



Z. Platt.
Helmig. Junij.
1792

K. 540.

29.

Von den verschiedenen bisher bekannten

M e t h o d e n

zur Bestimmung der geographischen

Länge und Breite,

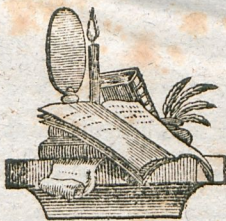
besonders in Rücksicht
des Seemanns,

von

P. H. C. Brodhagen,

Lehrer der Handlungs-Academie und Affociiren der Hamburgischen Gesellschaft, zur Beförderung der
Künfte und nützlichen Gewerbe, wie auch ordentlichem Mitgliede der Gesellschaft, zur
Verbreitung der mathematischen Wissenschaften in Hamburg.


Mit einer Kupfertafel.



Hamburg, 1791.

Auf Kosten der Gesellschaft zur Verbreitung der mathematischen Wissenschaften und in
Commission zu haben bei B. G. Hoffmann.





Vorbericht.

Nichts kann für den Seemann und für den Geographen wichtiger seyn, als wenn beide im Stande sind, den jedesmaligen Ort ihres Aufenthaltes auf der Erde mit Zuverlässigkeit anzugeben. Besonders muß es aber für den erstern, in mehr als einer Hinsicht, ein Ernst seyn, sich mit allen den Hülfsmitteln, welche ihm zu dieser Zuverlässigkeit verhelfen können, bekannt zu machen. Denn nur durch die völlige Ueberzeugung, daß er sich an diesem oder jenem Orte auf der See befindet, kann er der Gefahr ausweichen, mit der er sonst alle Augenblick bedrohet wird. Es können sich oft Fälle ereignen, wo auch *der geübteste, der befahrenste und der kundigste Seemann*

Vorbericht.

mit allen feinen Erfahrungen scheitert, woferne er nicht andere Hülfsmittel in Händen hat, durch die er sich von der jedesmaligen Lage seines Schiffes vergewiffern kann. Zu dieser Gewisheit führt ihn aber nicht seine Praxis, sondern nur theoretische Kenntnisse; und eben diese müssen auch den eigentlichen Geographen zu richtigen und genauen Zeichnungen, von jedem Lande, verhelfen. Beide werden ihren Zweck durch eine richtige und genaue Bestimmung der Länge und Breite erreichen. Aber, um diese angeben zu können, muß sowohl der Seemann, als der Geograph, astronomische Kenntnisse besitzen, weil alle übrige Angaben bei weitem nicht so genau und zuverlässig ausfallen, als jene.

Die bekannten Schiffsrechnungen erfordern allemal eine Verbesserung durch Beobachtungen an der Sonne, am Monde oder an Sternen, weil sie sich größtentheils auf ein nicht genau eintreffendes Hülfsmittel, nemlich, für eine gewisse Zeit, den zurückgelegten Weg des Schiffes, durch das *Logg* zu finden, gründen. Dazu kommt noch, daß die gewöhnliche Schiffer-Rechnung, mit den *Meridionaltheilen*, voraussetzt, daß die Erde eine völlige Kugel sei, ein Satz, welcher nicht mit der Wahrheit ganz übereinstimmt. Doch, dieser letzterer Umstand ließe sich, ohne viele Schwierigkeiten, berichtigen; allein, die Versuche mit dem *Logg*, bleiben bei allen den Verbesserungen,

Vorbericht.

rungen, die man in neuern Zeiten an diesem Werkzeuge auch angebracht hat, noch immer fehlerhaft.

Ich habe daher in gegenwärtiger Abhandlung versucht, besonders deutschen Lesern, mit allen den brauchbaren Methoden, deren man sich jetzt auf der See, zur Bestimmung der Länge und Breite, bedient, und die sich fast alle auf astronomische Kenntnisse gründen, bekannt zu machen. Der eigentliche Seemann wird hoffentlich daraus einsehen lernen, wie nothwendig für ihn dergleichen Kenntnisse sind, wenn er sich allenfalls nicht in den Ruf setzen will, seine Wissenschaft nur halb gelernet zu haben.

Die Abhandlung selbst besteht aus zween Abschnitten. In dem ersten kommen alle Methoden vor, durch welche die geographische Breite auf der See gefunden wird. Die dazu erforderlichen Instrumente, ihre Einrichtung und die Sätze, worauf sie sich gründen, habe ich mich angelegen seyn lassen, in möglichster Kürze auseinander zu setzen. Da, wo das Gefagte nothwendig war, mit Beispielen zu erläutern, habe ich selbige mit einfließen lassen.

Im zweyten Abschnitte kommt alles das vor, was nur irgend einen Bezug auf das wichtigste Problem in der ganzen mathematischen Geographie,
nemlich

Vorbericht.

nemlich die Länge, haben kann. Auch bei diesem sind Beispiele, wo sie erforderlich waren, nie ausgelassen. Für mich wird es sehr aufmunternd seyn, wenn gegenwärtige Abhandlung den Beifall der Kenner erhalten, und von Nutzen für unsere Seeleute seyn wird. — Ueberdies sehe der Leser diese kleine Schrift als den Anfang von der Arbeit einer Gesellschaft an, die es in der Folge, zur Bekanntmachung nützlicher mathematischer Kennnisse, so weit ihre Kräfte zureichen, nicht fehlen lassen wird.

Hamburg,

am Ende des Septembers 1791.

Erster

Erster Abschnitt.

Von der Bestimmung der geographischen Breite.

Wenn man sich von der Mittellinie (Aequator) der Erde, entweder nach Norden oder nach Süden bewegt, so erhebt sich der eine Pol um eben so viel Grade über den Horizont, und der andere oder der ihm entgegengesetzte unter denselben, als man sich vom Aequator nördlich oder südlich entfernt hat. Letzteres heißt die geographische Breite, ersteres aber die Polhöhe, die also beyde einerley seyn müssen.

Im Aequator fallen demnach beide Pole in den Horizont. Der Aequator der Himmelskugel liegt in eben der Fläche mit dem der Erdkugel. Die breiten Kreise der Erde gehen zwar parallel mit den Parallelkreisen der Himmelskugel, aber liegen in verschiedenen Ebenen.

Der Zenith, oder Scheitelpunkt eines Orts auf der Erde, fällt allemal in den Parallelkreis der Himmelskugel, der eben so weit vom Aequator entfernt ist, als die Breite des Orts beträgt.

Um also anzugeben, wie viel Grade ein Ort auf der Erde vom Aequator nördlich oder südlich abliegt, brauchr man nur, entweder die Höhe des Pols, oder die Lage des Aequators, über dem Horizont, mit einem dazu schicklichen Werkzeuge zu messen.

Für die nördliche Hälfte der Erde bezeichnet ein Stern der zweyten Größe, welcher nur um ein paar Grade von dem Pol der Himmelskugel entfernt ist, die Lage des Pols. Dieser Stern (Polarstern) beschreibr innerhalb 24 Stunden einen ganz kleinen Kreis um den Pol; und eben daher hat man denselben zur Bestimmung der geogr. Breite schon sehr frühe angewendet. Zu eben dem Zwecke gelangt man auch mit allen übrigen Sternen, die entweder für einen Ort auf und unter, oder auch gar nicht unter den Horizont des Orts unter gehen. In beiden Fällen muß aber die Zeit der *Culmination*, oder des Durchgangs durch den Mittagkreis, als bekannt angenommen, oder durch Messungen herausgebracht werden. Den letztern Fall wender man gewöhnlich beim Polarstern zur Bestimmung der Breite an; wiewohl dieser sich auch für alle Fixsterne paßt, deren Abweichung (*Declinatio*) größer ist als das Complement der geogr. Breite zu 90°. Denn alle diese Sterne kommen zweymal im Meridian, (*culminiren*) einmal bei

A.

ihrer

ihrer größten Höhe und ein andermal bei ihrer kleinsten. Mißt man beide Höhen, und nimmt von beiden das arithmetische Mittel, so ergiebt sich die Lage des Pols für den Horizont des Beobachtungsorts.

Es versteht sich, daß beide gemeffene Höhen von der Strahlenbrechung und von der Höhe des Beobachters über dem Horizont, wie auch von der Aberration und Nutation, geäubert (corrigirt) werden müssen.

Alle Sterne, deren Declination von der Art wäre, als ich oben angeführet habe, würden zu eben dem Zwecke führen, wenn die Strahlenbrechung (Refractio) bei ihrem niedrigsten Stand im Meridian nicht die genomene Höhe gar zu unsicher machte. Deswegen wählet man dazu am liebsten den Polarstern.

Allein auf der See läßt sich diese Methode aus zweyen Mittagshöhen eines Sterns die Breite des Orts zu bestimmen, nicht gut anwenden. In selbst auf dem festen Lande findet sie Schwierigkeiten, weil man sie nur zu einer solchen Jahrszeit gebrauchen kann, an welcher die Nächte länger als 12 Stunden sind, da man sonst nicht den Stern zweymal im Mittage beobachten kann. Mehr anwendbarer ist daher die Methode aus einer Mittagshöhe die Breite des Orts zu finden.

Am bequemsten läßt sich dieses bei der Sonne anstellen, weil bei dieser die Zeit der Culmination immer dieselbe bleibt, welches aber nicht der Fall beim Monde, bei den Planeten und den Fixsternen ist. Außer der Mittagshöhe muß auch noch zur Bestimmung der Breite die Declination des Himmelskörper bekannt seyn.

In der Astronomie wird gezeigt, daß die Sonnenbahn (Ecliptic) nicht in der Fläche des Aequators liegt, sondern mit derselben einen Winkel von etwa $23^{\circ} 28'$ macht. Und aus diesem Grunde sehen wir die Sonne nur zweymal im Jahre den Aequator beschreiben. Für jede andere Zeit befindet sie sich entweder nord- oder südwärts der Mittellinie. Legt man durch den Ort der Sonne in der Ecliptik einen größten Kreis, der senkrecht auf dem Aequator steht, so giebt der Abstand beider Kreise von einander, die Abweichung der Sonne für den Punkt der Ecliptik an.

Zu der Zeit, wenn die Sonne die Ebne des Aequators zu beschreiben scheint, ist ihre Declination = 0; und bei ihrer größten Entfernung von dem Aequator hat sie eine Abweichung von $23^{\circ} 28'$.

Steht die Sonne im Aequator, so ist ihre Mittagshöhe, für jeden Ort der Erde, so groß als die Höhe dieses Kreises überm Horizont beträgt. Aus der Höhe dieses Kreises ergiebt sich aber leicht die Höhe des Pols, weil beide zusammen genommen = 90° machen. Denn es sei (Fig. 1) H Z P R H der Meridian, H O der Horizont, A R der Durchschnitt des Aequators, P der Pol desselben und Z der Scheitel (Zenith). Nun ist $H A + A P + P O = 180^{\circ}$. Aber $A P$ ist = 90° ; also $H A + P O = 90^{\circ}$, folglich $P O = 90^{\circ} - H A$.

Die

Die Mittagshöhe der Sonne ist größer als die Höhe des Aequators für die nördliche Hälfte der Erde, wenn die Abweichung der Sonne nördlich, kleiner aber, wenn die Abweichung der Sonne südlich ist. Das Gegentheil gilt für die südliche Halbkugel der Erde. Einmal stehe die Sonne in S im Meridian, mit einer nördlichen Declination A S, so ist ihre Mittagshöhe $= HS = HA + AS$, d. h. gleich der Höhe des Aequators und der Declination; ein andermal habe sie eine südliche Abweichung A f, so ist ihre Mittagshöhe $= Hf = HA - Af$, d. h. gleich der Höhe des Aequators weniger der Declination. Hieraus läßt sich also leicht die Lage des Pols P überm Horizont herleiten. Aber der Abstand des Aequators vom Zenith ist einerlei mit der Höhe des Pols überm Horizont, denn $AZ + ZP = ZP + PO$, also $AZ = PO$.

Steht die Sonne demnach in S im Mittage, so ist $AZ = SZ + AS$, und steht sie in f, so ist $AZ = fZ - Af$. Im ersten Falle addirt man zu dem Complemente der Sonnenhöhe die Declination der Sonne, und im andern subtrahirt man dieselbe von dem Complemente der Sonnenhöhe zu 90° . Hierauf beruht folgende Regel:

Man addire zu dem Abstände der Sonne, oder des Mondes oder eines Sterns, vom Zenith, die Abweichung, wenn die Lage des Scheitels und die Abweichung einerlei Namen führen; und subtrahire selbige, wenn die Namen verschieden sind. Also bei einer nördlichen Declination und einer nördlichen Lage des Scheitels wird die Declination zu der Ergänzung der Sonnenhöhe vom Scheitel addirt, und bei einer südlichen Abweichung und nördlichen Lage des Zeniths, subtrahirt. Die Differenz oder der Rest erhält den Namen von der Benennung der größern Zahl.

Diese Regel gilt allgemein und läßt sich auch so leicht nicht vergessen, wie eine andere, die man aus der Höhe des Aequators herleiten könnte.

Das vornehmste, was demnach zur Bestimmung der geographischen Breite erforderlich ist, ist die mittägige Höhe der Sonne so genau als möglich zu beobachten. Dazu werden Werkzeuge erfordert, wodurch man mehr oder weniger genau den Winkel, den der Himmelskörper mit dem Horizonte macht, messen kann. Sehr viel kömmt dabei auf die Größe des Werkzeuges selbst, auf die möglichste Genauigkeit der Ausarbeitung desselben, auf den Ort der Beobachtung und auf die Geschicklichkeit des Beobachters, an. Es giebt ein großes Unterscheid zwischen den Instrumenten, deren man sich zu Beobachtungen auf dem festen Lande und auf der See bedienet. Die Einrichtung der letztern muß, wegen der Beweglichkeit des Schiffes, ganz anders beschaffen seyn, als die der erstern. Ich werde mich nur, in dieser Abhandlung, auf die Structur und Beschreibung derjenigen einlassen können, deren man sich jetzt, oder auch ehemals, auf der See bedienet hat, weil die Beschreibung aller der sonst hieher gehörigen Werkzeuge, mich gar zu weit von meinem Plane führen würden.

Das ältste Instrument, dessen man sich auf der See zu Höhenmessungen bediente, war wahrscheinlich das *Afrolabium*. In der Folge, und schon vor der Erfindung der Fernröhren, gebrauchte man am meisten den Gradstock, der auch noch jetzt, obgleich weit genauere Werkzeuge seit der Zeit zum Seegebrauche erfunden worden sind, von vielen Seeleuten gebraucht wird. Der erste Gradstock mag wohl nicht von der Art gewesen seyn, wie man denselben jetzt verfertigt. Ein gerader Stab, oder auch nur ein Stift, welchen man von der Sonne beschienen liefs, war vielleicht den damaligen Seefahrern hinlänglich, um aus der Länge des Schattens und der Länge des Stifts, den Winkel zu bestimmen, den die Sonne mit dem Horizonte machte. In der Folge verbesserte man ihn, und suchte denselben vorzüglich zum Beobachten bequemer zu machen; und so mag der jetzt gebräuchliche entstanden seyn.

Er besteht nemlich aus zweyen Stäben, wovon der eine beweglich und zugleich senkrecht auf dem andern steht. Dieser letzterer läst sich auf den erstern nach Gefallen verschieben, und die Hälfte desselben dienet zugleich zum Radius. A E (Fig. 2) sei der Durchschnit des einen und CD der, des andern. Da sich bei allen den Werkzeugen, dessen man sich zum Höhennehmen auf der See bedienet, keine Horizontallinie, wie bei denen auf dem festen Lande, anbringen läst, so nimmt man bei diesem Werkzeuge die Linie A D zur Horizontallinie, oder vielmehr zur Gesichtslinie, an, weil das Auge bei der Beobachtung in D gesetzt wird, wenn der Gegenstand, dessen Höhe bestimmt werden soll, in Rücken des Beobachters steht. Bei einer Beobachtung, wo der Gegenstand vorwärts liegt, befindet sich das Auge in A. Der Gegenstand selbst muß in beiden Fällen in der Fläche des Instruments liegen. Die Linie A E ist nach den Cotangenten der Sonnenhöhe eingetheilet, weil $CB : AB = r : \cotang. CAB$. CAB ist aber $= \frac{1}{2} CAD$; mithin braucht man nur auf A E, bei den Cotangenten des Winkels CAB, den doppelten Winkel bemerken, um die Höhe der Sonne überm Horizont anzugeben. Bei der Beobachtung selbst muß man CD so lange verschieben, bis das Auge bei D den Schatten von C B genau in A sich endigen sieht. Dies würde auch genau zutreffen, so bald der beobachtete Körper gar keine scheinbare Größe hätte, sondern blos ein leuchtender Punkt wäre, welches aber nicht der Fall bei der Sonne und dem Monde ist. Da ihr scheinbarer Durchmesser, wie die Astronomie lehrt, ohngefähr einen halben Grad beträgt, so kann es dem Beobachter nicht einerlei seyn, von welchem Theile der Sonnenscheibe der Lichtstrahl CA, der die Länge des Schattens auf dem Instrumente abschneidet, herkomme. Denn es sei b a der scheinbare Durchmesser der Sonnenscheibe, c der Mittelpunkt derselben, so wird der Lichtstrahl b d, der von dem obern Rande der Sonne kömmt, die Länge des Schattens b d, auf A E abschneiden, hingegen der Lichtstrahl a e, aus dem untern Rande, bestimmt die Länge des Schattens nach B e, und der, aus dem Mittelpunkte c, schneidet ihn nach A B ab. Diese letztere Schattenlänge ist die wahre, oder der Winkel CAB giebt die wahre Sonnenhöhe an, die beiden andern aber nicht.

nicht. Denn der aus *b* giebt den Winkel *b d B*, und der andere aus *a*, den Winkel *a e B*. Iener ist zu groß, dieser zu klein. Nimmt man den scheinbaren Durchmesser der Sonne nur zu 30 Min. oder $\frac{1}{2}$ Grad an, so liegen beide Ränder vom Mittelpunkte der Sonne $\frac{3}{4}$ Grad oder 15 Min. ab. Richtet man sich demnach bei der Beobachtung nach dem Endpunkte des Schattens, so giebt man die Höhe um 15 Min. zu klein an. Diese Höhe wäre aber leicht durch die Addition des Halbmessers der Sonne zu verbessern. Allein die größte Schwierigkeit besteht darinn, daß man genau angebe, wo der Schatten sich eigentlich endige. Der wahre Schatten endigt sich in *A*, der andere (den man den Halbschatten nennt) in *e*; *A e* wird größer, je niedriger die Sonne überm Horizont zu stehen kömmt, rückt aber immer näher nach *A*, je höher die Sonne kömmt, bis endlich beide Schatten in *A* zusammen fallen, wenn die Sonne im ZenitL steht.

In hohen Breiten ist der Fehler, den man mit diesem Instrumente begehet, beträchtlicher, als in den Gegenden, die nahe beim Aequator liegen, weil dort die Sonnenhöhen sich weit mehr verändern als in diesen. Wenn man auch noch so genau verfährt, so ist ein Fehler von 5 bis 6 Min. fast unvermeidlich. Und dieser ist doch zu merklich als daß man ihn bei der Bestimmung der Breite außer Acht setzen darf.

Johann Werner, aus Nürnberg, hat den Gradstock zuerst in seinen Anmerkungen zu der Geographie des Ptolemäus, welche im Jahre 1514 gedruckt wurde, beschrieben.

Schon in der Mitte des 16ten Jahrhunderts sahe man das Fehlerhafte dieses Werkzeuges ein; und *Gemma Frisius* brachte den Schiffsquadranten an seine Stelle. Allein ein Quadrant setz eine lothrechte Linie voraus, die sich aber, wie ich schon vorhin bemerkt habe, auf der See, wegen des Schwanken des Schiffes, nicht genau angeben läßt. Dieses Mangelhafte suchte der berühmte Seekapitain *Davis* dadurch abzuhelfen, daß er einen Quadranten einführte, bei dem man die Horizontallinie beinahe auf eben die Art, wie beim Gradstocke, bestimmte. Um das Instrument so leicht als möglich zu machen, setzte er dasselbe aus zwey ungleichen Cirkelbögen zusammen, deren Summe 90° betrug. Der Quadrant hatte also zwey verschiedene Halbmesser, mit dem größern war der kleine Bogen, nemlich 30° , mit dem kleinern Halbmesser aber der größere Bogen, nemlich 60° , beschrieben. In dem Centro des Instruments ist ein senkrechtes Diopter, mit einer länglichten Oefnung, und auf jeden Bogen ein anderes, die aber beide beweglich sind, angebracht. Das, was sich auf dem kleinern Bogen befindet, ist mit einer ganz kleinen runden Oefnung versehen, und das andere hat eine Oefnung, mit einem erhabenen Glase, dessen Brennweite etwas über das erste Diopter im Centro fällt. Auch mit diesem Instrumente beobachtet man in den meisten Fällen rückwärts, und zwar so, daß man das Diopter mit der kleinen runden Oefnung ans Auge bringt, und dasselbe auf den kleinen Cirkelbogen so lange verschiebt, bis man durch dasselbe in dem Diopter im Centro nicht nur den Horizont, sondern auch das Sonnenbild, welches von dem Glase
in

in dem Diopter auf dem größern Bogen entsteht, gewahr wird. Deswegen muß vorher das Diopter, auf dem größern Bogen, auf eine gewisse Abtheilung desselben gestellet werden. Zählt man nun die Grade zwischen den beiden Dioptern zusammen, so bekömmt man die gesuchte Sonnenhöhe.

