوية لمربع $\overline{سفق}$ ونسبة قطر $\overline{اج}$ الى قطر $\overline{ح}$ نسبة معلومة لان كل واحد من هذين القطرين معلوم المقدار وليكن نسبة $\overline{اج}$ الى $\overline{ح}$ كنسبة [شق الى فق]⁹⁶ فيكون نسبة مربع $\overline{اج}$ الى مربع $\overline{ح}$ كنسبة مربع شق الى مربع $\overline{فق}$ ونعمل على خط شق مربعا وليكن مربع شت فيكون نسبة مربع $\overline{اج}$ الى مربع $\overline{ح}$ كنسبة مربع شت الى مربع $\overline{قع}$ فنسبة مربع $\overline{اج}$ الى مربع $\overline{ح}$ هي نسبة دائرة $\overline{ابج}$ الى دائرة $\overline{حمه}$ فنسبة مربع شت الى مربع $\overline{قع}$ كنسبة دائرة $\overline{ابج}$ الى دائرة $\overline{حمه}$ ومربع $\overline{قع}$ مساو لدائرة $\overline{حمه}$ فمربع شت مساو لدائرة $\overline{ابج}$ وقد تبين من هذا البيان ان كل دائرة فهي مساوية لمربع مستقيم الخطوط واما كيف يوجد هذا المربع فانا نستأنف فيه مقالة مفردة ان ليس غرضنا في هذه المقالة سوى ان نبين ان هذا المعنى ممكن ليتبين⁹⁷ به فساد اعتقاد من اعتقد ان الدائرة لا يصح ان تساوى⁹⁸ مربعا مستقيم الخطوط وقد تبين بالبراهين التي ذكرناها في هذا القول ان كل دائرة فهي مساوية لمربع مستقيم الخطوط فقد تبين من ذلك فساد اعتقاد هذه الطائفة ووضح⁹⁹ ان كل دائرة فهي مساوية لمربع مستقيم الخطوط والمعاني المعقولة ليس يحتاج حقايقها الى وجود الانسان لها واخراجها الى الفعل]¹⁰⁰ بل اذا قام البرهان على امكان¹⁰¹ المعنى فقد صح

90) B . وان B . 91) فيكون C . 92) A ابدلنا. 93) A u. B مساو. 94) Fehlt in A u. B . 95) C الاصول في الاصول. 96) شق ف A . 97) A u. B . 98) A يساوى. 99) A u. B وصح. 100) A الفعل الى الفعل. 101) امكانا A . ايها بالفعل B .

ذلك المعنى اخرجہ الانسان الى الفعل ام¹⁰² لم يخرجہ وفيما ذكرناه من تحقيق¹⁰³ هذا المعنى كفاية وهو الذى قصدنا له في هذا القول [تمت المقالة]¹⁰⁴.

[اقول¹⁰⁵ على هذه المقالة لو كفى (?) فى اثبات هذا المطلوب اثبات امكانه بالوجه الذى ذكره لمكان (?) له عن جميع هذا التطويل غنى (?) بهذا القدر من¹⁰⁶ البيان وهو ان يقال ليكن $\overline{اب}$ خطا معلوما ونعمل عليه مربع $\overline{بج}$ فهو معلوم وفيه دائرة $\overline{ده}$ فهي معلومة يكون قطرها وهو $\overline{ده}$ المساوى ل $\overline{اب}$ معلوما ولان الدائرة جزء معلوم من كل معلوم وهو المربع يكون لها اليه نسبة فليكن نسبة $\overline{اب}$ الى $\overline{بز}$ ونخرج $\overline{بج}$ وسطا فيما بينهما فى النسبة ليكن نسبة $\overline{اب}$ الى $\overline{بج}$ كنسبة $\overline{بج}$ الى $\overline{بز}$ ونعمل على $\overline{بج}$ ¹⁰⁷ مربع $\overline{بط}$ فيكون نسبة $\overline{اب}$ الى $\overline{بز}$ اعنى نسبة مربع $\overline{بج}$ الى دائرة $\overline{ده}$ كنسبة مربع $\overline{بج}$ الى مربع $\overline{بط}$ فنسبة مربع $\overline{بج}$ الى دائرة $\overline{ده}$ والى مربع $\overline{بط}$ واحدة فدائرة $\overline{ده}$ مساوية لمربع $\overline{بط}$ فاذا وجدنا ما¹⁰⁸ طلبنا وليس هذا مما يوجب كل هذا التحرير للمتقدمين والمتأخرين فيه]¹⁰⁹.

تم القول: 104) Hierfür hat C. تحققف 103) A u. B. او 102) A u. B
والحمد لله رب العالمين والصلوة على رسوله محمد وآله اجمعين ودفع
الفراغ منه فى يوم الاثنين رابع عشر شهر جمادى الثانى سنة احدى وثلاثين
105) Fehlt in A. 106) So in A u. B, ich glaube,
es sollte heissen عن. 107) B رح 108) A ا. 109) Die ganze eingeklammerte
Schlussstelle fehlt in C.

De 6390

D

ULB Halle
001 059 254

3/1



Nur für den Lesesaal