Es ist nicht zu leugnen, daß dieses Instrument Vorzüge vor dem zuerst beschriebenen Gradstocke hat; allein, es ist noch immer ein nicht unbeträchtlicher Fehler an demselben, daß der größere Bogen des Quadranten einen weit kleinern Halbmesser hat, als der kleinere Bogen. Die Eintheilung auf den erstern kann daher nie genau genug seyn, und leide einen Fehler von 4 bis 5 Min. veranlassen, welches auch durch die Erfahrung bestätigt wird. Wollte man dem Bogen von 60 Grad einen größern Radius geben, so würde dadurch das Instrument zu schwer werden, und sich nicht so leicht regieren lassen, als bei seiner jetzigen Einrichtung.

Diese beide hier beschriebene Instrumente waren so lange die einzigen, deren man sich auf der See bei Höhenmessungen bediente, bis der berühmte *Hadley* im Jahre 1731 seinen Spiegel-Octanten erfand, der nicht nur die beiden vorigen an Genauigkeit in der Eintheilung übertraf, sondern beim Beobachten eben so leicht als jene, regiert werden kann. Dazu kommt noch, daß er einen Vorzug besitzt, welcher bei den beyden vorigen gar nicht angetroffen wird, welcher dieser ist, daß, wenn man einmal den Gegenstand im Spiegel hat, derselbe auch, durch das heftigte Schwanken des Schiffs, nicht wieder aus demselben heraus gebracht werden kann. Ein Vorzug, der ihm am meisten zum Seegebrauch empfiehlt. Ferner ist kein anderes Werkzeug besser geschickt, Entfernungen verschiedener Gegenstände zu messen, als gerade dieses. Der Schiffer kann es mit eben der Bequemlichkeit zum Aufnehmen der Küsten, als zu Höhenmessungen, gebrauchen. Die Vorzüge dieses Werkzeuges wird man in der Folge dieser Abhandlung noch häufig genug gewahr werden.

Die Theorie desselben ist ganz aus katoptrischen Grundsätzen hergenommen; und die äufferere Einrichtung ist so beschaffen, daß ein Bogen von 45 Grad für einen Bogen von 90° gilt. Man kan also mit diesem Instrumente gerade das messen, was man mit einem Quadranten mißt, und der Bogen braucht nur halb so groß zu seyn, als der von einem Quadranten. Nimmt man statt 45 Gr. einen Bogen von 60°, und giebt ihm eben die Einrichtung als die eines Octanten, so lassen sich Gegenstände damit messen, die 120° von einander liegen. Dieses letztere Werkzeug ist unter dem Namen des *Sextanten* bekannt. Sowohl an diesem, als an dem Octanten, befinden sich zwey Spiegel, wovon das größere beweglich, das kleinere aber unbeweglich ist. Beide stehen auf der Fläche des Spiegels senkrecht. Das bewegliche ist auf einer Regel angebracht, der die Gradzahl auf den Bogen des Instruments abschneidet. Die eine Hälfte des kleinen Spiegels ist mit Spiegelfolie belegt, die andere aber nicht. Dadurch sieht man in dem belegten Glase das Bild von dem Gegenstande, welches von dem

dem größern aufgefangen wird, und zugleich in dem unbelegten den Horizont, oder einen andern Gegenstand, welchen man statt diesen dafür gebrauchen will. Wenn die Regel auf Null Grad des Bogens steht, so müssen, wenn das Instrument anders gut gemacht ist, beide Spiegel eine parallele Lage haben.

In der Katoptrick wird gezeigt, wenn ein Lichtstrahl DC (Fig. 3) von einem leuchtenden Gegenstande D , auf eine ebene Spiegelfläche AB , unter dem Winkel DCB einfällt, daß dieser Strahl, unter eben dem Winkel, nach CE wieder zurückgeworfen wird. Sowohl der Einfallstrahl DC , als der zurückgeworfene EC , liegt in einer Ebne, welche senkrecht auf der Fläche des Spiegels steht. Läßt man eine Linie FC auf den Punkt C des Spiegels AB senkrecht fallen, so heißt diese Linie das Einfallsloth; und der Winkel $FC D = FCE$. Da nun $CDB = ECA$, so ist $ECD = 180^\circ - 2CDB = 2ECF$. Auf diesen Lehrsatz gründet sich die ganze Theorie des Hadley'schen Octanten.

Wenn man bringe zwey ebne Spiegel BA und FG , (Fig. 4) die in einer Fläche liegen, in eine parallele Lage. CD sei der einfallende Lichtstrahl auf den Punkt D des Spiegels AB , so wird dieser unter dem Winkel EDA zurückgeworfen, der dem Winkel CDB gleich ist. Der Spiegel FG , welcher den Strahl DE in E auffängt, wird denselben nach EO zurückwerfen, so daß $BDC = EDA = DEF = OEG$ wird. Ein Auge also, das in O , oder in der Verlängerung des Spiegels BA liegt, wird den Gegenstand C , durch die doppelte Strahlenbrechung in dem Theil FE des Spiegels FG , gerade so sehen, als wenn es denselben aus D mit bloßem Auge betrachtet hätte.

Das Einfallsloth KD , macht hier mit dem einfallenden Strahl CD , und dem zurückgeworfenen DE , gleiche Winkel. Allein ein Lichtstrahl, welcher über CD liegt, wird bei dieser Stellung der Spiegel nicht von O durch die doppelte Strahlenbrechung gesehen werden können. Läßt sich aber der Spiegel BA um einen senkrechten Zapfen in D drehen, so daß er von der Lage BA in die Lage LM kömmt, so verändert sich das Einfallsloth gerade um eben den Winkel, um eben den sich der Spiegel BA gedrehet hat. Bei der Lage LM ist das Einfallsloth ID , bei der ersten Lage war es aber KD , beide machen nun den Winkel IDK , wovon man beweisen soll, daß er so groß sey als MDA . Der Beweis ist folgender:

$IDK + KDM = 90^\circ$, und $KDM + MDA$ ist ebenfalls 90° , also $IDK = MDA$. Soll aber bei einer solchen Lage, wie jetzt der Spiegel hat, der zurückgeworfene Strahl DE sich nicht ändern, und ein anderer Lichtstrahl SD , welcher von einem leuchtenden Punkte S auf den Spiegel fallen, so daß derselbe in dem Spiegel FG durch die doppelte Strahlenbrechung gesehen werden kann: so muß der Winkel SDC , welchen der einfallende Strahl SD mit dem Strahl oder mit der Linie CD macht, nochmal so groß seyn als der Winkel

Winkel MDA ist, um welchen sich der Spiegel AB gedrehet hat. Um dieses zu zeigen, so ist, wie man aus dem vorhergehenden weiß, der Winkel IDE = $\frac{1}{2}$ SDE

$$\text{und } KDE = \frac{1}{2} CDE$$

$$\text{folgl. IDE} - KDE = \frac{1}{2} SDE - \frac{1}{2} CDE = \frac{1}{2} (SDE - CDE)$$

$$\text{das ist: IDK} = \frac{1}{2} SDC.$$

Nun ist vorhin bewiesen, daß IDK = MDA, also MDA = $\frac{1}{2}$ SDC.

Ist nun CD eine Horizontallinie, und S ein heller Gegenstand über dem Horizont, so macht dieser mit der Horizontallinie einen Winkel, der nochmal so groß ist als der, um den sich der Spiegel BA gedrehet hat. Nun habe ich vorhin gesagt, daß dieser Spiegel sich auf der beweglichen Regel des Instruments befindet, welche sich also nur durch den halben Bogen bewegen darf, während daß der Gegenstand über dem Horizont, einen nochmal so großen, mit der Horizontallinie einschließt. Oder, um so viel halbe Grade sich die Regel verrückt, um eben so viel ganze Grade hat sich der Gegenstand überm Horizont verändert. Der Bogen des Instruments wird demnach in 45 ganze oder 90 halbe Grade (bei einem Sextanten in 60 ganze oder 120 halbe Grade) und jeder Grad in 3 Theile, welches bequem angeht, eingetheilet. Auf der Regel selbst ist ein Nonius, oder Vernier, angebracht, der den 3ten Theil eines Grades, oder 20 Minuten, groß ist, aber statt 20 in 21 gleiche Theile eingetheilet wird, wodurch man also im Stande ist, die Größe der Winkel bis auf einzelne Minuten anzugeben. Die übrige Einrichtung dieses Instruments läßt sich leicht aus dem Vorzeigen desselben erklären. Ueberdies findet man dieses Werkzeug fast in allen Büchern, welche die Navigation gründlich abhandeln, vollständig beschrieben. Außer den beiden beschriebenen Spiegeln hat fast jeder Octant noch einen dritten, welcher dazu dienet, um mit demselben auch rückwärts beobachten zu können.

Diese drey beschriebene Werkzeuge sind die gewöhnlichsten, deren man sich auf der See bey Beobachtungen bedienet, und das letztere hat in unsern Zeiten die beyden ersten fast ganz verdrängt. Unterdeß hat doch der Herr *Cheval. de Borda*, vor ein paar Jahren, ein ähnliches Werkzeug, als der Hadley'sche Octant ist, in Gebrauch zu bringen gesucht. Dieses Werkzeug besteht aber nicht aus einem Bogen, sondern aus einem ganzen Cirkel. Er ist eben so, wie der Octant, mit Spiegeln versehen, und führt daher den Namen, *Reflexionscirkel*. Der eigentliche Erfinder dieses Werkzeuges ist nicht Herr Borda, sondern unser berühmter Prof. *Mayer* in Göttingen. Herr Borda hat ihn aber verbessert, und dadurch zum Seebrauche bequemer gemacht. Dieses Instrument ist aber ohnweit kostbarer als ein Octant, und wird daher Schwierigkeiten verursachen, dasselbe auf die See allgemein einzuführen. Wer dieses Instrument kennen lernen will, den muß ich auf die Beschreibung und den Gebrauch desselben, von dem Herrn Borda selbst, verweisen. Sie ist unter folgenden Titel herausgekommen:

Descrip-

Description et Usage du Circle de Reflexion avec differentes Methodes pour calculer les Observations nautiques par le Chevalier de Borda, Capitaine de Vaisseau &c. a Paris 1787.

Alle Beobachtungen, die mit den beschriebenen Werkzeugen gemacht werden, geben nur die scheinbaren Höhen der Himmelskörper an, welche nun noch verschiedene Verbesserungen nöthig haben, ehe man sie zur Bestimmung der Breite gebrauchen kann.

Die erste Verbesserung, welche durchgehends bei jeder gemessenen Höhe ange stellt werden muß, ist diejenige, welche von der *Strahlenbrechung* oder *Refraction* der Himmelskörper herrührt.

Unsere Erde ist in einer beträchtlichen Höhe von einem flüssigen Körper umgeben, der, außer vielen andern Eigenschaften, auch diese hat, daß er die Lichtstrahlen, welche von einem leuchtenden Körper ausgehen, von ihrem geraden Wege ablenket, so bald sie in diesen Körper (Atmosphäre, Dunstkreis) einfallen. Nur derjenige Strahl, welcher von einem Körper, der im Zenith steht, herkömmt, geht gerade durch und wird nicht gebrochen. Eigentlich wird der Lichtstrahl, auf seinem Weg, durch die Atmosphäre, beständig anders und anders gebrochen, weil er immer von einer dünnern in eine dichtere Schichte von Luft kömmt. Er wird demnach eine krumme Linie seyn, und so das Auge des Beobachters berühren. Uns kommt es aber vor als wenn der Gegenstand, von dem der Lichtstrahl kömmt, in der Tangente dieser krummen Linie liegt. Mithin müssen die Himmelskörper, welche weniger als 90° hoch stehen, uns höher erscheinen als sie wirklich stehen. Die Strahlen-Brechung nimmt aber ab, je höher der Gegenstand überm Horizont kömmt. Im Horizonte selbst ist sie am größten.

Die 6te Tafel, welche auf der 21sten Seite, der zum immerwährenden Gebrauche und Erklärung unseres Schiffers-Kalenders, befindlich ist, giebt die Refraction im Horizonte auf 33 Min. an; für 30° Höhe ist sie 1 Min. 38 Sec., und für 44 Grad ist sie nur 59 Sec., und so nimmt sie beständig ab, bis sie für $90^\circ = 0$ wird. Die Refraction, welche man also für eine gegebene Höhe aus dieser Tafel, oder einer ähnlichen nimmt, muß allemal von der beobachteten Höhe abgezogen werden.

Eine zweyte Correction ist die, welche von der Parallaxis der Himmelskörper herrührt. Diese kann aber nur bei solchen Körpern statt finden, deren Entfernung von der Art ist, daß wenn ein solcher Körper von verschiedenen Orten der Erde beobachtet wird, er an verschiedenen Orten der Himmelskugel erscheint. Dieser Fall ereignet sich nun wirklich bey dem Monde, Planeten und der Sonne.

Zu mehrerer Deutlichkeit nehme man an, daß c (Fig. 5) der Mittelpunct der Erde, a das Auge eines Beobachters auf der Oberfläche derselben sei. a h die Horizontallinie für a,

B

t p x h

t p x h ein Bogen der scheinbaren Himmelskugel, l ein Himmelskörper, welcher der Erde nahe ist und für den Ort a im Horizonte steht, und nach h hin referirt wird. Ein Beobachter in c, setzt ihn aber nach x. Dieses ist sein wahrer Ort, jener sein scheinbarer, und der Unterschied x h zwischen beiden heist die Parallaxe des Körpers l, welche dem Winkel x l h oder a l c gleich gesetzt werden kann. Dieser Winkel, welcher auch der parallactische Winkel heist, wird immer kleiner und kleiner, je weiter der Himmelskörper von der Erde entfernt ist, und daher hört die Parallaxe bei den Fixsternen, wegen ihrer sehr großen Entfernung, ganz auf, oder wird für Nichts gerechnet. Selbst bei der Sonne beträgt dieser Winkel kaum 9 Sec., und kann daher bei Beobachtungen an diesem Körper, ohne einen merklichen Fehler zu begehen, auffer Acht gesetzt werden. Hingegen ist dieser Winkel beim Monde weit beträchtlicher. Seine Größe fällt allemal zwischen $5\frac{1}{2}$ und $61\frac{1}{2}$ '. Unter dieser Größe versteht man aber die Horizontalparallaxe, welche beständig die größte ist. Denn die Parallaxe nimmt ab, je höher der Weltkörper überm Horizont kömmt; und dieses Abnehmen steht im Verhältniß des Sinus, der Entfernung vom Scheitel.

Denn in dem geradlinichten $\triangle c a l$

$$\text{ist sin. } a l c : \text{sin. tot} = a c : c l$$

und im $\triangle m a c$

$$\text{sin. } a m c : \text{sin. } m a c = a c : m c.$$

$$\text{Aber } m c = c l, \text{ und sin. } m a c = \text{sin. } m a z.$$

Also folgt aus beyden Proportionen: $\text{sin. } a l c : \text{sin. } a m c = \text{f. t.} : \text{sin. } z a m$ oder $\text{sin. tot} : \text{sin. } z a m = \text{sin. } a l c : \text{sin. } a m c$. Sin. a m c heist die Höhenparallaxe und sin. a l c die Horizontalparallaxe. Setzt man diese = h und sin. tot = r, so ist die Höhenparallaxe = $\text{cosin. der Höhe} \times h$, oder der sinus der Entfernung vom Zenith multipl. in die Horizontalparallaxe. Die Parallaxe verursacht dafs die Himmelskörper, von der Oberfläche der Erde angesehen, niedriger erscheinen als sie wirklich stehen. Mithin mus diese jedesmal zu der Höhe addirt werden; oder man nehme die Parallaxe weniger der Strahlenbrechung, und addire die Differenz zu der gemessenen Höhe. Diese Regel gilt aber nur für den Mond. Für die Sonne fällt die Parallaxe, wie ich schon oben erwähnt habe, bei den meisten Beobachtungen weg.

Die dritte Correction, welche auf der See durch die beschriebene Werkzeuge vor-
 kömmt, ist diejenige, welche von der Höhe des Auges überm Horizont, (die Schiffer nennen es die Tiefe der Kimm) oder wie hoch sich der Beobachter über der Erdoberfläche befindet, herrühret. Wenn man den Meershorizont zur Grenze annimmt, so überieht das Auge mit einmal etwas mehr als die Hälfte eines Kreises, oder die Gesichtslinie liegt etwas weiter als 90° vom Scheitel. Wie viel dafs dieser Bogen beträgt, läst sich, wenn man keine Strahlenbrechung in Betracht zieht, leicht auf folgende Art bestimmen: Es sei (Fig. 6) B A die Höhe des Beob-

Beobachters über der Oberfläche der Erde, GF die Horizontallinie und AE die des Meereshorizont; C der Mittelpunkt der Erde, BC , CD Halbmesser derselben, wovon letzterer auf AE senkrecht steht. E liegt um den Winkel FAE tiefer als F in der Horizontallinie. Weil nun der Winkel $FAE + EAC = CAD + DCA = R$, so ist $FAE = ACD$. Nun ist ein rechtwinkl. Dreyeck ACD , die Seite $AC = CB + BA$, und CD gegeben, woraus man durch folgende Proportion den Winkel $ACD = FAE$ findet.

$$AC : CD = \sin. \text{ tot} : \cos. ACD.$$

Diese gefundene Correction muß von einer Beobachtung, die vorwärts genommen, subtrahiret, und zu einer rückwärts genommene, addiret werden.

Werden die Beobachtungen an der Sonne oder dem Monde genommen, wie zur Bestimmung der Breite fast immer (besonders auf der See) geschieht, so kann es dem Beobachter nicht einerlei seyn, ob er die Höhe von dem obern oder untern Rand der Sonne oder des Mondes nimmt, weil diese beiden Körper bekanntlich einen beträchtlichen scheinbaren Durchmesser haben. Die wahre Höhe bestimmt allemal der Mittelpunkt dieser Körper. Beobachtet man demnach den untern Rand derselben, so muß man zu der Höhe den scheinbaren Halbmesser addiren; nimmt man aber die Höhe des obern Randes, so muß derselbe von der gemessenen Höhe subtrahiret werden.

Bei der Parallaxe habe ich gezeigt, daß derselbe nach dem Sinus des Abstandes vom Scheitel kleiner wird; bei den scheinbaren Durchmessern dieser Körper ist es aber umgekehrt, denn sie werden nach eben dem Verhältnisse größer.

Diese sind nun die Correctionen, welche bei jeder Höhenmessung an der Sonne und dem Monde vorgenommen werden müssen, ehe man die wahre oder eigentliche Höhe bekommt, und die nur zur genauen Bestimmung der geograph. Breite führen kann. Um das ganze Verfahren desto bequemer übersehen zu können, will ich hier ein paar Beispiele, wozu ich die Data aus unserm Schiffer-Kalender genommen, hersetzen.

Beispiel an der Sonne.

Auf ohngefähr 95 Grad westlicher Länge von Hamburg sei, den 3ten April 1791, die Mittagshöhe des obern Sonnenrandes, von einem 12 Fuß über der See erhobenen Auge, beobachtet worden, 57 Grad 26 Min.; der Scheitel war nordlich von der Sonne; man verlangt die Breite des Orts der Beobachtung zu wissen.

B 2

Beob-

Beobachtete Höhe des obern Sonnenrandes	-	-	57 Grad 26 Min.
Strahlenbrechung für 57° nach Tab. VI.	37 Sec.	} abzuziehen	
Tiefe der Kimm f. 12 Fufs nach Tab. VII.	3 M. 34 -		
Halbmesser der Sonne nach dem Kalender	16 - 1 -		

$$\begin{array}{r} 20 - 12 - \\ \hline \text{Wahre Höhe des Mittelpuncts der Sonne} = 57 \text{ Grad } 5 \text{ M. } 48 \text{ Sec.} \\ \text{Wird abgezogen von} \quad \quad \quad 90 - \\ \hline \end{array}$$

Wahre Entfernung des Scheitels vom Mittelp. der Sonne = 32 Grad 54 M 12 S. nordl.

Abweichung der Sonne zu Hamburg Mittags

den 5ten April 1791 nach dem Kalender - 6 Gr. 9 M. 10 Sec.

6ten - - - - - 6 - 31 - 51 -

Unterschied in 24 St. 22 - 41 -

macht für 95 Gr. 5 M. 59 Sec.

dazu die Abweich. vom 5ten 6 - 9 - 10 -

Abweichung der Sonne genau zu Mittage - - 6° 15' 9" N.

Werden addirt, weil beide nordl. sind und geben beobachtete Br.

Mittags den 5ten Ap. 1791, ohngef. 95° westl. von Hamburg - 39 Gr. 9 M. 21 S. N.

Anmerkung. Wenn man die Abweichung der Sonne oder des Mondes aus einem Kalender nimmt, so gilt diese nur für die Länge des Orts, nach welchem der Kalender berechnet worden ist. Diese muß nothwendig, für einen andern Meridian, anders ausfallen. Denn alle Oerter, die von dem angenommenen östlich liegen, haben früher Mittag, und die westlichen später. Ist also die Abweichung der Sonne oder des Mondes zu nehmend, so muß, wenn der Beobachtungsort z. B. 30 Grad östlich läge, der 12te Theil von der Differenz der Abweichung in 24 Stunden subtrahiret, und läge er um eben so viel westlich, der 12te Theil derselben zu der mittägigen Abweichung, addiret werden. Das Gegentheil geschieht, wenn die Abweichung der Sonne oder des Mondes abnehmend ist.

Verlangt man die Breite durch eine Beobachtung am Monde, oder einem Planeten oder an Fixsternen zu bestimmen, so muß noch die Zeit bekannt seyn, wenn dieser Himmelskörper am höchsten steht, oder durch den Mittag geht. Und für einen andern Meridian muß eine ähnliche Reduction, als ich so eben bei der Abweichung der Sonne gezeigt habe, vorgenommen werden. Aus folgendem Beispiele wird man das ganze Verfahren leicht einsehen können.

Beispiel am Monde.

Auf ohngefähr 65 Grad östlicher Länge von Hamburg sei, den 12ten August 1791, eine Beobachtung am obern Mondrande gemacht worden, die Breite darnach zu bestimmen.

Die

Die Mittagshöhe des obern Mondrandes war $24^{\circ} 46'$ Min. von einem 24 Fufs über der See er-
 hobenen Auge beobachtet. Der Scheitel war nordlich vom Monde.

Den 12ten stand der Mond im Mittage um 11 Uhr 0 Min. Abends.

Tägliche Verspätung ist = 54 Min.

Macht für 65 Gr. ofl. Länge, welche abgezogen

Culminationszeit des Mondes am Beobacht. Ort =

Von da bis zu Mitternacht sind noch

Beobachtete Höhe des obern Mondrandes =

Halbmesser des Mondes um Mitternacht = $16'' 6''$ } zu subtrahiren
 Tiefe der Kimm für 24 Fufs = $5. 3$ }

9.	45 Sec.
<hr/>	
10 Uhr 50 M.	15 Sec.
1 Uhr 9 M.	45 Sec.
<hr/>	
24°	46'

Verbetterung der V Taf. für eine Höhe von $24^{\circ} 46'$. und eine

Horizontalparallaxe von $59' 7''$, welche zu addiren ist =

Wahre Mittagshöhe des Mittelp. des Mondes

Abgezogen von

Wahre Entfern. des Scheitels vom Mittelp. des Mondes

Abweichung des Mondes um Mitternacht

den 12ten Mai zu Hamburg

Die 12stündige Veränderung giebt $1^{\circ} 24'$

dies macht für 65° ofl.

Und für 1 Stunde 10 Min. bis zur nächste Mitter.

Wird beides addirt, weil die Abw. abnehmend ist =

Abweichung des Mondes genau für die Zeit der Beobachtung = $14^{\circ} 24' 20''$ süd.

Werden subtrahirt, wegen der ungl. Namen.

Beobachtete Breite den 12ten Aug. 1791. um 10 Uhr 50 Min. 15 Sec. Abends.

21.	9''
<hr/>	
24°, 24'	51''
<hr/>	
51.	40
<hr/>	
25°.	16' 31''
<hr/>	
90°	
<hr/>	
64°.	43' 29'' nordl.
<hr/>	
= 14°.	1' südlich abnehm.
<hr/>	
= 15'.	10''
<hr/>	
= 8.	10''
<hr/>	
= 23.	20
<hr/>	
= 14°	24' 20'' süd.
<hr/>	
50°.	19' 9''

Diese Methoden sind ohnfreitig zur Bestimmung der Breite die besten; allein nicht alle-
 mal erlaubt es die Witterung, daß gerade um Mittag oder zur Zeit der Culmination, Beob-
 achtungen angestellt werden können. Und doch kann an einer solchen Observation dem
 Schiffer so sehr viel gelegen seyn. Für ihn ist es also ganz unentbehrlich, sich mit den Metho-
 den bekannt zu machen, die ihn lehren, aus einer oder mehreren Beobachtungen, die außer
 Mittage fallen, die Breite des Orts zu bestimmen. Je weniger der Beobachtungen genom-
 men werden dürfen, desto besser, und desto geschwinder wäre die Aufgabe aufgelöst. Und
 wiewohl es der Astronomie nicht an solchen Angaben fehlt, so setzen selbige in den meisten
 Fällen doch andere Stücke voraus, die dem Schiffer zu bestimmen, eben so schwer fallen würde,

als

als wenn er, zur Auflösung dieses Problems, mehrere Höhen-Beobachtungen anstellen müßte. Indessen will ich einer derselben, wegen einer andern Aufgabe, die von weit mehrern und allgemeinem Nutzen, und in eben derselben enthalten ist, dem Leser mittheilen.

Aufgabe.

Aus der Höhe der Sonne oder eines andern himmlischen Körpers, dem Azimuthe und der Abweichung derselben, die Breite zu bestimmen.

Es sei H A Z P H (Fig. 7) der Meridian, H O der Horizont, A R der Aequator, P der Pol desselben, P O die Polhöhe, Z der Scheitel, M Z ein Vertical- und V P ein Declinationskreis. Diese Erklärung voraus gesetzt, so stehe die Sonne in S über'n Horizont; oder S M sei ihre Höhe, S V ihre Abweichung, und der Bogen M O das Azimut nach Norden und M H dasselbe nach Süden. Durch diese drey gegebene Stücke entsteht das stumpfwinklige Kugeldreyeck Z S P, worinn Z S das Complement der Höhe, S P das Complement der Abweichung und S Z P der Azimutalwinkel ist, woraus Z P gefunden wird, deren Ergänzung zu 90° die verlangte Polhöhe giebt. Die andere Aufgabe, welche von ausgedehntem Nutzen für den Seefahrer ist, liegt in eben dem Dreyecke, und setzt, außer der Declination und der Höhe, die Breite des Orts, als gegeben, voraus. Dadurch sind alle drey Seiten in dem Kugeldreyecke Z S P bekannt, woraus man den Winkel Z P S berechnet. Dieser Winkel wird durch den Bogen des Aequators A V gemessen, welcher, wenn er in Zeit verwandelt wird, die Zeit anzeigt, wann die Beobachtung geschehen ist. Dadurch ist also der Beobachter in den Stand gesetzt, den Gang seiner Uhr, jedesmal nach der Bewegung der Sonne, zu berichtigen.

Beispiel.

Unter einer nordl. Breite von $53^\circ 34'$ wurde den 19ten Iuly des Morgens um 7 Uhr 30 Min. die Höhe des obren Randes der Sonne auf $30^\circ 12'$ von einem 24 Fufs über der See erhobenen Auge beobachtet. Die Abweichung der Sonne war zu der Zeit $20^\circ 53'$ nordlich, der Halbmesser der Sonne $15' 48''$. Man verlangt die wahre Zeit der Beobachtung zu wissen.

Auflösung.

Höhe des obren Sonnenrandes	=		$30^\circ 12'$
Halbmesser der Sonne	=	$15' 48''$	} zu subtrah.
Refraction für 30°	=	$1. 38.$	
Tiefe des Horizonts für 24 Fufs	=	$5. 3.$	

Wahre

	<u>22'. 29''</u>
Wahre Höhe des Mittelpuncts der Sonne =	29°. 49'. 31'' = M S
Compl. zu 90° =	60°. 10'. 29'' = Z S
Abweichung der Sonne 20°. 53' = V S Compl. zu 90° =	69. 7. = P S
Polhöhe 53°. 31' = P O deren Compl. zu 90° =	<u>36. 26. = P Z</u>

Um den Winkel Z P S zu finden, verfähre man folgendermassen:

Z S = 60°. 10'. 29''	
P S = 69°. 7	Compl. arith. 0, 0294617
P Z = 36. 26.	- - 0, 2262961
Summe = 165. 43' 29''	
$\frac{1}{2}$ Summe = 82° 51. 44	
$\frac{1}{2}$ Sum. - P S = 13° 44. 44	Log. fin. 9. 3758742
$\frac{1}{2}$ Sum. - P Z = 46° 25. 44	- - - 9. 8600445
	Summe 19. 4916765
	$\frac{1}{2}$ Summe 9. 7458382
	Log. fin. von 33° 50' 49''
	Doppelt. 67° 41. 38 = Z P S
Mit 15° auf Zeit gebracht, giebt	4 Stunden 30 Min, 46 Sec.
Abgezogen von	12 -
Zeit der Beobachtung	7 Uhr 29 M, 14 Sec. Vormitt.
- der Uhr	7 - 30 -
Die Uhr geht zu früh um	46 Sec.

Ist der Stundenwinkel Z P S bekannt, so läßt sich auch der Winkel S Z P oder das Azimuth nach Norden, folglich auch H Z M berechnen. Denn

Log. Cofin. der Höhe M S: Log. fin. Z P S = L. cofin. der Decl. V S: Log. fin. S Z P.
Und H Z M = 180° - M Z O.

Statt der Sonne läßt sich diese Aufgabe auch leicht auf den Mond, Planeten oder einen Fixstern anwenden. Will man die Zeit durch eine Beobachtung an der Sonne herausbringen, so muß die Beobachtung etwas weit vom Mittag genommen werden, weil sich die Höhen der Sonne, nahe am Mittag genommen, zu wenig verändern.

Außer den mittägigen Beobachtungen, lehrt die Astronomie noch, wie man aus mehreren Höhen, die entweder vor- oder Nachmittage genommen worden sind, und wenn die Zeit zwischen den Beobachtungen als bekannt angenommen, die geographische Breite durch Rechnung bestimmen kann. Unter diesen zeichnet sich vorzüglich folgende aus.

Aufgabe.

Aufgabe.

Aus zweyen Beobachtungen, die entweder beide Vor- oder auch Nachmittag, oder wovon die eine Vor- die andere aber Nachmittag gemacht worden ist, mit der Zwischenzeit beider Beobachtungen, die Breite zu finden.

Diese Aufgabe läßt sich auf zweyerlei Art auflösen: Die eine ist ganz sphärisch; die andere gründet sich auf eine Projection, und läßt sich auf einen sehr bequemen Ausdruck bringen, der ganz durch die ebene Trigonometrie und die Logarithmen aufgelöst werden kan.

Der Vollständigkeit wegen will ich beide Auflösungen hersetzen, und mit der sphärischen den Anfang machen.

Es sei daher in (Fig. 8) A Z P R H ein Mittagskreis, H O der Horizont, Z der Scheitel, A R der Aequator, P der Pol; Z K, Z M zweien Scheitel oder Höhen- und P D, P d zweien Declinationskreise. Die Sonne stehe zur Zeit der ersten Observation in f um M f übert Horizont, bei der andern in S um K S. Die Declination für die erste ist f d, für die Zweite S D. Aus diesen bekannten Stücken finde man Z P oder den Abstand des Pols vom Scheitel, woraus P O oder die Polhöhe folgt.

Wenn die Zwischenzeit von beiden Beobachtungen nicht groß ist, und überhaupt auch nicht zu nahe am Aequinoctio genommen worden sind, so kann man S D = f d annehmen. Der Bogen D d ist die Zwischenzeit auf Grade des Aequators gebracht, und misst den Winkel D P d. Durch diesen Winkel und die gegebene Declination sind in dem sphärischen gleichschenkligen Dreyecke S P f (weil angenommen, daß S P = f P) drey Stücke bekannt, woraus man die Seite S f und den Winkel P S f = P f S finden kann. Man ziehe daher den Bogen eines größten Kreises P x perpendicular auf A R, mithin auch auf W L, so wird nicht nur der Winkel S P f und die Seite f S halbiert, sondern auch das ganze Dreyeck P S f in zwey gleiche und rechtwinklige P x S und P x f eingetheilt. Hat man die Seite S f und den Winkel P S f gefunden, so sind in dem sphärisch stumpfwinkligen Dreyecke Z S f alle drey Seiten (den Z S und Z f sind die Complementary der beiden Höhen zu 90 Gr.) gegeben, woraus man den Winkel Z S f berechnet. Wird der vorher gefundene Winkel P S f von dem Winkel Z S f abgezogen, so bleibt der Winkel Z P S nach; und man hat nun im sphärischen Dreyecke Z S P, außer diesem Winkel, die beiden Seiten Z S (das Compl. der 2ten Höhe) und P S (das Compl. der Declination von der zweiten Höhe) bekannt, woraus man die Seite Z P, deren Ergänzung zu 90° die gesuchte Breite giebt, findet.

Beispiel.

Beispiel.

An einem gewissen Tage wurde des Morgens die Höhe der Sonne zweimal beobachtet.

Einmal um 10 Uhr 5 Min. war die wahre Höhe $Mf = 36^\circ 50' 47''$.

Das Zweitemal - 11 - 23 - $KS = 42^\circ 11'$.

Zwischenzeit = 1 Uhr 18 Min.

Auf Grade gebracht = $19^\circ 30' = Dd = SPf$.

Davon die Hälfte = $9^\circ 45' = SPx$.

Die Declination für die Mittelzeit war = $2^\circ 6' 7'' = SD = fD$.

Abgezogen von $\frac{90}{87^\circ 53' 53'' = SP = fP}$.

Das Complement der ersten Sonnenhöhe = $fZ = 53^\circ 9' 13''$

- - - zweiten - $= ZS = 47^\circ 49'$

In dem gleichschenkligten sphärischen Dreyeck SPf , ergiebt sich die Seite Sf durch folgende Proportion:

L. fin. tot : Log. fin. $\frac{SP\ 87^\circ 53' 53'' = L. \text{ fin. } SPx\ 9^\circ 45' : \text{Log. fin. } \frac{1}{2} Sf$

$\frac{9. 9997076}{9. 2287839}$

Log. fin. $\frac{9. 284915}{9^\circ 44' 36'' = Sx}$

$\frac{2}{19^\circ 29' 12'' = Sf}$

Der Winkel PSf findet sich in eben dem Dreyecke durch

Log. cof. $PS\ 87^\circ 53' 53'' : \text{Sin. tot} = \text{Log. cot. } SPx\ 9^\circ 45' : \text{Log. tang. } PSf$

$\frac{20. 7648974}{8. 5643998}$

Log. tang. $\frac{12. 2004976}{89^\circ 38' 20''}$

Aus den drey gegebenen Seiten des sphärisch stumpfw. Dreyecks berechnet man nun den Winkel ZSP .

C

Zf =

$$\begin{array}{r}
 Zf = 53^{\circ} 9' 13'' \\
 ZS = 47^{\circ} 49' \quad \text{Compl. ar.} \quad 0, 1301818 \\
 Sf = 19. 29. 12'' \quad \text{---} \quad \text{---} \quad 0, 4767903 \\
 \hline
 \text{Summe} = 120^{\circ} 27' 25'' \\
 \frac{1}{2} \text{ Summe} = 60^{\circ} 13' 44'' \\
 \frac{1}{2} \text{ Summe} - ZS = 12^{\circ} 24' 44'' \quad \text{Log. fin.} \quad 9, 3323245 \\
 \text{---} \quad \text{---} \quad Sf = 40, 44. 32. \quad \text{---} \quad \text{---} \quad 9, 8146849 \\
 \hline
 \text{Summe} = \underline{19, 7539815} \\
 \frac{1}{2} \quad \text{---} \quad \text{Log. fin.} \quad \underline{9, 8769907} \\
 \hline
 \text{multiplicirt mit} \quad \underline{2} \\
 \hline
 \text{gibt für ZSf} = \underline{97^{\circ} 45' 40''} \quad \text{Davon} \\
 \text{abgezogen den Wink. PSf} = \underline{89. 38. 20.} \\
 \text{gibt ZSP} = \underline{8^{\circ} 7' 20''}
 \end{array}$$

In dem stumpfw. Dreyecke SZP berechne man aus den beiden Seiten ZS, PS und dem eingeschlossenen Winkel ZSP, die Seite ZP, deren Compl. zu 90° die gefuchte Breite giebt. Um diese zu finden, so wird der Bogen Zy perpendicular auf SP gezogen, wodurch es in zwey rechth. Dreyecke ZyS und ZyP zerlegt wird. — Durch folgende Proportion ergiebt sich die Seite Sy.

$$\text{Log. cof. ZSP } 8^{\circ} 7' 20'' : \text{L. fin tot} = \text{log. cot. SZ } 47^{\circ} 49' : \text{log. cot. Sy}$$

$$\begin{array}{r}
 19. 9572311 \\
 9. 9956336 \\
 \hline
 \text{Log. cot.} = 9. 9615975 \\
 \hline
 \text{Sy} = 47^{\circ} 31' 48'' \\
 \text{Abgezogen von SP} = 87. 53. 53 \\
 \hline
 \text{gibt yP} = 40. 22. 5.
 \end{array}$$

Folgender Satz giebt endlich das gefuchte:

$$\text{L. Cof. Sy } 47^{\circ} 31' 48'' : \text{l. cof. yP } 40^{\circ} 22' 5'' = \text{l. cof. SZ} : \text{l. cof. ZP} = \text{l. fin. PO}$$

$$\begin{array}{r}
 9. 8819156 \\
 9. 8270493 \\
 \hline
 19. 7089649 - 9, 8294351 = 9, 8795298 = 49^{\circ} 16' = \text{PO.}
 \end{array}$$

Eben diese Aufgabe läßt sich durch die Auflösung, welche Herr *Dowes*, (und welche ich die Zweyte genannt habe,) zuerst gebraucht hat, und in den Abhandlungen der Gesellschaft der Wissenschaften zu Harlem 1775 vorkömmt, durch folgenden Weg auflösen, Nur setzt diese

diese Aufgabe, ausser den in der vorigen gegebenen Stücken, auch die ohngefähre Breite des Orts, welche man in der Schifffarth die *gegiste* nennt, als bekannt voraus.

Pilot hat zuerst diese Aufgabe aus zweien Höhen eines Sterns und ihrer Zwischenzeit seine Abweichung zu finden, wenn man die Polhöhe weifs, oder die Polhöhe zu finden, wenn man die Abweichung weifs, eingeführet, und ist von erwähnten Herrn *Douwes* aufgelöst worden.

Vorbereitung.

Um das ganze Verfahren besser zu übersehen, mus man sich vorher mit der dazu gehörigen Figur (wovon ich deren zwei gezeichnet habe, nemlich die eine (Fig. 9), wenn die beiden Beobachtungen Vor- oder auch Nachmittage genommen, die andere (Fig. 10), wenn die eine Beobachtung Vor- und die andere Nachmittag ange stellt worden ist) bekannt machen. *A Z P H A* stelle demnach in beiden Figuren der Meridian oder Mittagskreis vor; *O C H* der Durchschnitt des Horizonts, *Z* der Pol desselben oder das Zenith, *P* der Weltpol und *P H* die ohngefahr bekannte oder gegiste Breite. *M b Q* sei der Tageskreis der Sonne und *M L Q* die Projection desselben. Die beiden Beobachtungen fallen in *a* und *b*, entweder auf eine, wie in Fig. 9, oder auch zu beiden Seiten des Meridians, wie in Fig. 10. *A M* ist die Abweichung der Sonne in beiden Figuren,

Man ziehe die Sehne *a b*, und aus *L* das Perpendikel *L m*, welches beides die Sehne in *M* und den Bogen in *K* rechtwinklicht halbiret. Aus *a* und *b* lasse man auf die Projection des Tageskreis *M Q* die lothrechten Linien *a d* und *b f* fallen; und auf den Durchschnitt des Horizonts, aus *d*, *f* und *M*, die lothrechten Linien *d h*, *f g* und *M i*; so stellen diese letztern die Sinus der verschiedenen Sonnenhöhen vor. Nämlich *f g* ist der Sinus der am weitesten vom Mittage fallenden Beobachtung, *d h* der Sinus, der zunächst am Mittage genommenen, und *M i* der Sinus der Mittagshöhe selbst. Ziehe hierauf die Linie *e f* aus *f* auf *d h*, und aus *d* die Linie *d l* auf *M i* senkrecht, so ist *d e* der Unterschied der Sinus der beiden Sonnenhöhen, und *M l* der Unterschied von dem Sinus der Mittagshöhe und dem, zunächst am Mittage fallenden.

Gefucht wird bei dieser Aufgabe 1) der Bogen *M a*, das heisst: die Zeit der zunächst am Mittage beobachteten Sonnenhöhe. Ist diese gefunden, so lässt sich die Uhr darnach corrigiren. 2) Der Sinus *M i* von der Mittagshöhe der Sonne, wodurch die Breite leicht nach dem Vorhergehenden gefunden wird,

Auflösung.

In dem rechtwinklichten $\triangle d e f$ ist die Seite *d e* als der Unterschied der Sinus von beiden Beobachtungen bekannt. Ferner: ausser dem rechten Winkel ist auch $d f e = A C O =$

C 2

der

der Höhe des Aequators über dem Horizont, vermöge der Parallellinien A C und M Q gegeben; folglich auch der Winkel f d e = der gegiften Breite, welcher Winkel in der Folge blos durch Br. angedeutet werden foll. Aus diesen finde man die Seite d f; und wenn man d e zum Radius annimmt, fo ist

$$\begin{aligned} \text{fin, tot} : \text{fecans Br.} &= d e : d f \\ \text{folglich } d f &= \frac{\text{fec. Br. } d e}{\text{rad.}} \end{aligned}$$

Durch diese Proportion wird d f in Theilen des Radius des Tageskreifes gefunden, die auf Theile von dem Radius der Kugel gebracht werden müffen. Bekanntlich aber verhalten sich die Parallelkreise zum Aequator, wie die Cofinus der Abstände zum Radius. Der Tageskreis liegt aber um den Bogen M A = der Abweichung der Sonne vom Aequator. Mithin ist cofin. der Abweich. der Sonne : fin. tot = d f : d f in Theil. auf den Aequat. gebracht. Allein aus der Trigonometrie erhellet, dafs cofin. : rad = fin, tot : fecans

$$\begin{aligned} &\text{folglich ist} \\ \text{rad} : \text{fec. Abweich.} &= d f : d f \\ \text{für } d f \text{ setze man } a x; \text{ also } a x &= \frac{\text{fec. Abweich. } d f}{\text{rad.}} \end{aligned}$$

Durch a x hat man im rechtwinklichten Dreyecke a x b, auſſer dieser Seite und dem rechten Winkel noch a b, den Unterschied in Bogen zwischen den beyden Observationen bekannt, woraus man den Winkel a b x berechnen muß. Dieser Winkel ist dem Winkel K L M gleich: weil der Winkel b x m = f x L, x f L = b m x = R, und daher $\Delta b m x$ ähnlich $\Delta x f L$.

Nimmt man nun die Seite a x als Radius an, so ist

$$\begin{aligned} a x : a b &= \text{rad} : \text{cofec. } a b x \\ \text{Aber } a x : a b &= \text{fin. } a b x : \text{rad.} \end{aligned}$$

Mithin ist $\text{rad} : \text{cofec. } a b x = \text{fin. } a b x : \text{rad.}$

Nun ist $a b = 2 \text{ finus } m b$.

Folglich ist $a x : 2 \text{ fin. } m b = \text{fin. } a b x : \text{rad.}$

Oder $2 \text{ fin. } m b : a x = \text{rad.} : \text{fin. } a b x$.

Und welches einerlei ist

$$\text{fin. } m b : \text{rad} = a x : 2 \text{ fin. } a b x$$

In der Trigonometrie wird aber gezeigt, dafs

$$\text{fin. } m b : \text{rad} = \text{rad} : \text{cofec. } m b$$

folglich hat man

$$\text{rad} : \text{cofec. } m b = a x : 2 \text{ fin. } a b x$$

$$\text{Demnach } \text{fin. } a b x = \frac{\text{cof. } m b. a x}{2 \text{ rad.}} = \text{K L M}$$

Dieser

Dieser Winkel heißt die *Mittelzeit*. Zieht man von demselben, wenn die beiden Beobachtungen auf einer Seite des Mittags liegen, den Bogen a K ab; oder, wenn die eine Beobachtung Vor- und die andere Nachmittags genommen, von dem Bogen den gefundenen Winkel ab, so erhält man die Zeit von der zunächst am Mittage genommenen Beobachtung. Der Bogen a K heißt die *halb verfloßene Zeit*.

Von diesem gefundenen Bogen a M, ist M d der sinus versus, und auch zugleich die Hypothenuse des Dreyecks M l d. M d gehöret aber für den Aequator, oder ist in Theilen dieses Kreifes gefunden, und muß daher erst auf den Parallelkreis gebracht werden, welches durch folgende Proportion geschieht:

sec. decl. Sonne : rad = sin. vers. M d : M d in Theilen des Parallelkr.

$$\text{Also } M d = \frac{\text{rad. sin. vers.}}{\text{sec. decl. Sonne}}$$

Nun ist es leicht die Seite M l in eben dem Dreyecke zu finden, weil l M d = e d = der gegiststen Breite bekannt ist, also

secans Br: rad = M d : M l

$$\text{folgl. } M l = \frac{\text{rad. M d}}{\text{sec. Br.}}$$

Dieses Stück M l addire man zu dem Sinus der zunächst am Mittage genommenen Sonnenhöhe, d h = l i, so hat man den Sinus der Mittagshöhe, woraus alsdann die Breite leicht gefunden wird.

Alle die einzelne Sätze in dieser Aufgabe lassen sich, ohne viele Mühe, folgendergestalt auf eine allgemeine Formul bringen.

Gleich zu Anfangs hatte man

$$d f = \frac{\text{sec Br.} \times d e}{\text{rad}}; \text{ und darauf}$$

$$a x = \frac{\text{sec. Abweich. der Sonne} \times d f}{\text{rad.}}$$

Setzt man in diesen Ausdruck den vorhin gefundenen Werth von d f, so hat man für

$$a x = \frac{\text{sec. Abw. der Sonne} \times \text{sec. Br.} \times d e}{\text{rad}^2}$$

Dieser Werth wird alsdann in die dort gefundene Proportion

$$\text{rad} : \text{cofec. } m b = a x : 2 \text{ sin. } a b x$$

für a x gesetzt; und daraus ergibt sich der allgemeine Ausdruck

$$\text{für sin. } a b x = \frac{\text{cofec. } m b \times \text{secans Abw. der Sonne} \times \text{sec. Br.} \times d e}{2 \text{ rad}^2}$$

den

den man auf folgende Art durch die Logarithmen ausdrücken kann, wenn man für m b die halb verfloßene Zeit setzet.

$$\text{Log. fin. } a b x = (\text{log. fec. br.} - \text{log. rad} + \text{log. fec. Abw. der Sonne} - \text{log. rad} + \text{log. cofec. } \frac{1}{2} \text{ verfloß. Zeit} - \text{log rad} + \text{log. d e}) - \text{log. 2.}$$

Um für M l auch einen schicklichen Ausdruck, vermittelst der Logarithmen, zu finden, muß man in den letzten Ausdruck $\frac{\text{rad} \times M d}{\text{fec. Br.}} = M l$ den

$$\text{vorhin gefundenen Werth von } M d = \frac{\text{rad. fin. verf. } M a}{\text{fec. decl. Sonne}}$$

setzen; und man erhält alsdann

$$M l = \frac{\text{fin. verf. } M a \times \text{rad}^2}{\text{fec. decl. Sonne} \times \text{fec. Br.}}$$

Das ist in Logarithmen:

$$\text{log. } M l = \text{log. fin. verf. } M a - (\text{log. fec. decl. Sonne} - \text{log. rad}) + (\text{log. fec. br.} - 1. \text{ rad.})$$

Dieser Logarithmus von $M l$ heißt der Logarithm, des *Steigens*.

In den beiden so eben gefundenen Formeln kömmt der Ausdruck

$$\text{log. fec. decl. Sonne} - \text{log. rad} + \text{log. fec. Br.} - \text{log. rad}$$

vor, den man einen beliebigen Buchstaben, etwa M , gleich setzen kann. Dies giebt für

$$\text{log. fin. } a b x = (M + \text{log. cofec. } \frac{1}{2} \text{ verfloß. Zeit} - \text{log. rad} + \text{log. d e}) - \text{log. 2.}$$

Und für

$$\text{log. } M l = \text{log. fin. verf. } M a - M.$$

Beispiel.

Die Data sind dieselben, die im Beispiele, welches durch die sphärische Trigonometrie aufgelöst worden ist, vorgekommen sind; nur daß die gegistete Breite auf $49^\circ 15'$ nordl. fällt.

$$\text{Log. fec. br.} - 49^\circ 15' - \text{rad} = 0, 18525$$

$$- \text{ decl. Sonne } 2^\circ 6' 7'' - \text{rad} = 0, 00029$$

$$\hline 0, 18554 = M$$

$$\text{Nätürl. Sin. der kleinsten Sonnenhöhe von } 36^\circ 51' = 59972$$

$$- \text{ grössten } - - - 42^\circ 11' = 67151.$$

$$\text{Unterschied} = d e$$

$$\hline 7179$$

$$\text{Log. } 3, 85606$$

$$+ 5$$

$$\hline 3, 85606$$

Anmerk.

Anmerk. Die Characteristik des Logarithmen muß dieserwegen um 5 Einheiten vergrößert werden, weil der Logarithmus Sinus für die natürliche Sinus in den gewöhnlichen Tabellen nicht für 7, sondern für 10 Dezimalstellen berechnet worden ist. Nimmt man also den natürl. Sinus aus Tafeln, die nur 5 Dezimalstellen haben, so fehlen noch 5 derselben, mithin muß, um eben so viele Einheiten, die Kennziffer von dem Logarithmen der Zahl vergrößert werden. Denn die Differenz sollte eigentlich aus 9 Zahlen bestehen, wovon offenbar die Kennziffer 8 ist.

Die halb verfloßene Zeit in Bogen betrug $9^{\circ} 45'$, davon nehme man den Log. cofec. weniger den radius, so erhält man $= 0,77122$

Werden die drey gefundenen Größen addirt, so erhält man den ersten Theil der Formel, von deren Summe, der Logarithm. 2 abgezogen, den Sin. Log. der Mittelzeit in Bogen giebt. Der bequemen Uebersicht wegen, will ich hier die Rechnung nochmal hersetzen.

$$\begin{array}{r}
 M = 0,18554 \\
 \text{Log. sin von } d e = 8,85606 \\
 \frac{1}{2} \text{ verfloß. Zeit} = 0,77122 \\
 \hline
 9,81286 \\
 \text{Davon Log. 2} = 0,30103 \\
 \text{Log. sin a b x} = 9,51183 \\
 \hline
 18^{\circ} 58' \text{ Mittelz. in Bogen.}
 \end{array}$$

Davon die $\frac{1}{2}$ verfloß. Z.

ebenfalls in Bogen $= 9. 45$

Abst. der höchsten Beobacht. $= 9^{\circ} 13'$

vom Mittage

giebt in Zeit $= 36' 52''$ zwischen dem Mittage und der höchsten Beob.

Abgezogen von 12 Uhr.

Zeit der h. Beob. 11 Uhr 23' 8''

die Uhr zeigte 11. 23.

folgl. ging die Uhr zu spät um 8 Sec.

Ferner nehme man den Sinus verf. vom Abst. der höchsten Beobachtung, oder welches einerlei ist, den Cofinus dieses Bogens, und ziehe denselben von dem Radius ab. Von dem Unterschiede, den Logarithmen genommen, und von diesem den Werth von M abgezogen, giebt den Logarithmus des *Steigens*, die dazu gehörige Zahl wird zu dem natürlichen Sinus der zunächst am Mittage genommenen Sonnenhöhe addirt, so ergibt sich der Sinus der Mittagshöhe der Sonne,

Sin.

Sin. verf. von $9^{\circ} 13'$	=	100000	=	cosin. $9^{\circ} 13'$	=	1291,
Der Logarith. davon ist	=	3, 11093				
Hievon M	=	0, 18525				
Logar. des Steigens	=	2, 92568				
Die dazu gehörige Zahl ist	=	842, 7				
natürl. Sinus der grössten Son. H.	=	67151				
Sinus der Mitt. Höhe	=	67993, 7				
		42° 50'				
Abgezogen von		90°				
Abstand vom Scheitel	=	47° 10'	nördlich			
Dazu die Decl.	=	2° 6'				
Breite des Orts	=	49° 16'				
gegebte Breite	=	49. 15				
Fehler in der Br.	=	1'				

Um die Rechnung zum Gebrauche noch mehr abzukürzen, und für den Seemann bequemer zu machen, hat man die vornehmsten Theile der beiden Formeln in Tabellen gebracht, wovon der Leser eine umständliche und deutliche Beschreibung in folgenden Schriften antrifft.

Abhandl. der Gesellschaft der Wissenschaften zu Harlem. 1771.

Nautical-Almanac. 1771.

L. H. Röhl's Anleitung zur Steuermannskunst, Greifswald 1778.

Tables requisite to be used with the Nautical Ephemeris, for finding the Longitude at Latitude at sea, London 1787.

Zum immerwährenden Gebrauch eingerichtete Erklärung des Hamburgischen Schiffer-Kalenders,

L. J. Fruchtmicht Voorbeelden en Regelen &c, 1790.

Zweiter

Zweiter Abschnitt.

Von der Bestimmung der Länge.

Alle, der im vorigen Abschnitte erwähnten Methoden, die geographische Breite eines Orts auf der Erde anzugeben, sind bei weitem noch nicht hinreichend, genau zu bestimmen, wo der Fleck ist, den der Ort auf der Erdkugel einnimmt. Wenn die beiden Pole der Erde angenommen werden, so giebt die geographische Breite weiter nichts, als den Parallelkreis des Orts, an, das heist: wie weit derselbe Nord- oder Südwärts vom Aequator ab liegt. Der Umfang eines solchen Kreises ist aber in den meisten Fällen so beträchtlich als dafs seine Ausdehnung nach Osten oder Westen zu, außer Acht gesetzt werden könnte. Liegen zwey Oerter unter dem Aequator 180° Grad von einander, so beträgt ihre Entfernung 2700 geographische Meilen, wenn der Umfang desselben zu 5400 Meilen angenommen wird. Befinden sich zwei Oerter, unter dem Parallelkreis von 60° , um eben so viel Grade von einander entfernt, so ist ihre Entfernung zwar nur 1350 solcher Meilen, aber in Ansehung der Lage viel zu groß, als dafs man bloß mit der Breite derselben zufrieden seyn dürfte. Wüßte man also, dafs beide Oerter 180° von einander entfernt lägen, so ließe sich die Lage beider Oerter genau auf der Erdkugel angeben.

Aus der Astronomie ist bekannt, dafs die Erde, außer ihrer jährlichen Bewegung um die Sonne, sich auch noch, innerhalb 24 Stunden, einmal um ihre Axe von Westen nach Osten drehet; dafs also jeder Ort, der von einem angenommenen, gegen Osten liegt, früher die Sonne im Mittage sieht, als der angenommene Ort selbst; liegt er aber gegen Westen von demselben, so muß die Sonne später bei ihm Mittag machen, als an dem angenommenen. Könnte man nun auf eine oder die andere Art wissen, wie viel dieser Unterschied in Zeit ausmache, so wäre es auch leicht den Unterschied an Graden, Minuten u. s. w. anzugeben; weil man nur nöthig hätte, für jede Stunde Unterschied, 15 Grad, für eine Zeitminute, 15 Minuten, und für eine Zeitseunde 15 Secunden in Bogen, zu rechnen. Oder 1 Grad in Bogen auf 4 Minuten in Zeit zu bringen.

Am besten ließe sich dieses nun bewerkstelligen, wenn von zwey oder mehrern Personen, an verschiedenen Orten auf der Erde, eine Erscheinung am Himmel, wie etwa eine Mond- oder Sonnenfinsterniß, oder auch eine Bedeckung eines Sterns durch den Mond; beob-

D

achtet

achtet würde. Eine solche Erscheinung geschieht für alle Oerter der Erde zu gleicher Zeit, nur dafs sie, der Umdrehung der Erde zufolge, verschiedene Stunden zählen. Voraus gesetzt, dafs die Beobachtungsorter nicht auf der einen Hälfte der Erde unter einerlei Mittagskreise liegen. Diese Erscheinungen wendet man in der That zur Bestimmung der Länge verschiedener Oerter an; allein die Art und Weise selbst, wie sie beobachtet werden, ist oft schwierig, und hängt vorzüglich von dem Beobachtungsorte selbst ab; besonders trifft man die meisten Hindernisse auf der See an. Dazu kommt noch, dafs dergleichen Begebenheiten, wie Sonn- und Mondfinsternisse, überhaupt genommen, sich viel zu wenig ereignen, als dafs man zu jeder Zeit davon Gebrauch machen könne. Ferner müssen diese Erscheinungen durch Fernröhre beobachtet werden, die auf einem Schiffe immer schwer anzubringen sind, um den Gegenstand auf eine Zeitlang fest darin zu halten. Die Erscheinung einer Mondfinsternis liesse sich noch zur Noth auf der See auch ohne Fernrohr beobachten, weil nur auf die Art ein Fehler von etwa zwey Minuten begangen werden kann. Allein es können Jahre eintreten, worin sich gar keine Mondfinsternisse ereignen; und allgemein haben wir immer mehr Sonnen- als Mondfinsternisse. Bei einer Sonnenfinsternis fallen nun, aufer der Schwierigkeit im Beobachten, auch noch Rechnungen vor, die von der Parallaxe des Mondes herrühren, und diese anzustellen, sind eben nicht Iedermanns Sache. Eben diese mühsame Rechnungen kommen auch bei den Bedeckungen der Sterne vom Monde vor. So vortheilhaft diese Erscheinungen also auf dem festen Lande gebraucht werden können, so wenig finden sie größtentheils ihre Anwendung auf der See. Man mus daher auf andere Hülfsmittel bedacht seyn, die im Stande sind dem Seemann, zur Auflösung dieses Problems, auf eine leichte Art zu verhelfen; eine Art, wobei keinen weitläufigen und kostbaren Apparat von Werkzeugen und Rechnungen nöthig ist.

Als *Gallilius* im Anfange des vorigen Jahrhunderts, (1610) die Trabanten des Jupiters entdeckte, und gewahr wurde, dafs diese eben solche Verfinsterungen von ihrem Planeten erlitten, als der Mond von unserer Erde, und dafs sie also zu eben dem Zwecke gebraucht werden könnten, als unsere Mondfinsternisse, so glaubte man auch, sie mit eben dem Vortheile auf der See als auf dem festen Lande zur Erkundung der Länge anwenden zu können. Zumal da die Verfinsterungen der Jupitersmonden sich weit häufiger ereignen als die vorhin erwähnten Erscheinungen an der Sonne und dem Monde. Allein auch bei diesen besteht das größte Hindernis darin, dafs sie sich nicht mit bloffen Augen, sondern nur durch Fernröhre beobachten lassen. Vor der Verbesserung derselben, und ehe die achromatischen oder Dollondschen Fernröhre bekannt waren, brauchte man, um diese Erscheinungen zu beobachten, sehr lange Fernröhre, die auf einem beweglichen Boden, wie auf einem Schiffe, fast gar nicht anzubringen und zu befestigen sind. Seit der Zeit aber, dafs Dollond die achromatischen Fernröhre verfertigte, lassen sich diese Verfinsterungen mit drey- und vierfüßigen Fernröhren eben so gut beobachten,

ten, als ehemals mit den sehr langen. Doch hält es immer noch schwer, und erfordert einen geschickten Beobachter einen kleinen Gegenstand auf einige Zeit in dem Fernrohre fest zu halten. Es wurden daher von verschiedenen Gelehrten, wohin *Irwin*, *Fyot*, *Kratzenstein* und *de Rochon* gehören, allerlei Erfindungen in Vorschlag gebracht, welche die Beobachtungen, die auf der See an dem Jupiter angestellt werden, zu Hülfe kommen, oder erleichtern sollten.

Irwin erfand im Jahre 1760 einen Schwungstuhl, dessen sich der Beobachter auf der See bedienen, und wodurch das Schwanken des Schiffs auf den beobachteten Gegenstand ganz gehoben werden sollte. Die Versuche, welche damit gemacht worden sind, haben aber wahrscheinlich der Erwartung nicht entsprochen, weil man seit der Zeit von diesem Stuhle gar nichts weiter gehöret hat. Auch Herr Prof. *Kratzenstein* in Copenhagen, hat einen ähnlichen Sitz zum Beobachten auf der See beschrieben. Der Schwungstuhl von *Fyot* ist von französischen Seeofficieren ganz unzweckmäßig gefunden worden. Die Erfindung des Herrn Abbt *de Rochon* bestand in Verbesserung der gewöhnlichen achromatischen Fernröhren, vermittelst dreyer Hülfsgläser. Aller dieser Erfindungen ohngeachtet, lassen sich bis jetzt die Verfinsterungen des Jupiterstrabanten auf der See nicht mit dem Nutzen gebrauchen, mit dem man diese Beobachtungen auf dem festen Lande, zur Erfindung der Länge, anwendet. Dazu kommt noch, daß der Planet Jupiter, jährlich bei zwey Monate lang, nicht zu sehen ist, weil er sich zu der Zeit in der Nachbarschaft der Sonne aufhält. Während dieses Zeitraums läßt sich also gar kein Gebrauch von den Verfinsterungen seiner Trabanten machen, wenn man auch sichere Hilfsmittel in Händen hätte, durch welche sich diese Erscheinung auf der See beobachten ließe. Indessen muß der Schiffer, dessen ohngeachtet, keine Gelegenheit vorbei gehen lassen, die Verfinsterungen derselben auf dem festen Lande zu beobachten, um dadurch die Lage eines Orts desto sicherer zu bestimmen. Er muß sich daher mit den Berechnungen derselben, aus den Tafeln selbst, bekannt machen, und eine gehörige Fertigkeit darin zu erhalten suchen, welches gar nicht schwer hält, weil die ganze Rechnung sich nur auf eine Additio und Subtractio erstreckt. Die besten Tafeln über die Verfinsterungen der Jupiterstrabanten hat *Wargentin* geliefert, die für die drey letzten Trabanten nur eine Ungewißheit von einer Minute in Zeit übrig lassen. Diese Tafeln stehen im Nautical-Almanac vom Jahre 1779, und auch in des *Evesque* Guide du Navigateur.

An der Magnetnadel, die so unentbehrlich für unsere Seefarth ist, und welche die jetzige Schiffarth so sehr über die der Alten ihre, erhebt, entdeckte schon *Magellan*, im Anfange des 16ten Jahrhunderts, die Eigenschaft, daß die Magnetnadel nicht genau nach Norden zeigte, sondern an einigen Orten eine Abweichung, (Declination,) nach Osten oder auch nach Westen hatte. Im vorigen Jahrhundert entdeckte man auch noch einen andern Umstand

an der Nadel, daß sie nemlich an einigen Orten in der Fläche, an andern über derselben, und noch an andern unter der Fläche des Horizonts lag. Man nannte dieses die Inclination der Nadel. Beim Gebrauch der Schiffarth hielt man diesen letzten Umstand nicht für so wichtig als den ersten, wie er auch dann in der That für die Schiffahrt nicht ist. Man fand auch schon im vorigen Jahrhundert, daß die Declination der Magnetnadel an demselben Orte, nicht einerlei blieb, sondern sich nach und nach veränderte. So wich die Magnetnadel im Jahre 1580 zu London um $11^{\circ} 15'$ gegen Osten ab, und im Jahre 1657 hatte sie gar keine Abweichung. Im Jahre 1692 fand sie *Halley* 6° westlich. Zu Paris hatte die Nadel 1666 gar keine Abweichung. Um diese Erscheinung zu erklären, nahm der berühmte *Halley* an, daß die Erde selbst ein großer Magnet sey; aber von der Art, (damit er nicht nöthig hatte den magnetischen Polen selbst eine Bewegung zu geben) daß der innere Kern der Erde, den er für fest hielte, von einer andern concentrischen Kugelschale umgeben sei, auf deren Oberfläche wir wohnen. Beide Körper hielt er für magnetisch, und jeder hatte seine beiden Pole, welche auf die Magnetnadel ihre Wirkung äußerten. Der innern festen Kugel gab er eine langsamere Bewegung als der äußern, und eben dadurch glaubte er die Abweichung der Magnetnadel hinlänglich erklären zu können. *Halley* sammelte eine Menge Beobachtungen über die Abweichung der Nadel, und gab 1700 eine magnetische Declinationscharte heraus, auf welcher krumme Linien von 5 zu 5 Graden gezogen waren. Diese krumme Linien gingen durch diejenigen Oerter, welche zu der Zeit einerlei Abweichung hatten. Dadurch glaubte er, die Länge der Oerter bestimmen zu können, wenn nur die Abweichung der Magnetnadel bekannt wäre. Diese Abweichung läßt sich aber, wie bekannt ist, entweder durch des Azimuth, oder auch durch die Morgen- oder Abendweite der Sonne; jedesmal bestimmen. Allein, da sich die Abweichung der Nadel nicht nach den Gesetzen richtet, nach welchen sie *Halley* hat bewegen lassen, ihm auch nicht bekannt war, welche Zeit die magnetischen Pole gebrauchten, sich um die Weltpole zu drehen, er überdies auch noch viel zu wenige Beobachtungen von Abweichungen der Nadel hatte, so hieß sich von seiner Charte nicht den glücklichen Erfolg erwarten, den er sich Anfangs davon vorgestellt hatte. Indessen haben sich, nach *Halley*, berühmte Mathematiker mit Untersuchung dieser Materie beschäftigt, worunter vorzüglich der berühmte *Euler* den ersten Platz einnimmt. Er nahm aber nicht, wie *Halley* that, vier magnetische Pole an, sondern nur zwey derselben; und nach dieser Voraussetzung entwarf er eine Declinationscharte, worin er eben solche Declinationslinien zog, als *Halley* in seiner Charte gezogen hatte. Den nördlichen magnetischen Pol setzte *Euler* unter 75° nordl. Breite und 265° Länge, und den südlichen unter 75° südl. Breite und 204° Länge. Da, nach dieser Voraussetzung, die magnetischen Pole nicht gerade entgegengesetzte Punkte sind, so kann die magnetische Axe nicht einerlei seyn mit dem Durchmesser der Erde, sondern muß nur eine Sehne derselben seyn. Unter den magnetischen Meridianen ist nur ein einziger, (welcher auch für den ersten magnetischen

tischen Meridian gilt.) ein größter Kreis, alle übrige sind kleine Kreise. Da die magnetischen Pole also verschieden von den Weltpolen sind, so müssen ebenfalls die magnetischen Meridiane von den Erdmeridianen verschieden seyn, und den Winkel, den beide mit einander machen, muß der Abweichung der Magnetnadel gleich kommen. Aus diesem Winkel, den man für jeden Ort, wie ich schon im vorigen gezeigt habe, finden kann, mißt sich die Länge des Orts ergeben; und umgekehrt, aus der gegebenen Länge, die Abweichung der Nadel. Da aber die magnetischen Declinationskreise, keine größte Kreise sind, so müßten diese Winkel noch auf eine andere Art gefunden werden, als eben erwähnt worden ist. Ueber das ganze Verfahren lese man folgende Abhandlung: *Recherches sur la déclinaison de l'aiguille aimanté, par M. Euler*; in den *Mém, de l'acad. roy. des sc. de Pr. 1757.* In der Folge fand Herr *Euler* selbst einige Unrichtigkeiten in seiner Hypothese, und *Mayer* hat auch einige wichtige Zweifel dagegen angebracht.

Ueberhaupt hält die ganze Materie über die Abweichung der Magnetnadel noch so viel Dunkles in sich, daß vielleicht noch eine geräume Zeit von Jahren darüber weggehen kann, bevor man etwas zuverlässiges darüber angeben kann. Unterdessen ist erst neuerlich die Sache über die Abweichung der Magnetnadel von einem Amerikaner, Namens *Churchman*, aufs neue unterfucht, und, seiner Meinung nach, ganz erschöpft worden. Wenn dem so ist, so ist das Problem der Länge von diesem Manne, auf eine in der That leichte Art, und fast ganz ohne Rechnung, aufgelöset worden. Die Schrift, welche darüber im vorigen Jahre herausgekommen ist, führet folgenden weitläufigen Titel:

An Explanation of the Magnetic Atlas or Variation Chart, herunto annexed; projected on a Plan entirely new by which the Magnetic Variation on any part of the Globe may be precisely determined, for any time, past, present, or future; and the Variation and Latitude being accurately known, the Longitude is of consequence truly determined. By John Churchman late land surveyor for the district of counties of Delaware &c. Philadelphia, print. by James Johnson. 1790.

Wer dieses Buch in seinem ganzen Umfange kennen lernen will, den muß ich hier, der Kürze wegen, auf eine weitläufige Rezension desselben, von dem Herrn *Reinke* und mir, in den *Annalen der geographischen und statistischen Wissenschaften des Herrn Hofraths Zimmermann*, im zehnten Stücke des ersten Jahrganges, verweisen. Hier wird genug seyn, wenn ich nur so viel aus demselben anmerke, daß Herr *Churchman* die Umlaufzeiten der beiden magnetischen Punkte (nicht Pole) heraus gebracht haben will. Nach welchen Gründen dies geschieht, davon habe ich keine Spuhr in dem Buche finden können. Die periodische Umlaufzeit des magnetischen Nordpunkts setzt er auf 426 Jahre, 77 Tage und 9 Stunden,

den, und die des Südpunkts auf 5459 Jahre. Die Bewegung des erstern geht von Westen nach Osten, des letztern aber von Osten nach Westen, wiewohl aus einer Tabelle, die dem Buche angehängt ist, welche die Bewegung dieses Punkts für kleinere Zeiten enthält, folgt, daß dieser Punkt sich ebenfalls von Westen gegen Osten zu bewegen scheint. Den magnetischen Nordpunkt setzt Herr *Churchman* für das Jahr 1777, unter dem $76^{\circ} 4'$ der nördlichen Breite, und $90^{\circ} 58'$ westl. Länge von Greenwich. Der Südpunkt fällt hingegen unter 72° südlicher Breite und 140° östl. Länge, von eben dem Meridian. Wo die beiden Punkte auf der Erde hinfallen, daselbst hat die Nadel gar keine Abweichung. Der magnetische Aequator fällt für 1794 in den indischen Ocean, zwischen Ceylon und Sumatra. Die magnetische Charte, welche der Abhandlung beigefügt, ist für das Jahr 1794 stereographisch entworfen. Alle magnetische Meridiane erscheinen in derselben durch punctirte Linien. Die Winkel, welche diese Linien mit dem Erdmeridianen einschließen, geben die Abweichung der Nadel für jeden Ort der Erde. Da die beiden magnetischen Punkte eine so sehr verschiedene Bewegung von einander haben, so müssen die magnetischen Meridiane eine besondere Krümmung haben; und da die beiden Punkte nicht in einer entgegengesetzten Lage liegen, so müssen fast alle Meridiane kleine Kreise seyn. Mit Hülfe eines Maasstabes, der sich zugleich auf der Charte befindet, werden die Winkel, welche die magnetischen Meridiane mit den Erdmeridianen machen, gemessen; und von der Genauigkeit desselben hängt die ganze Auflösung dieses berühmten Problems der Länge ab. Schon das Verfahren, Winkel durch Maasstäbe zu messen, und so genau, als hier erfordert wird, scheint mir zweckwidrig zu seyn. Ueberdies muß der Herr Verfasser uns ganz andere Beweise von der Theorie der Bewegung seiner magnetischen Punkte geben, als er in diesem Buche gethan hat. Dann müssen nach der Theorie des Herrn Verfassers, alle Oerter, die einerlei Breite, aber verschiedene Länge haben, verschiedene Abweichung der Nadel zeigen, welches aber wider die Beobachtung von einigen Orten, z. B. in der spanischen See &c., streitet.

Schon seit dem Anfange dieses Jahrhunderts, bemüheten sich die großen Seemächte Europas durch ansehnliche Prämien, jeden zur Erfindung der Länge aufzumuntern. Unter allen zeichneten sich die Engländer am meisten darinn aus. Denn unter der Königin *Anna* bewilligte das Parlament demjenigen, der dieses Problem auflösete, eine Belohnung von 20,000 Pfund Sterl., und derjenige, welcher die Länge nur bis auf einen halben Grad in Bogen anzugeben im Stande war, sollte schon einen Anspruch auf diese Prämie machen. Auch die Holländer haben eine Belohnung von 100,000 Gulden auf diese Erfindung gesetzt. Diese ansehnliche Belohnungen feuerten zu sehr den menschlichen Geist an, als daß man nicht von demselben Erfindungen erwarten dürfte, wodurch dieses Problem aufgelöst werden könnte. Da, wie ich schon oben erwähnt habe, der Längen-Unterschied von zweyen oder mehre-

ren

ren Oerter einerlei ist mit dem Unterschied in Zeit, oder, um wie viel der eine Ort früher oder später Mittag zählt als der andere, so ließe sich diese Aufgabe am besten und geschwindesten auflösen, wenn man im Stande wäre, eine Uhr zu verfertigen, deren Gang und übrige Einrichtung so regelmässig und einfach war, das sie weder durch das Schwanken des Schiffs, noch durch die Veränderung oder Abwechselung des Klima, in ihrem Gange unterbrochen oder gestört werden konnte. Bei allen den gewöhnlichen Uhren ist aber die Einrichtung der Theile von der Art, das diese, durch das Reiben derselben an einander, nothwendig einen Einfluss auf den Gang der Uhr zu wege bringen müssen. Ja selbst, während dem Aufziehen der Uhr, muß sie etwas an der Zeit verlieren. Alle diese Hindernisse müßten bei einer Uhr aus dem Wege geschafft werden, wenn sie zur Erfindung der Länge gebraucht werden sollte. Geht dieses an, so darf die Uhr nur nach der mittlern Zeit und nach dem Meridian des Orts gestellt werden, und man könnte versichert seyn, das sie, man mögte sie unter einen Meridian bringen, unter welchen man wollte, beständig die Zeit von dem Ort angäbe, nach welchem sie zu anfangs gesteller ist. Im vorigen Abschnitte habe ich gezeigt, wie man die Zeit, wenn die Breite des Orts als bekannt voraus gesetzt wird, durch eine Höhe an der Sonne oder dem Monde, oder auch an Sternen, genau genug herausbringen kann. Diese gefundenen Zeit läßt sich alsdann mit der Zeit, welche die Uhr angiebt, vergleichen, und der Unterschied von beiden, gäbe den Unterschied an Zeit zwischen beiden Oertern, den man nur auf Grade, Minuten und Secunden in Bogen zu bringen nöthig hat, um den Unterschied in der Länge anzugeben.

Man nehme z. B. an, das man an einem Orte auf der See, dessen geographische Breite bekannt ist, die Zeit, durch eine Beobachtung an der Sonne, auf 10 Uhr Vormittags gefunden habe. Zur Zeit der Observation zeigte aber die Uhr 12 Uhr Mittags. Also läge der Beobachtungsort von dem Meridian der Uhr 2 Stunden westlich, welche mit 30 Grad in Bogen übereinkommen. Da nun der Meridian der Uhr bekannt ist, so braucht man, um die Länge des Beobachtungsort anzugeben, nur 30 Grad zu subtrahiren. Jetzt hat der Schiffer seinen Ort, wo er sich zur Zeit der Beobachtung befunden, völlig bestimmt. Wäre die Zeit der Beobachtung 12 Uhr Mittags befunden worden, und die Uhr hätte 10 Uhr Vormittags gezeigt, so läge der Ort um 30 Grad östlicher als der Meridian der Uhr, oder jener hätte 2 Stunden früher Mittag als dieser.

Eine so genaue Angabe, in Ansehung der Zeit, läßt sich unmöglich von einer gewöhnlichen Uhr erwarten. Wenn eine solche Maschine so etwas leisten sollte, so müste die Einrichtung der Theile von einer ganz andern Art, nicht so sehr zusammengesetzt, seyn, als dies der Fall bey den meisten Uhren ist.

Harrison,

Harrison, ein englischer Künstler, hatte eine solche Uhr, die alles das leisten sollte, was ich vorhin erwähnt habe, wirklich verfertigt; und überreichte selbige, im Jahre 1761, der dazu niedergesetzten Commission der Länge. Er nannte diese Uhr *Zeitmesser*, (*time keeper*) und machte dadurch einen gerechten Anspruch auf die zur Erfindung der Länge, niedergesetzten Prämie von 20,000 Pfd. Sterl. Allein dieser Preis, oder ein Theil desselben, konnte ihn nicht eher bewilliget werden, bis man sich vorher von der Aechtheit der Uhr durch wirkliche Versuche überzeugt hatte. Zu dem Ende wurde eine Reise von England nach Jamaica, unter der Aufsicht eines geschickten Astronomen, vorgeschlagen. Die Reise ging wirklich vor sich; und bei der Rückkunft zeigte sich, daß die Uhr nur einen Fehler von 1 Minute und 54 Sec. in Zeit, welches noch keinen halben Grad in Bogen ausmacht, gezeigt hatte. Ihm wurden deswegen 2500 Pfd. Sterl. ausgezahlt. Auf einer zweyten Reise nach Barbados, wo sich der noch jetzt lebende Astronom, *Maskelyne*, vorhin begeben hatte, um astronomisch den Unterschied der Länge zu bestimmen, gab die Uhr die Länge bis auf 54 Sec. in Zeit, oder 13 $\frac{1}{2}$ Min. in Bogen, richtig an. *Harrison* erhielt hierauf die halbe Prämie, nemlich 10,000 Pfd. Sterl. Es sollte ihm auch die andere Hälfte ausgezahlt werden, wenn er genau die ganze Structur seines Zeitmessers bekannt machte, und wenn eine Probe mit mehreren seiner Uhren den günstigen Erfolg bestätigte. Herr *Maskelyne* probirte diesem zufolge drey derselben in Greenwich über 9 Monate, und da sollen sich denn, Herrn *Maskelyne* zufolge, selbst bei der Besten dieser drey Uhren, so bedeutende Unrichtigkeiten gefunden haben, daß *Harrison* keine weitere Belohnung erhielt. Gegen diese Behandlung des Herrn *M.* ist Herr *H.* öffentlich aufgetreten, und hat die Beurtheilung für Partheyisch erklärt.

Gleich nach der Erfindung dieser Uhren in England, haben zwey sehr geschickte und berühmte französische Künstler, selbige nach zu machen versucht, welcher Versuch nicht nur glücklich ausgefallen, sondern sie haben auch den Englischen an Güte nichts nachgegeben.

Le Roy, ein geschickter Uhrmacher in Paris, überreichte im Jahre 1765 der Academie der Wissenschaften zuerst zwey von ihm, nach *Harrison*'scher Erfindung, verfertigte Uhren. Sie wurden, durch den berühmten französischen Astronomen *Pingré*, auf einer dreymonatlichen Seereise probirt; erhielten aber keinen allgemeinen Beifall, und *le Roy* prüfte sie deswegen bei einer zweyten Reise selbst. Diese fiel so gut aus, daß *le Roy* den doppelten Preis erhielt, welche die Academie auf die Verfertigung der besten Seeuhren gesetzt hatte. Im Grunde eine Kleinigkeit gegen die große Belohnungen, welche *Harrison* in England vom Parlamente erhalten hatte. — Ein anderer geschickter Uhrmacher, Namens *Berthoud*, hatte, während des Versuches mit den Uhren des *le Roy*, gleichfalls welche verfertigt, die an Richtigkeit und Genauigkeit der erstern gar nichts nachgaben. Auch die Uhren dieses Künstlers, wurden auf einer Seereise geprüft und gut befunden. Nach dem Zeugnisse des Herrn *Pingré* hatte

hatte eine von diesen, in einer Zeit von 42 Tagen, noch nicht um einen halben Grad fehl gezeigt. Dieser Unterschied ergab sich auch in der Folge, auf noch andere Seereisen, die zur Untersuchung des Ganges der Uhren angestellt wurden. Auf diesen Untersuchungsreisen ist noch merkwürdig, daß weder das heftigste Schwanken des Schiffs, welches bisweilen eine Neigung von 45° betragen habe, noch die große Abwechslung der Temperatur, die von 0 bis 25 Grad Reaum. ging, eben so wenig die Erschütterung, welche von der Entladung aller Kanonen auf dem Schiffe herrührte, keine Veränderung in dem Gange der Uhr hervorgebracht habe.

In England sigen zwey Künstler, *Arnold* und *Kendal*, nach *Harrison*schen Grundsätzen, Zeitmesser zu verfertigen, an, worunter einige waren, die an Regelmäßigkeit des Ganges die ersten übertrafen. Dazu kam noch dieser Umstand, daß sie nicht so kostbar waren als die *Harrison*schen. Der *Arnold*sche Zeitmesser wurde zuerst auf einer Seereise nach dem Nordpol, durch den Capitain *Phips*, jetzt Lord *Mulgrave*, untersucht und geprüft. Auch mit dem *Kendal*schen Zeitmesser stellte dieser geschickte Seeofficier eine Prüfung auf eben der Reise an, und fand den Gang derselben noch richtiger, als den der *Arnold*schen. Von keinem sind aber diese Seeuhren sorgfältiger geprüft und mehr gebraucht worden, als von dem berühmten Capt. *Cook* auf allen seinen Entdeckungsreisen. Ia, nach dem Urtheile des Astronomen *Bayley*, der die erste Reise mit *Cook* machte, gaben die *Arnold*schen und *Kendal*schen Zeitmesser die Länge bis auf $\frac{1}{2}$ Grad an, welches in einer Breite von 50 Grad noch keinen Fehler von zwey Meilen beträgt. *Arnold* hat sich vorzüglich durch seine Taschenuhren berühmt gemacht, die von einer so vorzüglichen Güte sind, daß der Capt. *Phips*, binnen 128 Tagen, nur einen Fehler von 2 Min. 40 Sec. an ihrem Gange bemerkte.

Allein, aller dieser hier so eben erwähnten Werkzeuge sind viel zu kostbar, als, daß jeder Privatmann sich selbige anzuschaffen im Stande ist, und der allgemeine Wunsch nach einer Uhr, die nicht so theuer, übrigens aber eben das leisten möchte, was die Zeitmesser wirklich leisteten, wurde durch die Erfindung eines freyen Stosswerks (*Echappement libre*) von dem Herrn *Mudge* erfüllet. Durch die Veranstaltung des Herrn Grafen *Brühl*, und durch einen geschickten Londner Uhrmacher, Namens *Joseph Emmerly*, ein Schweizer von Geburt, wurde diese Erfindung des Herrn *Mudge* für die Zeitmesser benutzt, die jetzt unter dem Namen: der *Taschen-Chronometer*, bekannt sind, die eine weit geringere Größe haben, und wohlfeiler sind, als die Zeitmesser von *Harrison*, aber an innere Güte diesen gar nicht nachstehen. Denn einer dieser Zeitmesser gab, nach einer Fahrt von vier Wochen, dem Admiral *Campbell* die Länge, von St. John auf *Terreneuve*, bis auf 6'' richtig an; ein anderes ähnliches Instrument hatte, nach 14 Monaten, nur um 17'' gefehlt; ein andermal hatte das *Chronometer* die Länge von *Brüssel* nur bis auf 17'' zu groß angegeben. Wer ausführlicher

von diesen letztern 'und den' vorbergehenden Werkzeugen unterrichtet sein will, den verweise ich auf die *Annalen der Geographie und Statistik des Herrn Hofrath Zimmermann* im ersten Bande Seite 110 bis 119. Und noch umständlicher findet man die Beschreibung der Chronometer in folgenden Schriften:

Herrn von Zach in Meisners Quartal-Schrift, 3 Jahrg, 8 Heft.

Latitudes and Longitudes of several Places ascertained by Count de *Brühl*, by Observations taken with a nineinch Hadleys-Sextant of Mr. Ramsdens Construction an artificial Horizon with a Spirit Level of a new Construction made by M. Nairn and Blunt, and a Pocket-Chronometer made by Mr. *Emery*. London 1786. 4to.

Der Bemühungen des Herrn *Emery* ohngeachtet, die Uhren so wohlfeil als möglich zu machen, so sind selbige doch noch für einen grössten Theil der Seeleute zu kostbar, als das man so bald erwarten kann, sie allgemein eingeführt zu sehen. Ueberdies macht, wenn nur ein Theil derselben durch einen Zufall, der sich doch leicht auf der See ereignen kann, schadhafft wird, die Ausbesserung viele Schwierigkeit, und der Gebrauch derselben wäre ganz ohne Nutzen. Zu dem Ende befinden sich auf den Schiffen, wo man Gebrauch davon macht, mehrere solcher Uhren, damit die eine beständig die Stelle von einer andern, ersetzten kann.

Ausser den Uhren war also noch eine andere Methode nöthig, um die Länge nicht nur eben so genau, sondern in manchen Fällen noch genauer, als vermittelt der Uhren, herauszubringen. Um diesen Zweck zu erreichen, mußte man seine Zuflucht wieder zur Astronomie nehmen.

Von allen Himmelskörpern ist uns der Mond nicht nur am nächsten, sondern er verändert auch seine Lage an der scheinbaren Himmelskugel am geschwindesten. - Aber eben, wegen der Nähe desselben, hat seine Bewegung den Astronomen von jeher am meisten zu schaffen gemacht. Vor *Newton*, war die Theorie des Mondes sehr mangelhaft. Alle Monds-Tafeln des vorigen Jahrhunderts geben den Ort des Mondes am Himmel, für eine gewisse Zeit, noch sehr mangelhaft an. Und da er, gerade wegen seiner geschwinden Bewegung und Veränderung seiner Lage, in Rücksicht der andern Sternen, der brauchbarste Körper ist, um die Länge von verschiedenen Orten anzugeben, so setzten verschiedene gelehrte Academien, in diesem Jahrhundert, ansehnliche Belohnungen auf genauere Mondstafeln. Die grössten und berühmtesten Mathematiker dieses Jahrhunderts beschäftigten sich mit dieser Arbeit. Unter diesen zeichneten sich vorzüglich *L. Euler*, *Dalenbert*, *la Grange*, *Clairaut* und *T. Mayer* aus. *Euler* und *Clairaut* arbeiteten, mit der grössten Scharfsinnigkeit, die Mondstafeln aus, die der
berühmte

berühmte *T. Mayer*, durch eine große Reihe von Observationen am Monde, so berichtete, daß derselbe endlich im Jahre 1760 im Stande war, der Londner Commission der Länge (Commissioners of the board of Longitude) die genauesten Mondtabellen zu überliefern. Diese Tafeln geben den Ort des Mondes genau bis auf eine halbe Minute im Raum an. *Mayer* selbst erhielt keine Belohnung, aber seine Erben bekamen im Jahre 1765, nach seinem Tode, 300 Pfd. Sterl. Auch der berühmte *Euler* erhielt für seine Arbeit 300 Pfd. Sterl. Die Mayerischen Mondtafeln wurden im Jahre 1770, unter Aufsicht des Astronomen Herrn *Maskelyne*, in England gedruckt. Nach diesen Tafeln muß nun der Ort des Mondes für eine gewisse Zeit berechnet werden, wenn man denselben zur Erfindung der Länge anwenden will. Wenn man die mittlere Bewegung des Mondes täglich auf 13 Gr. setzt, so verändert er seinen Ort am Himmel stündlich um 32 Min. Vergleicht man also den Ort des Mondes mit der Sonne, oder mit solchen Fixsternen, die sich in der Nähe der Mondbahn am Himmel aufhalten, so muß diese Entfernung, in Rücksicht der ganzen Erde, dieselbe seyn; nur daß die Zeit an verschiedenen Oertern der Erde nicht dieselbe ist. Das heißt: an einem Orte wird man die Entfernung des Mondes von der Sonne, oder einem Sterne, früher oder später, als an einem andern, sehen. Für einen gegebenen Ort, den man als den ersten Meridian ansehen kann, muß man daher den Abstand des Mondes von den übrigen Körpern, so genau als möglich, berechnen. Man braucht alsdann nur, unter einem andern Meridian, die scheinbare Entfernung des Mondes von eben dem Sterne, oder der Sonne, zu messen, und die Zeit der Beobachtung nach einer gewöhnlichen Taschenuhr anzumerken, deren Gang man aber durch Höhen an der Sonne oder Sternen berichtigen muß. Mißt man auch zu gleicher Zeit die Höhen beider Himmelskörper überm Horizont, und corrigirt selbige, wegen der Refraction, und beim Monde auch, wegen der Parallaxe und Refraction, zugleich, so läßt sich aus diesen wahren Höhen und der scheinbaren Entfernung beider Körper, mittelst der sphärischen Trigonometrie, die wahre Entfernung bestimmen, die alsdann mit der Berechneten verglichen werden muß, um daraus den Unterschied in Zeit zwischen den beyden Oertern, mithin auch die Länge, herauszubringen.

Die Beobachtung selbst kann von zwey Personen bequem angestellt werden. Das Instrument, dessen man sich zu den Distanznehmen der beiden Himmelskörper bedient, ist der von mir im ersten Abschnitte dieser Abhandlung beschriebene Spiegeloctant, oder ist die Entfernung größer als 90 Gr., so geschieht die Messung mittelst eines Sextanten. Während die eine Person die Entfernung der beiden Himmelskörper nimmt, mißt die andere, entweder mit einem Octanten, oder auch mit einem Gradstocke, Davisquadrant, die Höhen der Himmelskörper, und bemerkt zugleich auf einer Uhr, die nur gleichförmig gehen darf, die Zeit der Beobachtung in ganzen und halben Minuten. Die Höhen der Himmelskörper brauchen

chen hiebei nicht so genau gemessen zu werden, als zur Bestimmung der Breite erforderlich ist, und daher lassen sich die Höhen auch, durch nicht so genaue Werkzeuge, als die Octanten und Sextanten sind, beobachten. So bald man aber aus der beobachteten Höhe die wahre Zeit bestimmen will, so muß alsdann auch die Beobachtung mit der größten Genauigkeit genommen werden. Ehe man zur Beobachtung schreitet, muß das Instrument sorgfältig geprüft werden. Wie diese Prüfung geschieht, findet der Leser in der zum immerwährenden Gebrauch eingerichtete Erklärung des Hamburgischen Schiffer - Kalenders, Seite 39, umständlich beschrieben.

Bei der Beobachtung wird das Werkzeug jedesmal in die Fläche beider Himmelskörper gebracht, und nach dem dunklen Gegenstande durch das unbelegte Spiegel gesehen, so, daß der Helle, vermittelt der Umdrehung der Regel, in das belegte Spiegel gebracht wird. Um das Licht von dem hellen Gegenstande etwas zu dämpfen, läßt man hier, wie bei den Höhenmessungen, ein paar der gefärbten Gläser zwischen den beiden Spiegeln fallen.

Wenn man eine Beobachtung an der Sonne und dem Monde macht, so wird die Sonne in den Spiegel gebracht; bei einem Sterne und dem Monde, muß man letztern hineinbringen. Dabei muß man vorzüglich darauf sehen, daß sich die beiden Körper mit den Rändern berühren, nicht einschneiden, oder über und unter einander weggehen. Steht die Sonne westwärts vom Monde, und der Stern ostwärts, so hält man die Seite des Octanten, oder Sextanten, auf welcher die Spiegel und Eintheilung stehen, oberwärts; steht die Sonne aber ostwärts, und der Stern westwärts vom Monde, so muß die Seite des Octanten oder Sextanten, auf welcher die Spiegel und Eintheilung stehen, unterwärts gehalten werden.

Es ist auch gut, und fast immer nothwendig, daß man mehrere Beobachtungen von gleichen Zwischenzeiten anstellt, und daraus eine mittlere Beobachtung und Zeit zieht, indem man die Resultate aus den Beobachtungen aufzählt, und die Summe durch die Zahl der Beobachtungen dividirt. Dadurch wird wenigstens der Fehler, den man bei den Messungen begehen kann und wirklich begangen hat, unter die ganze Zahl von Beobachtungen vertheilt, und kommt nicht ganz auf eine zu liegen. Aus den Differenzen läßt sich auch auf die mehr oder wenigern Fehler, die man allenfalls begangen hat, schließen, wenn man sie mit den berechneten Differenzen, in gleichen Zwischenzeiten, für den bekannten Meridian vergleicht.

Nachdem man nun die Entfernung und die Höhen von beiden Himmelskörper so genau als es nur durch die Werkzeuge möglich ist, herausgebracht hat, muß, da die Beobachtung von der Oberfläche der Erde geschehen ist, die wahre Entfernung beider Körper, durch die Correction der Höhen, entweder durch Rechnung, wie die, welche unten folgt, oder auch durch

durch allgemeine Regeln, die aus dieser oder einer ihr ähnlichen hergeleitet wird, gefunden werden. Das Resultat derselben wird alsdann, mit der berechneten Distanz, eben derselben Himmelskörper, für einen gewissen Ort, dessen Meridian als bekannt angenommen, verglichen, um dadurch den Unterschied in Zeit, zwischen beiden Oertern, herauszubringen.

Damit man aber nicht nöthig hat, erst die wahre Entfernung der beiden Himmelskörper für einen angenommenen Meridian, vermittelst der Astronomie, zu berechnen, hat man diese Rechnung schon zum Voraus in einigen Büchern, die jährlich herauskommen, ange stellt. Die Bücher, worinn man diese Berechnung antrifft, sind, der Nautical-Allmanac für Greenwich, die Conoissance de Temps für Paris, der Hamburger Schiffer-Catendet für Hamburg, der Spanische für Cadix, und der Portugifische für Lifabon. In diesen Jahrbüchern ist die Entfernung des Mondes von der Sonne und von einigen Sternen, erster und zweyter Größe, als Pollux, Spica, Regulus, Antares, Marcab, Aldebaran &c., alle Sterne, die innerhalb, oder nahe bei der Mondbahn am Himmel stehen, von drey zu drey Stunden berechnet worden. Die Berechnung, welche in diesen Büchern angegeben ist, bezieht sich immer auf die Entfernung der Mittelpunkte; die beobachtete Distanz aber erstreckt sich auf die zunächst liegenden Ränder, die durch die bekannten Halbmesser (wenn die Rede von der Entfernung der Sonne und des Mondes ist, denn bei den Fix-Sternen fällt dieses von selbst weg) auf die Entfernung der Mittelpunkte gebracht werden müssen.

Um nun das Gesagte, was ich zur Erklärung der ganzen *Distanz-Methode* nothwendig voran zu schicken geglaubt habe, besser zu verstehen, bleibt mir weiter nichts übrig, als die Rechnung aus einer scheinbaren Entfernung zweier Himmelskörper, die wahre, und aus dieser die Länge des Beobachtungsorts zu finden, mit einem einzigen Beispiele an Sonne und Mond, trigonometrisch zu erläutern.

Beispiel.

Auf 35 Gr. 2 Min. norder Breite und ohngefähr 34 Gr. westlicher Länge von Hamburg, sei um 8 Uhr 35 Min. Morgens, nach der Schiffsuhr, von einem ohngefähr 8 Fufs über der Meersfläche erhobenen Auge, die Entfernung der nächsten Ränder der Sonne und des Mondes auf 52° 38' beobachtet worden. Die scheinbare Höhe des untern Mondrandes war 34° 33'. Die scheinbare Höhe des obern Sonnenrandes 17° 22'. Zu der Zeit war der Halbmesser der Sonne 16' 15'', der, des Mondes 15' 54'', die Parallaxe und Refraction des Mondes zusammen genommen 46' 40'', die Refraction für die Sonnenhöhe 3' 1''. Man fragt nach der wahren Entfernung beider Körper, und nach der Länge des Beobachtungsorts.

Erklärung

Erklärung der Figur.

H O R sei (Fig. II) der Durchschnit des Horizonts und H Z R der halbe Meridian. B Z und D Z zwei Vertikal oder Höhenkreise. In dem ersten stehe der Mond in L und in dem andern die Sonne in S; die scheinbare Entfernung beider Körper wird durch den Bogen L S angegeben. Der wahre Ort des Mondes fällt, vermittelt der Correction für die Strahlenbrechung und Parallaxe, in M, und der wahre Ort der Sonne in A. Folglich ist M A die wahre Entfernung, welche gesucht wird.

Auflösung.

Entfernung der nächsten Ränder	=	52° 38'	
Dazu Halbmesser der Sonne	16' 15''		
- des Mondes	15. 54.	32. 9''	
Scheinbare Entfern. der Mittelpuncte	=	53° 10' 9'' = L S	
Beobachtete Höhe des untern Mondrandes	=	34° 33'	
Davon, für die Tiefe der Kimm v. 8 F.	=	3' 0''	
Dazu Halbmesser des Mondes	=	15. 54.	12. 54''
Scheinbare Höhe des Mittelp. des Mondes	=	34° 45' 54'' = B L	
Dazu: für die Parallaxe und Refraction	=	46. 40'' = L M	
Wahre Höhe des Mittelp. des Mondes	=	35° 32' 34'' = B M.	
Beobachtete Höhe des obern Sonnenrandes	=	17° 22'	
Davon geht ab: die Tiefe der Kimm	=	3' 0''	
und der Halbmesser der Sonne	16. 15	19. 15''	
Scheinbare Höhe des Mittelp. der Sonne	=	17° 2' 45'' = D S	
Davon die Strahlenbrechung	=	3. 1 = A S	
Wahre Höhe des Mittelp. der Sonne	=	16° 59' 44'' = A D.	

Aus der scheinbaren Höhe des Mondes ergibt sich, die scheinbare Entfernung desselben vom Scheitel = 55° 14' 6'' = L Z;
 und aus der scheinbaren Höhe der Sonne, die Entfernung derselben vom Zenith = 72° 57' 15'' = S Z.

Jetzt hat man in dem sphärisch stumpfwinklichten Dreyecke Z L S alle drey Seiten bekannt, woraus man, nach bekannten Gründen, den Winkel L Z S berechnet.

L S =

$$\begin{array}{rcl}
 LS & = & 53^\circ 10' 9'' \\
 ZL & = & 55. 14. 6 \quad \text{Compl. ar. } 0, 0853036 \\
 SZ & = & 72. 57. 15. \quad \text{--- } 0, 0195101 \\
 \text{Summe} & = & \underline{181^\circ 21' 30''} \\
 \frac{1}{3} \text{ Summe} & = & 90^\circ 40' 45'' \\
 \frac{1}{2} \text{ Summe} - ZL & 35^\circ 26' 39'' & \text{Log. fin. } 9, 7633606 \\
 \text{---} - SZ & 17^\circ 43' 30 & \text{--- } 9, 4835141 \\
 \text{Summe} & = & \underline{19, 3517784} \\
 \frac{1}{2} - & \text{Log. fin.} & \underline{9, 6758892} \\
 & & 28^\circ 18' 8'' \\
 \text{multipl. mit} & & \underline{2} \\
 LZS & = & 56^\circ 36' 16''
 \end{array}$$

Um nun die wahre Entfernung der beiden Himmelskörper aus diesem Winkel zu berechnen, so hat man im stumpfwinklichten sphärischen Dreyecke MZA, die Seiten MZ und ZA, als die wahren Abstände der Sonne und des Mondes vom Scheitel, nebst dem gefundenen Winkel MZA, bekannt: und wenn man nun aus dem Winkel ZMA auf die Seite ZA den Perpendikular-Bogen Mx fallen läßt, so wird das ganze Dreyeck ZMA in zwey rechtwinklichte ZxM und MxA eingetheilet. In dem ersten berechne man aus MZ und MZx die Seite Zx; wodurch auch xA gefunden wird.

Nun beweist die Trigonometrie, daß die Cosinus dieser beiden Stücke der Grundlinie, sich wie die Cosinus der anliegenden Seiten verhalte, aus welcher Proportion also die Seite MA gefunden wird.

Das Compl. der wahren Mondshöhe ist $= 54^\circ 27' 26'' = MZ$
 und das --- Sonnenhöhe $= 73. 0. 16 = AZ$
 wie aus den wahren Höhen beider Körper folgt.

$$\text{Log. fin. tot. : } \frac{\text{Log. cof. MZA}}{56^\circ 36' 16''} = \frac{\text{log. tang. MZ}}{54^\circ 27' 26''} : \text{log. tang. Zx}$$

$$\begin{array}{r}
 9, 7406910 \\
 10, 1460463 \\
 \hline
 \text{Log. tang. } 9, 8867373
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 37^\circ 36' 43'' = Zx \quad \text{Abgezogen von} \\
 73. 0. 16 = AZ \\
 \hline
 35^\circ 23' 33'' = Ax.
 \end{array}$$

Ferner:

Ferner;

$$\text{Log. cof. } Z \times 37^{\circ} 36' 43'' : \text{log. Cof. } A \times 35^{\circ} 23' 33'' = \text{log. cof. } ZM : \text{log. cof. } MA$$

9. 9112661
9. 7644082
19. 6756743
9. 8988143
Log. cof. 9. 7768600
53° 15' 27'' = MA =

der wahren Entfernung der Sonne und des Mondes.

In der immerwährenden Erklärung zum Gebrauche des Schiffer-Kalenders wird diese Entfernung auf $53^{\circ} 15' 26''$ herausgebracht; also zwischen beyden nur einen Unterschied von 1 Sec.

Die wahre Entfernung der beiden Himmelskörper läßt sich noch auf folgende Art bestimmen:

In dem Dreyecke ZMA berechne man, aus den bekannten Stücken, den Winkel ZMA und MAZ ; lasse alsdann aus dem Winkel ZLS und ZSL , auf den Bogen MA , die Bogen $L1$ und Sf perpendicular herabfallen, wodurch der Bogen $1f$ der scheinbaren Entfernung LS von beiden Körpern gleich wird; aber eben dadurch entstehen zwey kleine rechtwinklichte Dreyecke $M1L$ und SfA , die man hier als geradlinicht ansehen kann, weil die Seiten ML und AS , wegen ihrer geringen Größe, keine merkliche Krümmung haben. In dem ersten Dreyecke $M1L$ berechne man aus der Seite ML , als dem Unterschiede zwischen der scheinbaren und wahren Höhe des Mondes und dem Winkel $LM1$, die Seite $M1$; und in dem andern, aus SA , dem Unterschiede der scheinbaren und wahren Höhe der Sonne, und dem Winkel MAZ , die Seite Af . Die Summe von $M1$ und Af , lege man in diesem Falle zu der scheinbaren Entfernung, so ergiebt sich MA als die wahre Entfernung beider Himmelskörper.

Nach trigonometrischen Gründen finde ich die Größe des Winkels AMZ auf Minuten berechnet = $94^{\circ} 54'$; und die, des Winkels MAZ = $57^{\circ} 58'$. Jetzt hat man in den beiden geradlinicht rechtwinkl. Dreyecken $M1L$ und AfS , außer den rechten Winkeln bei 1 und f , die Seiten $M1$ (Refraction und Parallaxe beim Monde) und AS (Refraction bei der Sonne) die Winkel $LM1$ = 130° — AMZ und ZAf bekannt, woraus man nach folgenden Proportionen, die Seiten $M1$ und fA berechnet,

L. f. t.

$$\text{L. f. t. : log. M1} = 46' 40'' = \text{log. cof. LM1} = 85^\circ 6' : \text{log. M1}$$

$$\begin{array}{r} \text{Log. } 3, 4471580 \\ \text{Log. cof. } 3, 9315439 \\ \hline 12, 3787019 \\ 10. \\ \hline \text{Log. } 2, 3787019 \\ \hline 3' 59, 2'' = \text{M1} \end{array}$$

Ferner:

$$\text{Log. f. t. : log. SA} = 3' 1'' = \text{log. cof. ZAM} = 57^\circ 58' : \text{log. Af}$$

$$\begin{array}{r} 60' \\ \hline 181'' \\ \text{Log. } 2, 2576786 \\ 9, 7246138 \\ \hline 11, 9822924 \\ 10 \\ \hline \text{Log. } 1, 9822924 \\ \hline 1' 36'' = \text{Af} \\ 3' 59, 2'' = \text{M1} \\ \hline 5' 35, 2'' = \text{Af} + \text{M1} \\ \text{Dazu addire man } 53^\circ 10' 9'' = \text{LS} = \text{der scheinbaren Entfernung der Sonne} \\ \text{und des Mondes.} \\ \text{giebt } 53^\circ 15' 44'' = \text{MA} = \text{der wahren Entfern. beider H. Körper;} \end{array}$$

Vergleicht man diese, mit der vorhin gefundenen Entfernung, so hat man einen Unterschied von 17 Sec., welcher zwar eine Kleinigkeit ist, aber doch zeigt, daß die erste Methode der letztern an Genauigkeit vorzuziehen sei. Ueberdies ist die Rechnung nach der letztern Art weitläufiger als nach der erstern.

Nachdem man die wahre Entfernung der beiden Himmelskörper auf die eine oder die andere Art gefunden hat, muß aus einer der beobachteten Höhe die wahre Zeit des Beobachtungsort gefunden werden. In unserm Beispiele wollen wir dazu die Höhe der Sonne gebrauchen. Um die wahre Zeit zu finden, müssen wir, außer der Breite des Orts, der wahren Höhe des Weltkörpers, auch die Abweichung desselben, bekannt haben. Weil nun der

F

Beob-

Beobachtungsort, nach der Schiffsrechnung, eine Länge von 34° westl. hat, und die Beobachtung selbst, nach der Schiffsuhr, um 8 Uhr 35 Min. geschah, so erinnere man sich an das, was ich über dieses im ersten Abschnitte zur Bestimmung der Breite beigebracht habe, das man erst, nach diesen beiden Stücken, die Declination corrigire, oder dieselbe auf den Beobachtungsort bringe. Gelezt nun, das die Declination der Sonne für die Zeit der Beobachtung $20^\circ 33' 46''$ südl. gefunden werde, so hat man, in Fig. 7, folgende Stücke bekannt. Z P das Compl. der Polhöhe; Z S das Compl. der wahren Sonnenhöhe und S P das Compliment der Declination, woraus man den Stunden Winkel Z P S, welcher von dem Bogen des Aequators A V gemessen wird, berechnet. Wird die Größe des gefundenen Winkels auf Zeit gebracht, und diese von 12 Uhr Mittags abgezogen, so erhält man die wahre Zeit der Beobachtung. Denn

$$\begin{array}{r}
 Z S = 73^\circ 0' 16'' \\
 Z P = 54. 58 \quad \text{Compl. ar.} \quad 0, 0868125 \\
 P S = 110. 33. 46. \quad - \quad - \quad 0, 0285906 \\
 \hline
 \text{Summe} = 238^\circ 32' 2'' \\
 \frac{2}{3} \text{ Summe} = 119^\circ 16' 1'' \\
 \frac{1}{2} S. - P Z = 64^\circ 18' 1'' \quad \text{Log. fin.} \quad 9. 9547629 \\
 \frac{1}{3} S. - P S = 8^\circ 42. 15. \quad - \quad - \quad 9. 1799327 \\
 \hline
 \text{Summe} = 19. 2500987 \\
 \text{Log fin. von der } \frac{1}{3} \text{ Summe} = 9. 6250493 \\
 \hline
 \text{verdoppelt giebt} \quad 24^\circ 56' 41'' \\
 \text{Auf Zeit gebracht, ist} = 3 \text{ St. } 19 \text{ Min. } 33 \text{ Sec.} \\
 \text{Abgezogen von} \quad 12 \text{ Uhr} \\
 \hline
 \text{Wahre Zeit der Beobachtung} = 8 \text{ Uhr } 40 \text{ Min. } 27 \text{ Sec. Morg.}
 \end{array}$$

Um diese Zeit ist die wahre Entfernung der Sonne und des Mondes so groß als oben gefunden worden ist. Jetzt muß man aus einer der oben erwähnten Hilfsbücher berechnen, um welche Zeit die Sonne denselben Abstand von dem Monde zu Hamburg hatte. Der Unterschied zwischen den beiden Zeiten, giebt den Unterschied der Länge in Zeit. Man setze, im Hamburger Schiffer-Calender fände man, an eben dem Tage, die Entfernung des Mondes von der Sonne um 9 Uhr 40 Min. 24 Sec. Morg. = $53^\circ 52' 8''$
 - 12 - 40 - 24 - Ab. = $52. 16. 58.$
 Für 3 Stunden, gäbe dies eine Differenz
 in der Entfernung = $1^\circ 35' 10''.$

Zieht

Zieht man die kleinste Entfernung, nemlich $52^{\circ} 16' 58''$
 von der gefundenen $53. 15. 27$
 so ist der Unterschied = $0^{\circ} 58. 29$;

und schließt nun, wie sich die erste Differenz der Entfernung zu der letztern, so drey Stunden zur vierten Proportionszahl. Diese Stundenzahl von der Zeit der kleinsten Beobachtung abgezogen, (weil die Entfernung abnimmt) giebt die wahre Zeit für Hamburg, wenn die Entfernung einerlei ist mit der berechneten. Die Berechnung selbst ist diese:

$1^{\circ} 35' 10''$:	$0^{\circ} 58' 29''$	=	3 Stunden	:	x
oder $5710''$:	$3509''$	=	3 St.	:	x
folgl. x	=	1 Stunde	50 Min.	37 Sec.		
Abgezogen von		12	-	40.	24	
giebt		10 Uhr	49' 47''	M.	Wahre Zeit der Beobacht. zu Hamburg.	
Davon		8	-	40. 27	M	- - - - - des Beobacht. O.
Untersch. in Zeit	=	2 St.	9' 20''	westlich		
Auf Grade gebracht	=	$32^{\circ} 20'$	westlicher Länge	von Hamburg.		

In der Erläuterung des Schiffer-Calenders, woraus ich dieses Beispiel genommen habe, (es steht auf der 54 Seite) wird die Länge auf $32^{\circ} 18'$ westl. von Hamburg angegeben, Dieser Unterschied von 2 Min. rührt von dem Unterschiede von 1 Sec. in der Entfernung her. Man sieht daraus, wie scharf und genau man die Entfernung der Himmelskörper berechnen muß, um Fehler, die sehr beträchtlich werden können, zu vermeiden.

Uebrigens kann vorhergehendes Beispiel, welches ich mit allen den dabei vorfallenden Umständen, genau durch Rechnung aus einander gesetzt habe, als Mufter für alle ähnliche dienen.

Durch die obenerwähnten Mondtafeln läßt sich der Ort des Mondes am Himmel auf eine halbe Minute genau berechnen, und auf eine ganze Minute beobachten. Dies giebt einen Unterschied in Ansehung der Länge von 15 Gradminuten, und nimmt man allenfalls diesen Fehler doppelt so groß an, so kommt ein Unterschied von 30 Gradminuten oder ein halber Grad in der Länge heraus, der aber doch in den meisten Fällen geringer ausfällt.

Die Berechnung dieser Distanz-Methode findet man in folgenden Büchern gründlich und umständlich aus einander gesetzt.

La Lande Astr. second. edit. Tom. 3 P. 772 &c., unter der Rubrike: Usage des Mouvements de la Lune pour trouver les longitudes en Mer.

Herr *de la Lande* erläutert hier die ganze Methode, und zeigt, daß *Appian* für den ersten gehalten wird, der die Länge aus Beobachtungen des Mondes hat herleiten wollen, und nach ihm *Genma Frisus* eben dieses, in einem Buche, welches zuerst in Antwerpen (1530) unter dem Titel: *De principiis astronomiae et Cosmographiae* &c. erschienen, gelehret hat. Er zeigt auch, daß der berühmte *Kepler* eben dieser Methode den Vorzug vor vielen andern gegeben hat. Ueberhaupt findet man in diesen Werken die Methode erläutert, wie die Entfernung des Mondes von den Sternen zu messen, um daraus die Länge des Mondes zu finden, welche mit der Länge die aus den Mondtabellen berechnet, zu vergleichen sei. In der Folge verbesserte *Morin*, Professor der Mathematik und Medicin in Paris, die Methode des *Keplers*. Auch *Halley* schlug die Distanz-Methode zur Erfindung der Länge vor. Weil aber die damals gebräuchlichen Mondtabellen den Ort des Mondes so sehr unrichtig angaben, so konnte er wenig oder gar keinen Gebrauch von denselben machen.

Im 4ten Theil der Astronomie, Seite 752 &c., untersucht und prüft Herr *de la Lande* sehr ausführlich die bekannten Methoden über die Berechnung der Entfernung des Mondes von den Sternen. Hier giebt er zuerst den Beweis von der *Maskelynschen* Regel; kommt hierauf auf die Tafeln, wegen der Verbesserung der scheinbaren Distanz des Mondes, durch die Refraction und Parallaxis, welche zuerst von *Witchell* im Jahre 1769 angefangen, aber ganz von *Lyons*, dem jüngern *Parkinson* und *Williams* geendigt worden sind. Diese Tafeln erschienen im Jahre 1773 in England unter folgendem Titel:

Tables for correcting the apparent distance of the moon and a star from the effects of refraction and parallax published by order of the commissioners of longitude.

Diese Tafeln sind so genau aus einander gesetzt, daß ein Steuermann, der weder Astronomie noch die Gründe der Rechnung weiß, in einer halben Stunde Zeit, die Länge auf der See, bis auf einen halben Grad, angeben kann. Er braucht keine andere Kenntniß zu besitzen, als 7 bis 8 der vornehmsten Fixsternen zu kennen, ihre Entfernung vom Monde mit dem Octanten zu messen, und addiren und subtrahiren zu können.

Ferner giebt Herr *de la Lande* in diesem Supplement einen Beweis von der Regel des Herrn *de Borda*, und erläutert dieselbe durch ein Beispiel. Wenn man hinlänglich geübt ist, so erfordert diese ganze Arbeit eine Zeit von 17 Minuten. Die Auflösung dieses Problems, von dem Herrn *de Borda*, vergleicht er alsdann mit der, des Herrn *Dunthorn*, welche kürzer ist, wozu aber mehrere Hülftabellen erforderlich sind. Die Methode des Herrn *de Borda*, trifft bis auf $\frac{1}{10}$ Sec. zu,

Die

Die Art, nach welcher die wahre Entfernung der Himmelskörper, mittelst der Winkel an der Sonne und dem Monde, gefunden wird, und die ich im vorigen aus einander gesetzt habe, ist am meisten fehlerhaft, und weicht über 20'' von der wahren ab. Herr *de la Lande* verläßt sie daher ganz. In dem oben gegebenen Beispiele wich sie von der ersten und wahren Entfernung, nur um 17 Sec. ab.

Eine sehr gute Erläuterung und Auseinandersetzung der Distanzmethode, trifft man in *Traité de Navigation par M. Bezout. de l'Academie royale des Sciences et de celle de la Marine &c. A Paris, 1781. Seite 249 &c.*

Im 4ten Abschnitte, Seite 316, folgen noch einige Zusätze, die besonders die Beobachtung mit dem *Megameter* des Herrn *Charnieres* betreffen. Dieses Instrument ist eine Art von *Heliometer*, an einem Sector angebracht, und dienet vorzüglich kleine Entfernungen zu messen, die weit genauer ausfallen, als durch den Octanten und Sextanten. In eben diesen Zusätzen kommt auch noch etwas Allgemeines über die Anwendung der Interpolationsmethode bei der Bewegung des Mondes, statt der sonst gewöhnlichen Proportionaltheile, vor.

Vollständig, und mit vielen Beispielen erläutert, findet man diese Methode in *Robertson's Elements of Navigation*; auch die Anwendung davon in *Nicholson Navigators Assitant. London 1784.*

In einem spanischen Werke, das vielleicht noch wenigen von meinen Landsleuten bekannt ist, und das so zu sagen, fast alle Bücher, welche die Navigation abhandeln, hinter sich läßt, findet man im zweyten Theile die Distanzmethode sehr ausführlich abgehandelt, und alle Formeln, die nur über diese Methode bekannt sind, gründlich aus einander gesetzt und erläutert. Das ganze Werk besteht aus zweyen Theilen, und führet folgenden Titel: *Tratado de Navegacion. Por Don Josef de Mendoza y Rios, Teniente de Navio de la Real Armada. Madrid, Anno de 1787.*

In deutschen Schriften trifft man über die Distanzmethode und deren Anwendung wenig oder gar nichts an, außer in den vortreflichen Erläuterungen des Hamburgischen Schiffer-Calenders, von dem sehr geschickten und verdienstvollen Schiffs-Capitain Herrn *Müller* in Stade, und auch hin und wieder in dem astronomischen Jahrbuche des Herrn *Bode*. Das ganze Verfahren ist, in dem erstern, so deutlich und bestimmt aus einander gesetzt, und mit so vielen und wohlgeählten Beispielen erläutert, daß auch der Ungeübteste keine Schwierigkeit finden wird, den erforderlichen Gebrauch davon in der Anwendung zu machen. Den
Beweis

Beweis des Verfahrens (Sehe Seite 44 der schon mehrmalen angeführten Erläuterungen &c.) findet man in den Abhandlungen der Kaiserlichen Academie zu Petersburg für das Jahr 1779, in der vierten astronomischen Abhandlung, welche folgenden Titel führt: *Reflexion sur la principales methodes de corriger les distances apparentes de la lune a une étoile relativement aux effects de la refraction et de la parallaxe*, par Nicolas Fuss.

In der schon im ersten Abschnitte dieser Abhandlung erwähnten Schrift, des Herrn *de Borda*, findet man die Distanz-Methode Seite 55 u. f. w. mit Beispielen erläutert. Die Beweise dieser Rechnung, mit den dazu erforderlichen Tabellen, befinden sich am Ende dieses Buchs.

Auch in den oben angeführten *Tables requisite to be used with the nautical Ephemeris*, findet man sehr viele Beispiele über diese Methode.

Folgende Auflösung der Distanzmethode, welche ich der gütigen Mittheilung meines Freundes, des Herrn *Grenz-Auffseher Reinke*, zu verdanken habe, theile ich meinen Lesern ganz so mit, als ich selbige schriftlich von demselben erhalten habe.

Von dem Cofinus des Unterschiedes der scheinbaren Höhen- oder Zenith-Distanzen Fig. II ($ZS - ZL$) subtrahire man den Cofinus der scheinbaren Entfernung beider Himmelskörper (LS). Für den Unterschied beider Cofinus suche man den Logarithmen. Hievon subtrahire man die Correction des Mondes (LM), und addire dazu die Correction der Sonne oder des Sterns (SA), und suche sodann für diesen veränderten Log. die Zahl,

Endlich suche man den Cofinus des Unterschiedes der wahren Höhen- oder Zenith-Distanzen ($ZA - ZM$), und subtrahire davon die vorhin gefundene Zahl.

Anmerkung. Für die Corr. des Mondes und Corr. der Sonne, oder eines Sterns, sind zur Erleichterung die beiden folgenden Tafeln von dem Herrn *Reinke* berechnet worden.

Die Secunden bei der scheinbaren Distanz können in der Rechnung weggelassen und nur am Ende wieder zu addirt werden.

Folgendes, sehr gut geordnetes Schema, kann hier zur bequemen Uebersicht der ganzen Rechnung, als ein allgemeines Beispiel dienen.

Die scheinbare Distanz des Mondes von der Sonne sei = $55^{\circ} 19' 21''$; die Horizontal-Parallaxe des Mondes sei = $57' 16''$.

Schema

Schema und Auflösung.

Scheinbare Höhe der Sonne oder des Sterns	=	19° 24' 0''
- - - des Mondes	=	10. 56. 0
Differenz der scheinbaren Höhen	=	8. 28. 0
Summe der Corr. der Parallaxe und Refr. des Mondes und des Sterns	=	0. 53. 56
Differenz der wahren Höhen	=	7. 34. 4
Cofinus Differenz der scheinbaren Höhen	=	989102
Cofinus der scheinbaren Distanz (")	=	569040
Differenz der Cofinus oder Summe	=	420062
Logarithmus numerus	=	62331, 8
Corr. des Mondes — Corr. der Sonne od. des Sterns	=	120, 0
Differenz	=	62211, 3
Numerus	=	41890, 3
Cofinus Differenz wahrer Höhen	=	99129, 0
Differenz = Cofinus wahrer Distanz	=	57238, 7
		55° 5' 0''
Dazu die weggelassenen Secunden	=	21
<i>Wahre Distanz</i>		55° 5' 21''

0 01	01	01
0 02	02	02
0 03	03	03
0 04	04	04
0 05	05	05
0 06	06	06
0 07	07	07
0 08	08	08
0 09	09	09
0 10	10	10

Tafel für Correct \odot	
Höhe	Correct
3 ^o	9. 5
4	10. 4
5	10. 8
6	11. 0
7	11. 1
8	11. 1
9	11. 1
10	11. 1
15	11. 1
20	11. 1
25	11. 1
30	11. 1
40	11. 0
50	10. 9
60	10. 7
70	10. 5
80	10. 3
89	10. 1

Tafel für Correct *	
Höhe	Correct
3 ^o	9. 6
4	10. 5
5	11. 0
6	11. 3
7	11. 6
8	11. 8
9	11. 9
10	11. 9
15	11. 9
20	11. 9
25	11. 9
30	11. 9
40	12. 0
50	12. 0
60	12. 0
70	12. 0
80	12. 0
89	12. 0

Scheinb. Höhe	I Parallaxe des C						Differ.
	57'	58'	59'	60'	61'	62'	
3°	511. 7	521. 0	530. 3	539. 6	548. 9	558. 2	9. 3
4	520. 3	529. 8	539. 2	548. 7	558. 1	567. 6	9. 4
5	528. 9	538. 5	548. 1	557. 7	567. 3	576. 9	9. 6
6	537. 2	547. 0	556. 7	566. 5	576. 2	586. 0	9. 7
7	545. 4	555. 3	565. 2	575. 1	585. 0	594. 9	9. 9
8	553. 3	563. 4	573. 4	583. 5	593. 5	603. 6	10. 0
9	561. 2	571. 3	581. 5	591. 7	601. 9	612. 1	10. 2
10	568. 9	579. 2	589. 5	599. 8	610. 1	620. 4	10. 3
11	576. 3	586. 7	597. 2	607. 6	618. 1	628. 5	10. 4
12	583. 6	594. 2	604. 7	615. 2	625. 8	636. 4	10. 5
13	590. 7	601. 4	612. 1	622. 8	633. 5	644. 2	10. 7
14	597. 7	608. 5	619. 3	630. 1	640. 9	651. 8	10. 8
15	604. 5	615. 4	626. 4	637. 3	648. 2	659. 2	10. 9
16	611. 0	622. 1	633. 1	644. 2	655. 2	666. 3	11. 0
17	617. 4	628. 5	639. 7	650. 8	662. 0	673. 2	11. 2
18	623. 6	634. 8	646. 1	657. 3	668. 6	679. 9	11. 3
19	629. 6	641. 0	652. 3	663. 7	675. 1	686. 5	11. 4
20	635. 5	646. 9	658. 4	669. 9	681. 4	692. 9	11. 5
21	641. 1	652. 7	664. 3	675. 9	687. 5	699. 1	11. 6
22	646. 5	658. 2	669. 9	681. 6	693. 3	705. 0	11. 7
23	651. 6	663. 4	675. 2	687. 0	698. 8	710. 6	11. 8
24	656. 6	668. 5	680. 3	692. 2	704. 0	715. 9	11. 8
25	661. 5	673. 4	685. 3	697. 2	709. 1	721. 0	11. 9
26	666. 1	678. 1	690. 0	702. 0	714. 0	726. 0	12. 0
27	670. 6	682. 6	694. 7	706. 7	718. 8	730. 8	12. 0
28	674. 7	686. 8	699. 0	711. 1	723. 2	735. 4	12. 1
29	678. 7	690. 9	703. 1	715. 3	727. 5	739. 8	12. 2
30	682. 5	694. 8	707. 1	719. 4	731. 7	744. 0	12. 3
31	686. 1	698. 5	710. 8	723. 2	735. 6	748. 0	12. 4
32	689. 7	702. 1	714. 7	727. 0	739. 5	751. 9	12. 4
33	692. 9	705. 4	717. 9	730. 4	742. 9	755. 5	12. 5
34	695. 8	708. 4	721. 0	733. 6	746. 2	758. 8	12. 6
35	698. 5	711. 1	723. 8	736. 4	749. 1	761. 8	12. 7
36	700. 9	713. 6	726. 3	739. 0	751. 7	764. 4	12. 7
37	702. 9	715. 7	728. 4	741. 1	753. 8	766. 6	12. 7
38	704. 7	717. 4	730. 2	742. 9	755. 7	768. 5	12. 8
39	706. 2	719. 0	731. 8	744. 6	757. 4	770. 2	12. 8
40	707. 7	720. 5	733. 3	746. 1	758. 9	771. 8	12. 8
41	708. 8	721. 7	734. 6	747. 5	760. 4	773. 3	12. 9
42	710. 0	722. 9	735. 8	748. 7	761. 6	774. 6	12. 9
43	710. 9	723. 8	736. 8	749. 8	762. 8	775. 8	13. 0
44	711. 8	724. 8	737. 8	750. 8	763. 8	776. 9	13. 0
45	712. 3	725. 4	738. 4	751. 5	764. 5	777. 6	13. 0
46	712. 8	725. 9	738. 9	752. 0	765. 1	778. 2	13. 1

Scheinb. Höhe	Horizontal Parallaxe des C											Differ.
	53'	54'	55'	56'	57'	58'	59'	60'	61'	62'		
3°	28.3	29.1	29.9	30.8	31.6	32.4	33.2	34.0	34.8	35.6	0.8	
4	38.9	40.0	41.1	42.2	43.3	44.4	45.5	46.6	47.7	48.8	1.1	
5	50.8	52.1	53.3	54.6	55.9	57.2	58.4	59.7	61.0	62.3	1.3	
6	62.4	63.9	65.4	66.9	68.4	69.9	71.4	72.9	74.4	75.9	1.5	
7	74.0	75.7	77.5	79.2	80.9	82.6	84.4	86.1	87.8	89.5	1.7	
8	85.6	87.5	89.5	91.5	93.4	95.3	97.3	99.3	101.2	103.1	1.9	
9	97.2	99.3	101.5	103.7	105.9	108.0	110.2	112.4	114.6	116.7	2.2	
10	108.8	111.1	113.5	115.9	118.3	120.7	123.1	125.5	127.9	130.3	2.4	
11	120.3	122.9	125.5	128.1	130.7	133.3	136.0	138.6	141.2	143.8	2.6	
12	131.8	134.6	137.4	140.2	143.1	145.9	148.8	151.6	154.4	157.2	2.8	
13	143.2	146.2	149.3	152.3	155.4	158.4	161.5	164.5	167.6	170.6	3.0	
14	154.6	157.8	161.0	164.3	167.6	170.8	174.1	177.4	180.6	183.9	3.3	
15	166.0	169.5	172.9	176.4	179.9	183.3	186.8	190.3	193.7	197.2	3.5	
16	177.2	180.9	184.6	188.3	192.0	195.6	199.3	203.0	206.7	210.4	3.7	
17	188.4	192.3	196.2	200.0	204.0	207.9	211.8	215.7	219.6	223.5	3.9	
18	199.6	203.7	207.8	211.9	216.0	220.1	224.2	228.3	232.4	236.5	4.1	
19	210.8	215.1	219.4	223.7	228.0	232.3	236.6	240.9	245.2	249.5	4.3	
20	221.8	226.3	230.8	235.3	239.8	244.3	248.8	253.3	257.8	262.4	4.5	
21	232.8	237.5	242.2	246.9	251.6	256.3	261.0	265.8	270.5	275.3	4.7	
22	243.7	248.6	253.5	258.4	263.3	268.2	273.1	278.0	282.9	287.8	4.9	
23	254.5	259.6	264.7	269.8	274.9	280.0	285.2	290.3	295.5	300.7	5.1	
24	265.2	270.5	275.8	281.1	286.5	291.8	297.1	302.4	307.8	313.2	5.3	
25	275.8	281.3	286.8	292.3	297.8	303.3	308.8	314.3	320.0	325.6	5.5	
26	286.3	292.0	297.7	303.4	309.2	314.9	320.7	326.5	332.3	338.1	5.7	
27	296.8	302.7	308.6	314.5	320.5	326.4	332.4	338.3	344.3	350.3	5.9	
28	307.1	313.2	319.3	325.4	331.5	337.7	343.8	350.0	356.2	362.4	6.1	
29	317.4	323.7	330.0	336.3	342.7	349.0	355.4	361.7	368.1	374.4	6.3	
30	327.6	334.1	340.6	347.1	353.6	360.1	366.7	373.2	379.7	386.3	6.5	
31	337.7	344.4	351.1	357.8	364.5	371.2	377.9	384.6	391.3	398.1	6.7	
32	347.7	354.6	361.5	368.4	375.3	382.2	389.1	396.0	402.9	409.8	6.9	
33	357.5	364.5	371.6	378.7	385.8	392.9	400.0	407.1	414.2	421.3	7.1	
34	367.2	374.4	381.7	389.0	396.3	403.6	410.9	418.2	425.5	432.8	7.3	
35	376.8	384.2	391.7	399.1	406.6	414.0	421.5	429.0	436.5	444.0	7.5	
36	386.4	394.0	401.6	409.2	416.9	424.5	432.2	439.8	447.5	455.1	7.6	
37	395.8	403.6	411.4	419.2	427.0	434.8	442.6	450.4	458.2	466.1	7.8	
38	405.1	413.0	421.0	429.0	437.0	445.0	453.0	461.0	469.0	477.0	8.0	
39	414.3	422.4	430.5	438.6	446.7	454.8	462.9	471.0	479.1	487.2	8.2	
40	423.3	431.6	439.9	448.2	456.5	464.8	473.1	481.4	489.7	498.0	8.3	
41	432.3	440.7	449.2	457.7	466.2	474.7	483.2	491.7	500.2	508.7	8.4	
42	441.0	449.6	458.3	467.0	475.7	484.4	493.1	501.8	510.5	519.2	8.6	
43	449.6	458.4	467.2	476.0	484.8	493.6	502.4	511.3	520.1	529.0	8.8	
44	458.1	467.0	476.0	485.0	494.0	502.9	511.9	520.9	529.9	538.9	9.0	
45	466.5	475.6	484.7	493.8	502.9	512.0	521.1	530.2	539.3	548.4	9.1	
46	474.7	483.9	493.2	502.4	511.7	521.0	530.3	539.6	548.9	558.2	9.3	

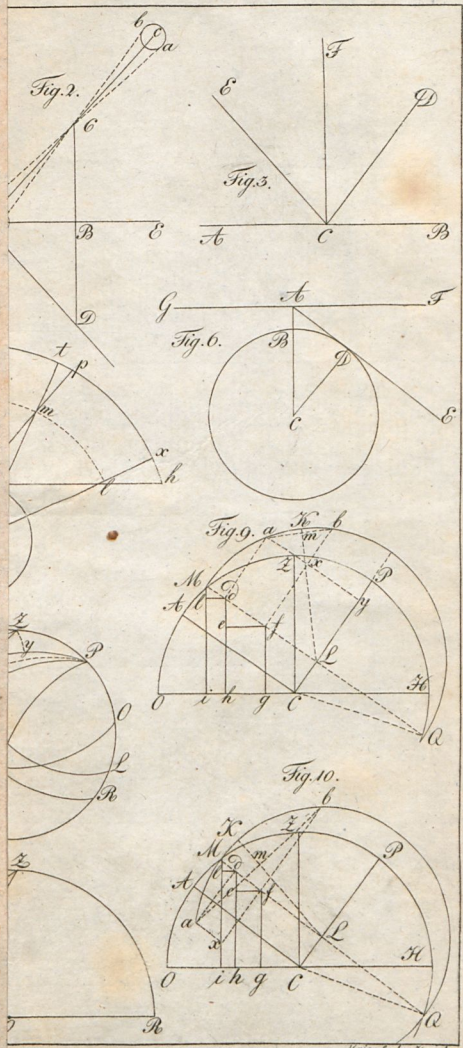
Scheinb. Höhe	Horizontal Parallaxe des C											Differ.
	53'	54'	55'	56'	57'	58'	59'	60'	61'	62'		
46°	474.7	483.9	493.2	502.4	511.7	521.0	530.3	539.6	548.9	558.2	9.3	
47	482.7	492.1	501.5	510.9	520.3	529.8	539.2	548.7	558.1	567.6	9.4	
48	490.6	500.1	509.7	519.3	528.9	538.5	548.1	557.7	567.3	576.9	9.6	
49	498.3	508.0	517.7	527.5	537.2	547.0	556.7	566.5	576.2	586.0	9.7	
50	505.9	515.7	525.6	535.5	545.4	555.3	565.2	575.1	585.0	594.9	9.9	
51	513.3	523.3	533.3	543.3	553.3	563.3	573.3	583.3	593.3	603.3	10.0	
52	520.6	530.7	540.9	551.0	561.2	571.3	581.5	591.7	601.9	612.1	10.2	
53	527.7	538.0	548.3	558.6	568.9	579.2	589.5	599.8	610.1	620.4	10.3	
54	534.7	545.1	555.5	565.9	576.3	586.7	597.2	607.6	618.1	628.5	10.4	
55	541.5	552.0	562.5	573.0	583.5	594.0	604.5	615.0	625.5	636.0	10.5	
56	548.1	558.7	569.4	580.1	590.7	601.4	612.1	622.8	633.5	644.2	10.7	
57	554.5	565.3	576.1	586.9	597.7	608.5	619.3	630.2	641.0	651.8	10.8	
58	560.8	571.7	582.6	593.5	604.5	615.4	626.4	637.3	648.3	659.2	10.9	
59	566.9	577.9	588.9	600.0	611.1	622.2	633.3	644.4	655.5	666.6	11.0	
60	572.8	583.9	595.0	606.1	617.2	628.3	639.4	650.5	661.6	672.7	11.1	
61	578.6	589.8	601.1	612.3	623.5	634.8	646.0	657.3	668.6	679.9	11.3	
62	584.2	595.5	606.9	618.2	629.6	641.0	652.3	663.7	675.0	686.5	11.4	
63	589.7	601.1	612.6	624.0	635.5	647.0	658.4	669.9	681.4	692.9	11.5	
64	594.9	606.4	618.0	629.5	641.1	652.7	664.3	675.9	687.5	699.1	11.6	
65	599.8	611.4	623.1	634.8	646.5	658.2	669.9	681.6	693.3	705.0	11.7	
66	604.6	616.3	628.1	639.9	651.7	663.5	675.3	687.1	698.9	710.6	11.8	
67	609.3	621.1	632.9	644.8	656.6	668.5	680.3	692.2	704.0	715.9	11.8	
68	613.9	625.8	637.7	649.6	661.5	673.4	685.3	697.2	709.1	721.0	11.9	
69	618.3	630.2	642.2	654.1	666.1	678.1	690.0	702.0	714.0	726.0	12.0	
70	622.4	634.4	646.5	658.5	670.6	682.6	694.7	706.7	718.8	730.8	12.0	
71	626.2	638.3	650.4	662.6	674.7	686.8	698.9	711.1	723.2	735.4	12.1	
72	629.8	641.9	654.1	666.3	678.5	690.7	703.0	715.3	727.5	739.8	12.2	
73	633.3	645.5	657.7	670.0	682.2	694.4	706.7	719.0	731.3	743.6	12.3	
74	636.7	649.0	661.3	673.6	685.9	698.2	710.5	722.8	735.1	747.4	12.4	
75	639.9	652.3	664.7	677.1	689.5	701.9	714.3	726.7	739.1	751.5	12.4	
76	642.8	655.3	667.8	680.3	692.8	705.3	717.8	730.3	742.8	755.3	12.5	
77	645.5	658.0	670.6	683.2	695.8	708.4	721.0	733.6	746.2	758.8	12.6	
78	647.9	660.5	673.1	685.7	698.3	711.0	723.6	736.2	748.8	761.4	12.7	
79	650.1	662.8	675.5	688.2	700.9	713.6	726.3	739.0	751.7	764.4	12.7	
80	652.0	664.7	677.4	690.2	702.9	715.7	728.4	741.1	753.8	766.6	12.8	
81	653.7	666.4	679.2	692.0	704.7	717.5	730.2	742.9	755.6	768.3	12.8	
82	655.2	667.9	680.7	693.5	706.3	719.1	731.8	744.6	757.4	770.2	12.8	
83	656.4	669.2	682.0	694.9	707.7	720.5	733.3	746.1	758.9	771.8	12.8	
84	657.4	670.2	683.1	696.0	708.9	721.7	734.6	747.5	760.4	773.3	12.9	
85	658.3	671.2	684.1	697.0	710.0	722.9	735.8	748.7	761.6	774.5	12.9	
86	659.1	672.0	685.0	697.9	710.9	723.8	736.8	749.7	762.6	775.5	13.0	
87	659.7	672.7	685.7	698.7	711.7	724.7	737.7	750.7	763.7	776.7	13.0	
88	660.2	673.2	686.3	699.3	712.3	725.3	738.3	751.3	764.3	777.3	13.0	
89	660.6	673.6	686.7	699.7	712.7	725.7	738.7	751.7	764.7	777.7	13.1	



Verbesserungen und Druckfehler.

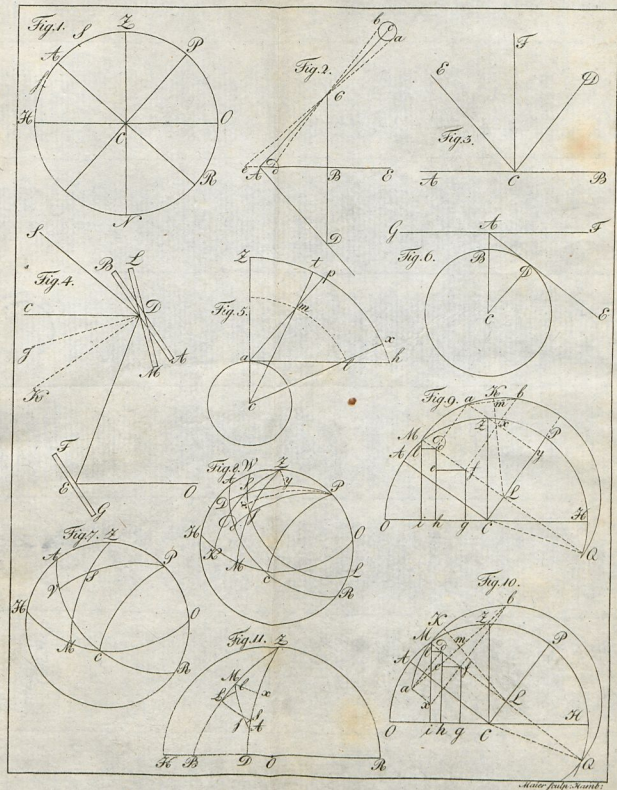
Seite	r	Zeile	14 von unten	l. t. für r
—	2	—	2 von oben	l. ander f. andern
—	5	—	11 —	l. am nächsten zusammen f. zusammen
—	—	—	12 —	l. Zenith f. Zenit L
—	6	—	5 von unten	l. Instruments f. Spiegels
—	—	—	4 —	l. die für der
—	7	—	12 von oben	l. C D B f. D C B.
—	11	—	14 von unten	l. dieselbe f. derselbe
—	16	—	5 von unten	l. Z S P f. Z P S.





Matth. J. J. Schmitt





Antoni J. Schmidt





Pe 457

ULB Halle

004 842 863

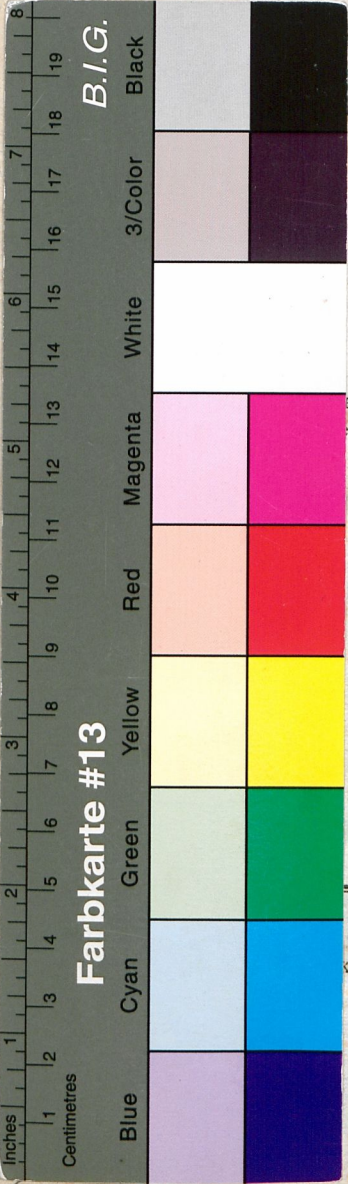
3



10/8







en verschiedenen bisher bekannten
M e t h o d e n

Bestimmung der geographischen
Länge und Breite,
besonders in Rücksicht
des Seemanns,

von

P. H. C. Brodhagen,

Handlungs-Academie und Affociirten der Hamburgischen Gesellschaft, zur Beförderung der
und nützlichen Gewerbe, wie auch ordentlichem Mitgliede der Gesellschaft, zur
Verbreitung der mathematischen Wissenschaften in Hamburg.

Mit einer Kupfertafel.



Hamburg, 1791.

Kosten der Gesellschaft zur Verbreitung der mathematischen Wissenschaften und in
Commission zu haben bei B. G. Hoffmann.